

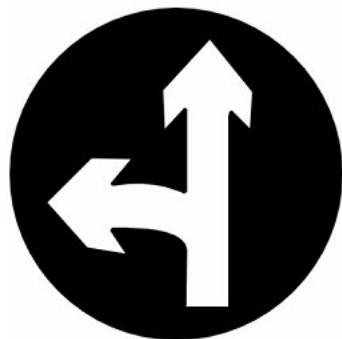


第十三章重难点分类突破

类型一 轴对称及其性质

1. 下列图案中是轴对称图形的有

()



A. 1 个



B. 2 个



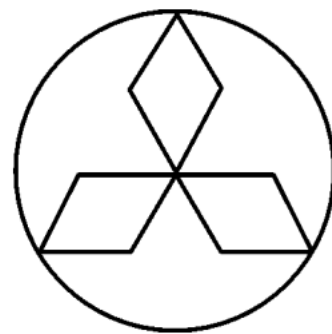
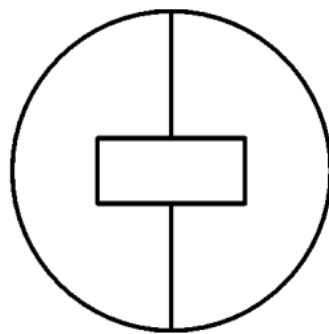
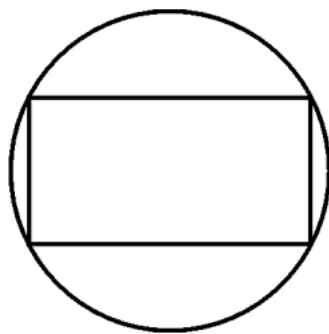
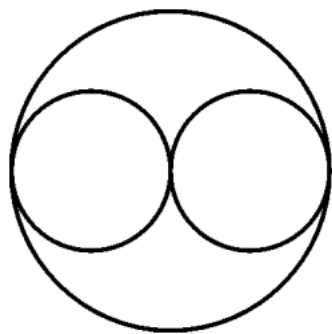
C. 3 个



D. 4 个

2.

下列四个图形：



其中是轴对称图形，且对称轴的条数为 2 的图形的个数是 ()

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

3. 点 $P(2, -5)$ 关于 x 轴对称的点的坐标为 ()

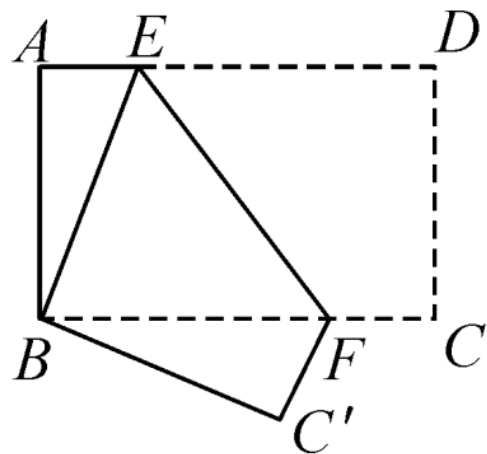
A. $(-2, 5)$

B. $(2, 5)$

C. $(-2, -5)$

D. $(2, -5)$

4. 如图所示, 将长方形纸片 $ABCD$ 折叠, 使点 D 与点 B 重合, 点 C 落在点 C' 处, 折痕为 EF , 若 $\angle EFC' = 125^\circ$, 那么 $\angle ABE$ 的度数为 ()



A. 15°

B. 20°

C. 25°

D. 30°

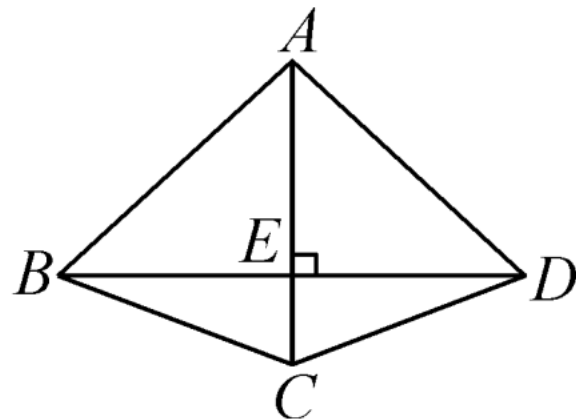
5. 如图, 四边形 $ABCD$ 中, AC 垂直平分 BD , 垂足为 E , 下列结论不一定成立的是 ()

A. $AB = AD$

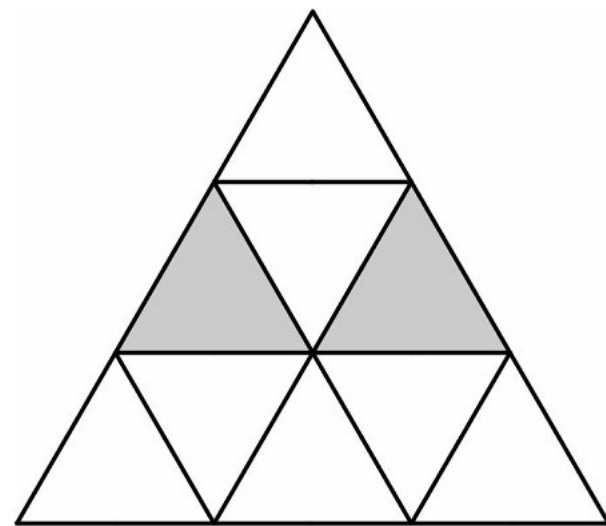
B. AC 平分 $\angle BCD$

C. $AB = BD$

D. $\triangle BEC \cong \triangle DEC$



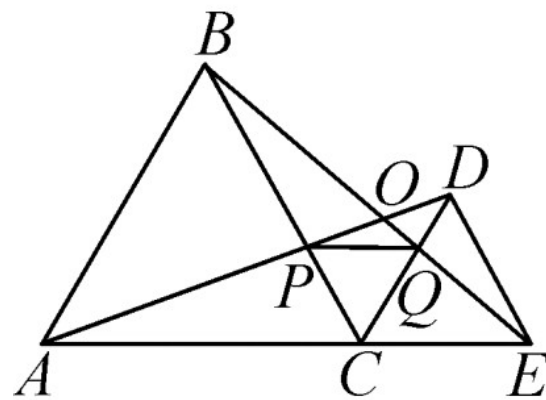
6. 如图,正三角形网格中,已有两个小正三角形被涂黑,再将图中其余小正三角形涂黑一个,使整个被涂黑的图案构成一个轴对称图形的方法有_____种.



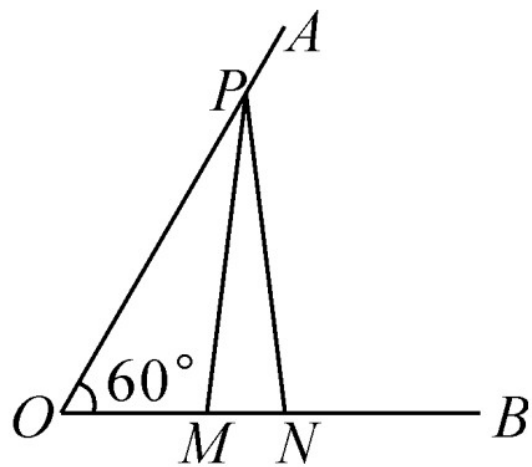
类型二 等腰三角形的性质与判定

7. 如图, C 为线段 AE 上一动点(不与点 A 、 E 重合), 在 AE 同侧分别作正三角形 ABC 和正三角形 CDE , AD 与 BE 交于点 O , AD 与 BC 交于点 P , BE 与 CD 交于点 Q , 连接 PQ . 以下五个结论: ① $AD = BE$; ② $PQ \parallel AE$; ③ $AP = BQ$; ④ $DE = DP$; ⑤ $\angle AOB = 60^\circ$.

一定成立的有 _____ (把你认为正确的序号都填上).

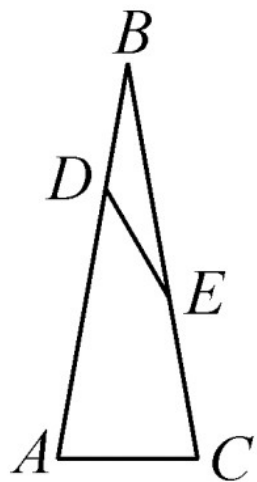


8. 如图, 已知 $\angle AOB = 60^\circ$, 点 P 在边 OA 上, $OP = 12$, 点 M, N 在边 OB 上, $PM = PN$, 若 $MN = 2$, 则 $OM =$ ()
- A. 3 B. 4 C. 5 D. 6



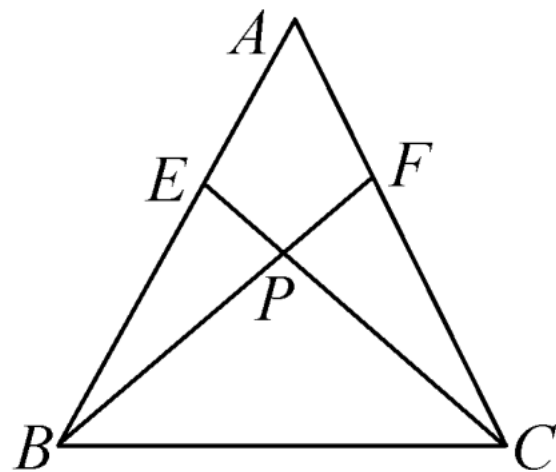
(第 8 题图)

9. 如图, 在等腰 $\triangle ABC$ 的两腰 AB 、 BC 上分别取点 D 和 E , 使 $DB=DE$, 此时恰有 $\angle ADE = \frac{1}{2} \angle ACB$, 则 $\angle B$ 的度数是_____.

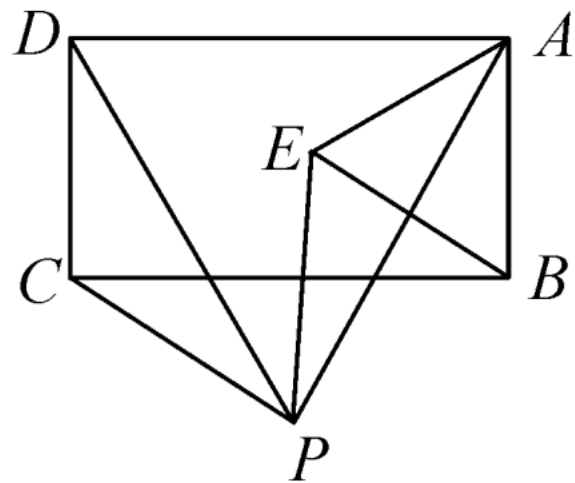


(第 9 题图)

10. (2015 · 杭州中考) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB = AC$, 点 E 、 F 分别在 AB 、 AC 上, $AE = AF$, BF 与 CE 相交于点 P , 求证: $PB = PC$, 并请直接写出图中其他相等的线段.



11. 如图, P 是长方形 $ABCD$ (长方形对边平行且相等, 四个角都是直角) 下方一点, 将 $\triangle PCD$ 绕 P 点转动 60° (即 $\angle DPA = 60^\circ$) 后恰好 D 点与 A 点重合, 得到 $\triangle PEA$, 连接 EB , 问 $\triangle ABE$ 是什么特殊三角形? 并予以证明.

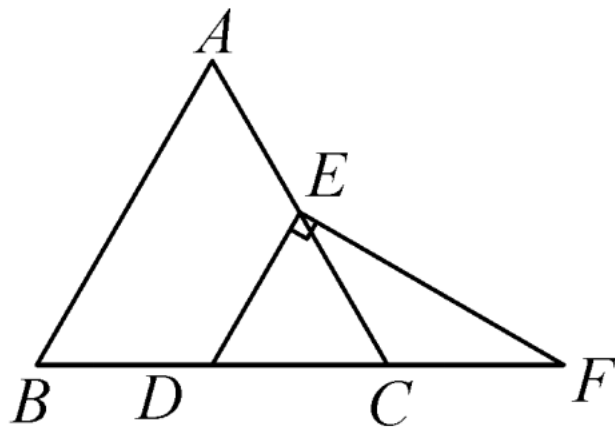


$\therefore AB = AE$. $\because \angle CDA = \angle DAB = 90^\circ$, $\therefore \angle CDP = \angle EAP = \angle DAE = \angle PAB = 30^\circ$, $\therefore \angle EAB = 60^\circ$, $\therefore \triangle ABE$ 为等边三角形.

类型三 综合与探究

12. 如图,在等边三角形 ABC 中,点 D ,
 E 分别在边 BC,AC 上, $DE \parallel AB$,过点 E 作 $EF \perp DE$,
交 BC 的延长线于点 F .

- (1)求 $\angle F$ 的度数;
- (2)若 $CD=2$,求 DF 的长.



$\because EF \perp DE, \therefore \angle DEF = 90^\circ,$

$\therefore \angle F = 90^\circ - \angle EDC = 30^\circ;$

(2) $\because \angle ACB = 60^\circ, \angle EDC = 60^\circ,$

$\therefore \triangle EDC$ 是等边三角形.

$\therefore ED = DC = 2.$

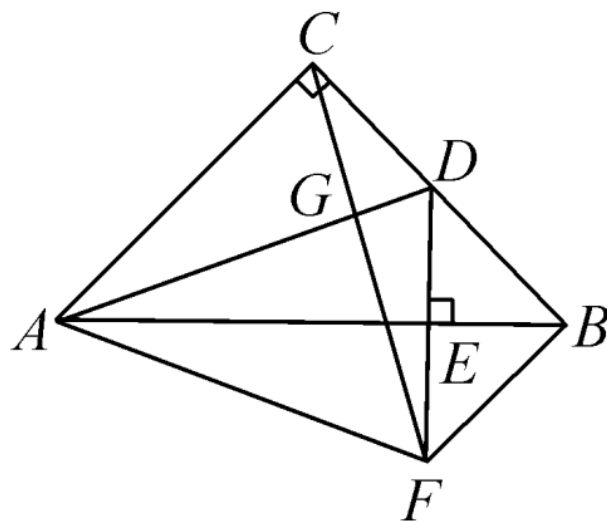
$\because \angle DEF = 90^\circ, \angle F = 30^\circ,$

$\therefore DF = 2DE = 4.$

13. 如图, 在等腰 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, D 为 BC 的中点, $DE \perp AB$, 垂足为 E ,

(1) 过点 B 作 $BF \parallel AC$ 交 DE 的延长线于点 F , 连接 CF . 证明: $AD \perp CF$.

(2) 连接 AF , 试判断 $\triangle ACF$ 的形状, 并说明理由.

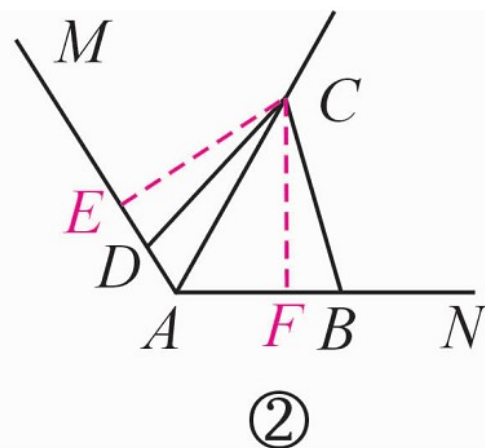
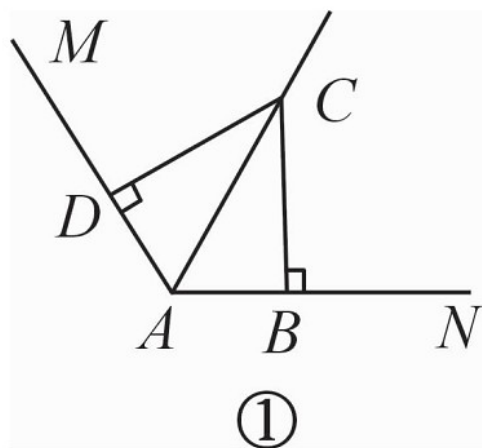


$$\triangle ACD \text{ 和 } \triangle CBF \text{ 中 } \begin{cases} AC=CB, \\ \angle ACD=\angle CBF=90^\circ, \\ CD=BF, \end{cases}$$

$\therefore \triangle ACD \cong \triangle CBF$ (SAS), $\therefore \angle CAD = \angle BCF$,
 $\because \angle ACD = 90^\circ$, $\therefore \angle ACG + \angle BCF = 90^\circ$, $\angle CAG + \angle ACG = 90^\circ$, $\therefore \angle AGC = 90^\circ$, $\therefore AD \perp CF$.

(2) $\triangle ACF$ 是等腰三角形, 理由如下: 由(1)得 $BD = BF$, $DE \perp AB$, $\therefore AF = AD$, 又 $\because AD = CF$, $\therefore CF = AF$, $\therefore \triangle ACF$ 是等腰三角形.

14. 已知 $\angle MAN$, AC 平分 $\angle MAN$.



- (1) 在图①中, 若 $\angle MAN = 120^\circ$, $\angle ABC = \angle ADC = 90^\circ$, 求证: $AB + AD = AC$;
- (2) 在图②中, 若 $\angle MAN = 120^\circ$, $\angle ABC + \angle ADC = 180^\circ$, 则(1)中的结论是否仍然成立? 若成立, 请给出证明; 若不成立, 请说明理由.

证明:(1) $\because \angle MAN = 120^\circ$, AC 平分 $\angle MAN$, $\therefore \angle CAD = \angle CAB = 60^\circ$, 又 $\because \angle ABC = \angle ADC = 90^\circ$, $\therefore \angle ACD = \angle ACB = 30^\circ$, 在 $\text{Rt}\triangle ACD$ 和 $\text{Rt}\triangle ACB$ 中, $AD = \frac{1}{2}AC$, $AB = \frac{1}{2}AC$, $\therefore AB + AD = AC$; (2) 结论仍成立, 作 $CE \perp AM$, $CF \perp AN$ 于 E 、 F , 则 $\angle CED = \angle CFB = 90^\circ$, $\because AC$ 平分 $\angle MAN$, $\therefore CE = CF$, 又 $\because \angle ABC + \angle ADC = 180^\circ$, $\angle CDE + \angle ADC = 180^\circ$, $\therefore \angle CDE = \angle ABC$. 在 $\triangle CDE$ 和 $\triangle CBF$ 中,

$$\begin{cases} \angle CDE = \angle CBF, \\ \angle CED = \angle CFB, \therefore \triangle CDE \cong \triangle CBF (\text{AAS}), \\ CE = CF, \end{cases}$$

$\therefore DE = BF$. 又 $\because \angle MAN = 120^\circ$, AC 平分 $\angle MAN$, $\therefore \angle MAC = \angle NAC = 60^\circ$, $\therefore AB + AD = AF + BF + AD = AF + DE + AD = AF + AE = \frac{1}{2}$

$$AC + \frac{1}{2}AC = AC, \therefore AB + AD = AC.$$

结束语

书到精绝潜心读；文穷情理放声吟。