

# 八年级数学(下)期末复习测试

## 题二

题号	一	二	三						总分		
			1	2	2	2	2	2			
得分			9	0	1	2	3	4	5	6	

### 一、填空题(每题2分,共20分)

1. 当  $x$  \_\_\_\_\_ 时, 分式  $\frac{|x|-5}{x+5}$  的值为零。

2.  $\frac{x-y}{x+y} = -\frac{(\quad)}{x+y} = -\frac{(\quad)}{x+y} = -\frac{(\quad)}{-(x+y)}$

3. 当  $x$  \_\_\_\_\_ 时,  $\frac{2-x}{x^2+1}$  的值为负数。

4. 如果  $Rt\triangle$  两直角边的比为 5:12, 则斜边上的高与斜边的比为 \_\_\_\_\_

5. 某学生 7 门学科考试成绩的总分是 560 分, 其中 3 门学科的总分是 234 分, 则另外 4 门学科成绩的平均分是 \_\_\_\_\_。

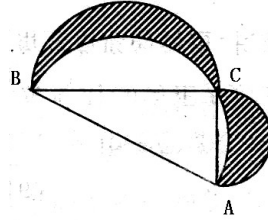
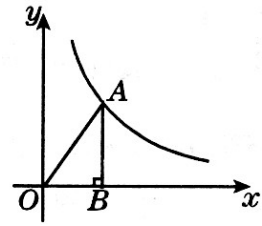
6. 梯形 ABCD 中,  $AB \parallel DC$ , E、F、G、H 分别是边 AB、BC、CD、DA 的中点, 梯形 ABCD 的边满足条件 \_\_\_\_\_ 时, 四边形 EFGH 是菱形。

7. 命题“菱形是对角线互相垂直的四边形”的逆命题是 \_\_\_\_\_。

8. 若正方形的面积为  $18cm^2$ , 则正方形对角线长为 \_\_\_\_\_ cm。

9. 如图, 点 A 是反比例函数  $y = \frac{4}{x}$  上任意一点, 过点 A 作  $AB \perp x$  轴于点 B, 则  $S_{\triangle AOB} =$  \_\_\_\_\_。

10. 如图,  $Rt\triangle ABC$  中,  $AC=5$ ,  $BC=12$ , 分别以它的三边为直径向上作三个半圆, 则阴影部分面积为 \_\_\_\_\_。



### 二、选择题(每题3分,共24分)

11. 在  $\frac{a-b}{2}$ ,  $\frac{x(x+3)}{x}$ ,  $\frac{5+x}{\pi}$ ,  $\frac{a+b}{a-b}$  中, 是分式的有 ( )

A、1个 B、2个 C、3个 D、4个

12. 化简  $\frac{m^2-3m}{9-m^2}$  的结果是 ( )

A、 $\frac{m}{m+3}$  B、 $-\frac{m}{m+3}$  C、 $\frac{m}{m-3}$

D、 $\frac{m}{3-m}$

13. 若分式方程  $\frac{2x}{x+1} - \frac{m+1}{x+x} = \frac{x+1}{x}$  无解, 则

m 的值是 ( )

A. -1 或 -2 B. -1 或 2 C.

1 或 2 D. 1 或 -2

14. 函数  $y = \frac{-1}{x}$  的图象上有两点  $A(x_1, y_1)$ 、

$B(x_2, y_2)$  且  $x_1 < x_2$ , 那么下列结论正确的是 ( )

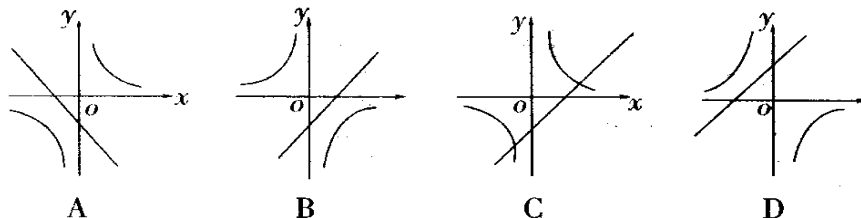
A.  $y_1 < y_2$  B.  $y_1 > y_2$  C.  $y_1 = y_2$  D.

与  $y_2$  之间的大小关系不能确定

15. 在  $\triangle ABC$  中,  $AB=15$ ,  $AC=20$ , BC 边上高  $AD=12$ , 则 BC 的长为 ( )

A、25 B、7 C、25 或 7 D、不能确定

16. 已知关于  $x$  的函数  $y=k(x-1)$  和  $y=-\frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ), 它们在同一坐标系中的图象大致是( )



17. 一组

对边平行, 并且对角线互相垂直且相等的四边形是( )

- A. 菱形或矩形      B. 正方形或等腰梯形  
C. 矩形或等腰梯形      D. 菱形或直角梯形

18. 如图, 一只蚂蚁从长、宽都是 3, 高是 8 的长方体纸箱的 A 点沿纸箱爬到 B 点, 那么它所行的最短路线的长是( )。

- A. 10    B. 11    C. 14    D. 15

三、解答题:(76分)

19. 计算:(12分)

(1)  $\frac{x-y}{2x-3y} - \frac{y-x}{3y-2x}$

(2)  $\frac{2x^2}{x-1} - x - 1$

(3)  $3x^2y \cdot \frac{5}{12xy^2} \cdot (-\frac{4y}{5x})$

(4) 已知  $x + \frac{1}{x} = 3$ , 求  $x^2 + \frac{1}{x^2}$  的值

20. 解方程:(8分)

(1)  $\frac{x}{x-1} - \frac{2}{x+1} = 1$  (2)

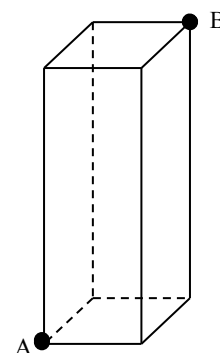
$\frac{x}{x+2} - \frac{x+2}{x-2} = \frac{8}{x^2-4}$

21. 请你阅读下列计算过程

程  
题:

再回答所提出的问题(7分)

解:  $\frac{x-3}{x^2-1} - \frac{3}{1-x}$



=

$\frac{x-3}{(x+1)(x-1)} - \frac{3}{x-1}$  (A)

$= \frac{x-3}{(x+1)(x-1)} - \frac{3(x+1)}{(x+1)(x-1)}$  (B)

$= x-3-3(x+1)$  (C)

$= -2x-6$  (D)

(1) 上述计算过程中, 从哪一步开始出现错误:

(2) 从 B 到 C 是否正确, 若不正确, 错误的原因是

(3) 请你正确解答。

22. (8分) 反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象经过点

$A(2, 3)$ .

(1) 求这个函数的解析式;

(2) 请判断点  $B(1, 6)$  是否在这个反比例函数的图象上, 并说明理由.

23. (9分) 如图, 有一个直角三角形纸片, 两直角边  $AC=6\text{cm}$ ,  $BC=8\text{cm}$ , 现将直角边  $AC$  沿直线  $AD$  折叠, 使它落在斜边  $AB$  上, 且与  $AE$  重合, 你能求出  $CD$  的长吗?

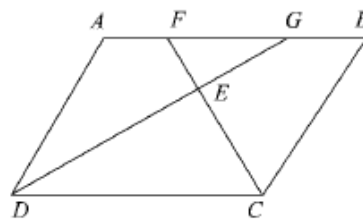
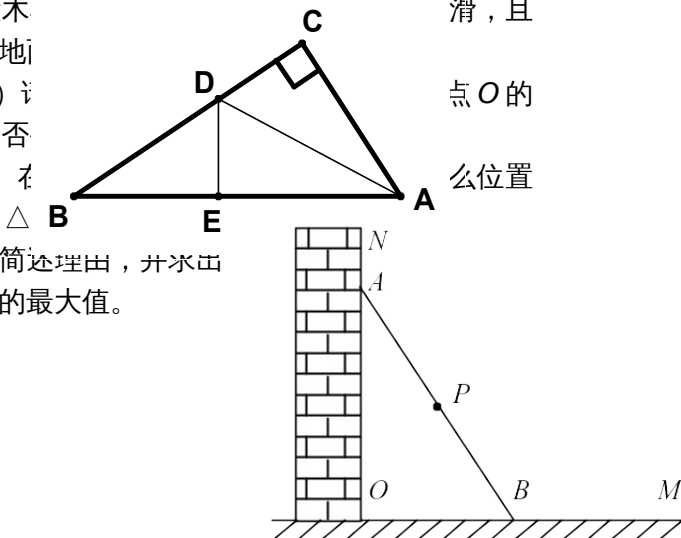
24. (10分) 如图, 已知四边形  $ABCD$  是平行四边形,  $\angle BCD$  的平分线  $CF$  交边  $AB$  于  $F$ ,  $\angle ADC$  的平分线  $DG$  交边  $AB$  于  $G$ .

(1) 求证:  $AF=GB$ ; (2) 请你在已知条件的基础上再添加一个条件, 使得  $\triangle EFG$  为等腰直角三角形, 并说明理由.

25. (10分) 某校师生到距学校 20 千米的公路旁植树, 甲班师生骑自行车先走, 45 分钟后, 乙班师生乘汽车出发, 结果两班师生同时到达, 已知汽车的速度是自行车速度的 2.5 倍, 求两种车的速度各是多少?

26. (12分) 如图所示, 一根长  $2a$  的木棍 ( $AB$ ), 斜靠在与地面 ( $OM$ ) 垂直的墙 ( $ON$ ) 上, 设木棍  $A$  端沿墙  $ON$  滑动, 且  $B$  端沿地面  $OM$  滑动, 且点  $O$  为坐标原点.

(1) 问: 当木棍  $AB$  与地面  $OM$  成  $45^\circ$  角时,  $\triangle AOB$  的面积是否最大? 简述理由, 并求出面积的最大值.



附加题. (8分) 阅读下列材料

$$\begin{aligned} \because \frac{1}{1 \times 3} &= \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{1}{3} \right), & \frac{1}{3 \times 5} &= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{3} - \frac{1}{5} \right), \\ \frac{1}{5 \times 7} &= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{5} - \frac{1}{7} \right), & \dots &, \\ \frac{1}{2005 \times 2007} &= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2005} - \frac{1}{2007} \right) \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{1}{1 \times 3} + \frac{1}{3 \times 5} + \frac{1}{5 \times 7} + \dots + \frac{1}{2005 \times 2007} = \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \dots + \frac{1}{2005} - \frac{1}{2007} \right)$$

解答下列问题:

(1) 在和式  $\frac{1}{1 \times 3} + \frac{1}{3 \times 5} + \frac{1}{5 \times 7} + \dots$  中, 第 5

项为\_\_\_\_\_ , 第 n 项为\_\_\_\_\_ , 上述是将和式中的各分数转化为两个数之差, 使首末两项外的中间各项\_\_\_\_\_ , 从而达到求和目的。

(2) 利用上述结论计算

$$\frac{1}{x(x+2)} + \frac{1}{(x+2)(x+4)} + \frac{1}{(x+4)(x+6)} + \dots + \frac{1}{(x+20)}$$

20. (1) 解: 方程两边都乘以  $(x+1)(x-1)$ , 得

$$x(x+1) - 2(x-1) = (x+1)(x-1)$$

$$\text{即 } x^2 + x - 2x + 2 = x^2 - 1,$$

$$\therefore x = 3$$

经检验:  $x = 3$  是原方程的根。

(2) 解: 方程两边同乘以最简公分母

$$(x+2)(x-2)$$

$$\text{得 } (x-2)x - (x+2)^2 = 8$$

$$x^2 - 2x - x^2 - 4x - 4 = 8$$

$$-6x = 12$$

$$\therefore x = -2$$

经检验:  $x = -2$  不是原方程的根, 原

方程无解

21. (1) A 到 B

(2) 不正确, 不能去分母

( 3 )

$$\frac{x-3}{x^2-1} - \frac{3}{1-x} =$$

$$\frac{x-3}{(x+1)(x-1)} + \frac{3}{x-1} =$$

$$\frac{x-3}{(x+1)(x-1)} + \frac{3(x+1)}{(x+1)(x-1)} = \frac{4x}{x^2-1}$$

22. (1) 由题意得  $3 = \frac{k}{2}$ ,  $\therefore k = 6$ .  $\therefore$  函数解析

式为  $y = \frac{6}{x}$ ;

(2) 当  $x = 1$  时,  $y = 6$ .  $\therefore$  点  $(1, 6)$  在这个反比例函数的图象上;

23.  $CD = 3$ ;

24. (1) 证明:  $\because$  四边形 ABCD 为平行四边形

$$\therefore AB \parallel CD, AD \parallel BC, AD = BC$$

$$\therefore \angle AGD = \angle CDG, \angle DCF = \angle BFC$$

$$\because DG, CF \text{ 分别平分 } \angle ADC \text{ 和 } \angle BCD$$

$$\therefore \angle CDG = \angle ADG, \angle DCF = \angle BCF$$

$$\therefore \angle ADG = \angle AGD, \angle BFC = \angle BCF$$

$$\therefore AD = AG, BF = BC$$

$$\therefore AF = BG$$

(2)  $\because AD \parallel BC \therefore \angle ADC + \angle BCD = 180^\circ$

$\because DG, CF$  分别平分  $\angle ADC$  和  $\angle BCD$

$$\therefore \angle EDC + \angle ECD = 90^\circ \therefore \angle DFC = 90^\circ \therefore \angle FEG = 90^\circ$$

因此我们只要保证添加的条件使得  $EF = EG$  就可以了。

我们可以添加  $\angle GFE = \angle FGD$ , 四边形 ABCD 为矩形,  $DG = CF$  等等。

25. 解: 设自行车速度为  $x$  千米/小时, 则汽车速度为  $2.5x$  千米/小时, 由题意可列

$$\text{方程为 } \frac{20}{x} - \frac{45}{60} = \frac{20}{2.5x}$$

解得  $x = 16$

经检验,  $x = 16$  适合题意, 故  $2.5x = 40$

答: 自行车速度为 16 千米/小时, 汽车速度为 40 千米/小时。

26. (1) 不变。理由: 在直角三角形中, 斜边上的中线等于斜边的一半, 因为斜边  $AB$  不变, 所以斜边上的中线  $OP$  不变。

(2) 当  $\triangle AOB$  的斜边上的高  $h$  等于中线  $OP$  时,

$\triangle AOB$  的面积最大。

如图, 若  $h$  与  $OP$  不相等,

则总有  $h < OP$ 。

故根据三角形面积公式,

有  $h$  与  $OP$  相等时  $\triangle AOB$  的面积最大

$$\text{此时, } S_{\triangle AOB} = \frac{1}{2} AB \cdot h = \frac{1}{2} \times 2a \cdot a = a^2.$$

所以  $\triangle AOB$  的最大面积为  $a^2$ 。

附加题 . (1)  $\frac{1}{9 \times 11} - \frac{1}{(2n-1)(2n+1)}$  相抵消

$$(2) \frac{2008}{x(x+2008)}$$

