

2009 - 2010 学年度上学期武汉市部分学校期中联考

八年级数学试卷

一、选择题 (每小题 3 分, 共 36 分)

1、在实数 $-$, 0.21 , $,$, $,$, 0.20202 中, 无理数的个数为 ()

- A、1 B、2 C、3 D、4

2、若 $x+|x|=0$, 则 x 等于 ()

- A、 x B、 $-x$ C、 $\pm x$ D、无法确定

3、若 $a^2=25$, $b=3$, 则 $a+b=$ ()

- A、 -8 B、 ± 8 C、 ± 2 D、 ± 8 或 ± 2

4、下列式子: ① $\sqrt[3]{-5} = -\sqrt[3]{5}$; ② $\sqrt[3]{5^3} = 5$; ③ $\sqrt{(-13)^2} = -13$; ④ $\sqrt{36} = \pm 6$.

其中正确的个数有 ()

- A、1 个 B、2 个 C、3 个 D、4 个

5、如图, 已知 $\angle 1 = \angle 2$, 欲得到 $\triangle ABD \cong \triangle ACD$, 还须从下列条件中补选一个, 错误的选法是 ()

- A、 $\angle ADB = \angle ADC$ B、 $\angle B = \angle C$ C、 $DB = DC$ D、 $AB = AC$

6、使两个直角三角形全等的条件是 ()

- A、一锐角对应相等 B、两锐角对应相等
C、一条边对应相等 D、两条边对应相等

7、如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC=20\text{cm}$, DE 垂直平分 AB , 垂足为 E , 交 AC 于 D , 若 $\triangle DBC$ 的周长为 35cm , 则 BC 的长为 ()

- A、 5cm B、 10cm C、 15cm D、 17.5cm

8、如果等腰三角形两边长是 6cm 和 3cm , 那么它的周长是 ()

- A、 9cm B、 12cm C、 12cm 或 15cm D、 15cm

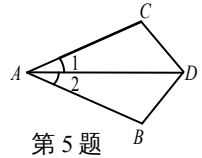
9、如图, $\angle AOP = \angle BOP = 15^\circ$, $PC \parallel OA$, $PD \perp OA$, 若 $PC = 4$, 则 PD 等于 ()

- A、4 B、3 C、2 D、1

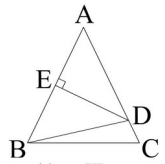
10、如图, 已知 $AD=AE$, $BE=CD$, $\angle 1 = \angle 2 = 110^\circ$, $\angle BAC = 80^\circ$, 则 $\angle CAE$ 的度数是 ()

- A、 20° B、 30° C、 40° D、 50°

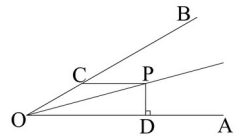
11、如图, $\triangle ABC$ 中, $AB=AC$, AD 平分 $\angle BAC$, $DE \perp AB$ 于 E , $DF \perp AC$ 于 F ,



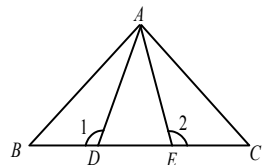
第 5 题



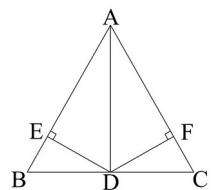
第 7 题



第 9 题



第 10 题



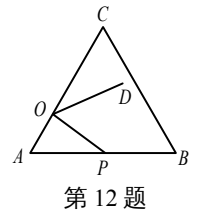
第 11 题

则下列五个结论：① AD 上任意一点到 AB、AC 两边的距离相等；② AD 上任意一点到 B、C 两点的距离相等；③ $AD \perp BC$ ，且 $BD=CD$ ；④ $\angle BDE = \angle CDF$ ；⑤ $AE=AF$ 。其中，正确的有（ ）

- A、2 个 B、3 个 C、4 个 D、5 个

12、如图，在等边 $\triangle ABC$ 中， $AC=9$ ，点 O 在 AC 上，且 $AO=3$ ，点 P 是 AB 上一动点，连接 OP，将线段 OP 绕点 O 逆时针旋转 60° 得到线段 OD，要使点 D 恰好在 BC 上，则 AP 的长是（ ）

- A、4 B、5 C、6 D、8



第 12 题

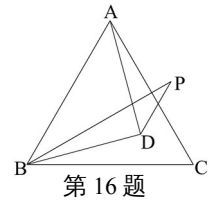
二、填空题 (每小题 3 分,共 12 分)

13、若 $a \neq 0$ ，则 $\frac{\sqrt[3]{-a^3}}{a} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

14、等腰三角形的底角是 15° ，腰长为 10，则其腰上的高为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

15、已知点 A ($a, 2$)、B ($-3, b$)，关于 X 轴对称，求 $a+b = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

16、如图，D 为等边三角形 ABC 内一点， $AD=BD$ ， $BP=AB$ ， $\angle DBP = \angle DBC$ ，则 $\angle BPD = \underline{\hspace{2cm}}$ 。



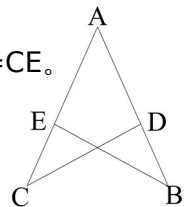
第 16 题

三、解答题 (10 小题,共 72 分)

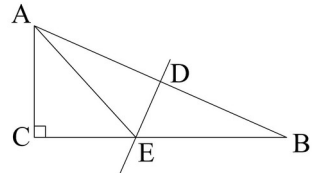
17、计算 (5 分) $|\sqrt{3}-2| + \sqrt[3]{-8} + (2-\sqrt{3}) \times \sqrt{3}$

18、解方程 (5 分) $(1+2x)^3 - \frac{61}{64} = 1$

19、(6 分) 如图，已知 $AB=AC$ ，D、E 分别为 AB、AC 上两点， $\angle B = \angle C$ ，求证： $BD=CE$ 。

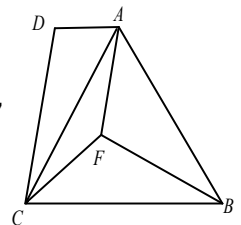


- 20、（6分）在 $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ，DE垂直平分斜边AB，分别交AB、BC于D、E，若 $\angle CAE=\angle B+30^\circ$ ，求 $\angle AEC$ 。



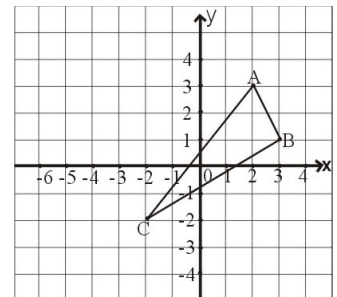
- 21、（6分）有边长5厘米的正方形和长为8厘米，宽为18厘米的矩形，要作一个面积为这两个图形的面积之和的正方形，求边长应为多少cm？

- 22、（6分）如图，在四边形ABCD中， $AB=BC$ ，BF是 $\angle ABC$ 的平分线， $AF\parallel DC$ ，连接AC、CF，求证：CA是 $\angle DCF$ 的平分线。

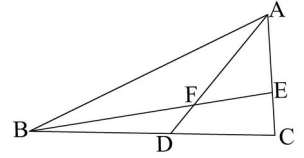


- 23、（8分）如图，已知 $\triangle ABC$ 的三个顶点分别为A(2, 3)、B(3, 1)、C(-2, -2)。

- (1) 请在图中作出 $\triangle ABC$ 关于直线 $x=-1$ 的轴对称图形 $\triangle DEF$ (A、B、C的对应点分别是D、E、F)，并直接写出D、E、F的坐标。
- (2) 求四边形ABED的面积。



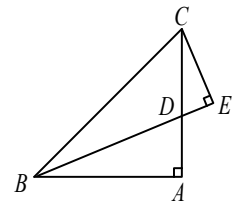
24、（8分）如图，AD是 $\triangle ABC$ 的中线，BE交AC于E，交AD于F，且 $AE=EF$ ，求证： $AC=BF$ 。



25、（10分）如图，已知在 $\triangle ABC$ 中， $\angle BAC$ 为直角， $AB=AC$ ，D为AC上一点， $CE \perp BD$ 于E。

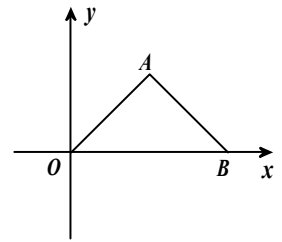
(1) 若BD平分 $\angle ABC$ ，求证 $CE=BD$ ；

(2) 若D为AC上一动点， $\angle AED$ 如何变化，若变化，求它的变化范围；若不变，求出它的度数，并说明理由。

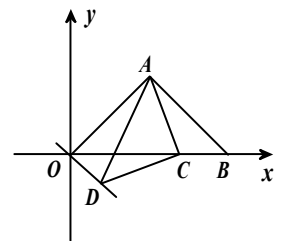


26、（12分），如图，在平面直角坐标系中， $\triangle AOB$ 为等腰直角三角形，A（4，4）

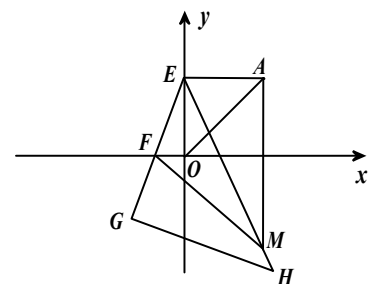
(1) 求B点坐标；



(2) 若 C 为 x 轴正半轴上一动点，以 AC 为直角边作等腰直角 $\triangle ACD$ ， $\angle ACD=90^\circ$ 连 OD，求 $\angle AOD$ 的度数；



(3) 过点 A 作 y 轴的垂线交 y 轴于 E，F 为 x 轴负半轴上一点，G 在 EF 的延长线上，以 EG 为直角边作等腰 $\text{Rt}\triangle EGH$ ，过 A 作 x 轴垂线交 EH 于点 M，连 FM，等式 $\frac{AM - FM}{OF} = 1$ 是否成立？若成立，请证明；若不成立，说明理由.



2009 - 2010 学年度上学期武汉市部分学校期中联考

八年级数学答案 (命题学校：南湖学校)

一、选择题：1、C；2、B；3、D；4、B；5、C；6、D；7、C；8、D；9、C；10、A；11、D；

12、C .

二、填空题：13、-1； 14、5； 15、-5； 16、30° .

三、解答题

17、解：原式=-3 . 18、解：x= .

19、方法一：先证 $\triangle ACD \cong \triangle ABE$ (ASA) (3分) , $\therefore AD=AE$, 又 $\because AC=AB$, $\therefore AC-AE=AB-AD$ (5分) $\therefore CE=BD$ (6分) . 方法二：连CB .

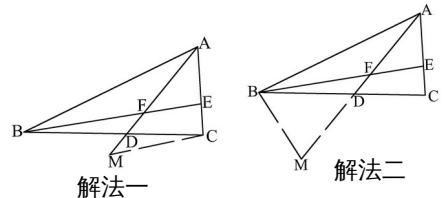
20、证明：ED垂直平分AB , $\therefore AE=EB$, $\therefore \angle EAB=\angle B$ (1分) , $\therefore \angle AEC=\angle EAB+\angle B=2\angle B$ (2分) , \because 在 $\triangle ACE$ 中 , $\angle C=90^\circ$, $\therefore \angle CAE+\angle AEC=90^\circ$, $\therefore \angle CAE=\angle B+30^\circ$, $\therefore \angle B+30^\circ+2\angle B=90^\circ$ (4分) , $\therefore \angle B=20^\circ \therefore \angle AEC=2\angle B=40^\circ$ (6分)

21、解： $5^2 + 8 \times 18 = 169(cm^2)$ (2分) , $\sqrt{169} = 13(cm)$ (5分) , 答：边长为13cm。 (6分)

22、先证 $\triangle ABF \cong \triangle CBF$ (SAS) (3分) , $\therefore AF=CF$, $\therefore \angle CAF=\angle ACF$ (4分) , $\because AF \parallel CD$, $\therefore \angle CAF=\angle ACD$ (5分) , $\therefore \angle ACF=\angle ACD$, $\therefore CA$ 平分 $\angle ACF$ (6分)

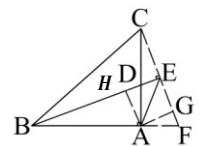
23、解：(1) 图略 (2分) , D(-4, 3) ; E(-5, 1) ; F(0, -2) ; (5分)
(2) $AD=6$, $BE=8$, $S_{\text{四边形}ABCD}=(AD+BE) \cdot 2 = AD+BE=14$ (8分)

24、解法一：证明：延长AD至点M, 使 $MD=FD$, 连MC (1分) , 先证 $\triangle BDF \cong \triangle CDM$ (SAS) (4分)
 $\therefore MC=BF$, $\angle M=\angle BFM$, $\because EA=EF$, $\therefore \angle EAF=\angle EFA$, $\therefore \angle AFE=\angle BFM$,
 $\therefore \angle M=\angle MAC$ (7分) , $\therefore AC=MC$, $\therefore BF=AC$ (8分) .



解法二：延长AD至点M, 使 $DM=AD$, 连BM (1分) ,
先证 $\triangle ADC \cong \triangle MDB$ (SAS) (4分) , $\therefore \angle M=\angle MAC$, $BM=AC$,
 $\because EA=EF$, $\therefore \angle CAM=\angle AFE$, 而 $\angle AFE=\angle BFM$,
 $\therefore \angle M=\angle BFM$ (7分) , $\therefore BM=BF$, $\therefore BF=AC$ (8分)

25、(1) 延长BA、CE相交于点F, 先证 $\triangle BEC \cong \triangle BEF$ (ASA) (3分) ,
 $\therefore CE=FE$, $\therefore CE=CF$. $\because \angle BAC$ 是直角 , $\therefore \angle BAD=\angle CAF=90^\circ$, 而
 $\angle F+\angle FBE=\angle FCA+\angle F=90^\circ$, $\therefore \angle ACF=\angle FBE$ (4分) , 又
 $\because AC=AB$, $\therefore \triangle BAD \cong \triangle CAF$ (ASA) , $\therefore BD=CF$, 即 $CE=BD$ (5分)



(2) $\angle AEB$ 不变为 45° (6分) 理由如下：
过点A作 $AH \perp BE$ 垂足为H, 作 $AG \perp CE$ 交CE延长线于G,
先证 $\angle ACF=\angle ABD$ (8分) 得 $\triangle BAH \cong \triangle CAG$ (AAS) , $\therefore AH=AG$ (9分)
而 $AH \perp EB$, $AG \perp EG$, $\therefore EA$ 平分 $\angle BEF$, $\therefore \angle BEA=\angle BEG=45^\circ$ (10分)

或：由(1)证得 $\triangle BAD \cong \triangle CAF(ASA)$ ， $\triangle BAD$ 的面积 = $\triangle CAF$ 的面积， $\therefore BD \cdot AH = CF \cdot AG$ ，而 $BD = CF$ ， $\therefore AH = AG$ (余下同上)。

26、 (1) 作 $AE \perp OB$ 于 E ， $\because A(4, 4)$ ， $\therefore OE = 4 \dots \dots \dots (1 \text{分})$ ，

$\because \triangle AOB$ 为等腰直角三角形，且 $AE \perp OB$ ， $\therefore OE = EB = 4 \dots \dots \dots (2 \text{分})$ ，

$\therefore OB = 8$ ， $\therefore B(8, 0) \dots \dots \dots (3 \text{分})$

(2) 作 $AE \perp OB$ 于 E ， $DF \perp OB$ 于 F ， $\because \triangle ACD$ 为等腰直角三角形， $\therefore AC = DC$ ， $\angle ACD = 90^\circ$

即 $\angle ACF + \angle DCF = 90^\circ$ ， $\because \angle FDC + \angle DCF = 90^\circ$ ， $\therefore \angle ACF = \angle FDC$ ，又 $\because \angle DFC = \angle AEC = 90^\circ$ ，

$\therefore \triangle DFC \cong \triangle CEA$ (5分)， $\therefore EC = DF$ ， $FC = AE$ ， $\because A(4, 4)$ ， $\therefore AE = OE = 4$ ， $\therefore FC = OE$ ，即

$OF + EF = CE + EF$ ，

$\therefore OF = CE$ ， $\therefore OF = DF$ ， $\therefore \angle DOF = 45^\circ \dots \dots \dots (6 \text{分})$

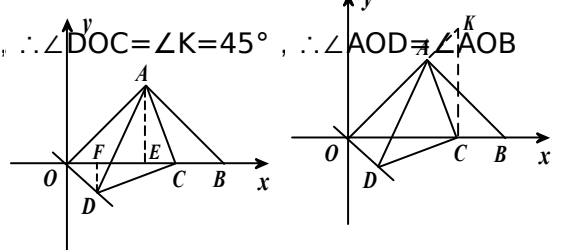
$\because \triangle AOB$ 为等腰直角三角形， $\therefore \angle AOB = 45^\circ$ ， $\therefore \angle AOD = \angle AOB + \angle DOF = 90^\circ \dots \dots \dots (7 \text{分})$

方法二：过 C 作 $CK \perp x$ 轴交 OA 的延长线于 K ，则 $\triangle OCK$ 为等腰直角三角形，

$OC = CK$ ， $\angle K = 45^\circ$ ，又 $\because \triangle ACD$ 为等腰 $Rt\triangle$ ， $\therefore \angle ACK = 90^\circ -$

$\angle OCA = \angle DCO$ ， $AC = DC$ ， $\therefore \triangle ACK \cong \triangle DCO(SAS)$ ， $\therefore \angle DOC = \angle K = 45^\circ$ ， $\therefore \angle AOD = \angle AOB$

$+ \angle DOC = 90^\circ$ 。



(3) 成立 $\frac{AM - MF}{OF} = 1 \dots \dots (8 \text{分})$ ，理由如下：

在 AM 上截取 $AN = OF$ ，连 EN 。 $\because A(4, 4)$ ，

$\therefore AE = OE = 4$ ，又 $\because \angle EAN = \angle EOF = 90^\circ$ ， $AN = OF$ ，

$\therefore \triangle EAN \cong \triangle EOF(SAS) \dots \dots \dots (10 \text{分})$

$\therefore \angle OEF = \angle AEN$ ， $EF = EN$ ，又 $\because \triangle EGH$ 为等腰直角三角形，

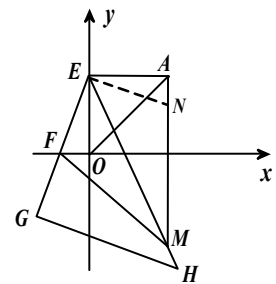
$\therefore \angle GEH = 45^\circ$ ，即 $\angle OEF + \angle OEM = 45^\circ$ ， $\therefore \angle AEN + \angle OEM = 45^\circ$

又 $\because \angle AEO = 90^\circ$ ， $\therefore \angle NEM = 45^\circ = \angle FEM$ ，又 $\because EM = EM$ ，

$\therefore \triangle NEM \cong \triangle FEM(SAS) \dots \dots \dots (11 \text{分})$ ，

$\therefore MN = MF$ ， $\therefore AM - MF = AM - MN = AN$ ， $\therefore AM - MF = OF$ ，

即 $\frac{AM - MF}{OF} = 1 \dots \dots \dots (12 \text{分})$



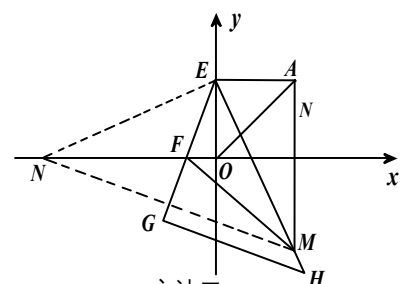
方法一

方法二：在 x 轴的负半轴上截取 $ON = AM$ ，连 EN ， MN ，

则 $\triangle EAM \cong \triangle EON(SAS)$ ， $EN = EM$ ， $\angle NEO = \angle MEA$ ，

即 $\angle NEF + \angle FEO = \angle MEA$ ，而 $\angle MEA + \angle MEO = 90^\circ$ ，

$\therefore \angle NEF + \angle FEO + \angle MEO = 90^\circ$ ，而 $\angle FEO + \angle MEO = 45^\circ$ ，



方法二

$\therefore \angle NEF = 45^\circ = \angle MEF$, $\therefore \triangle NEF \cong \triangle MEF$ (SAS) , $\therefore NF = MF$,

$\therefore AM = OF = OF + NF = OF + MF$, 即 $\frac{AM - MF}{OF} = 1$.

注：本题第(3)问的原型：已知正方形 AEOP， $\angle GEH = 45^\circ$ ，
将 $\angle GEH$ 的顶点 E 与正方形的顶点 E 重合， $\angle GEH$ 的两边分别
交 PO、AP 的延长线于 F、M，求证： $AM = MF + OF$.

(试卷校正上传整理：水果湖二中)

联考十校：水果湖一中，水果湖二中，武汉初级中学，武大附中(含武大外校)

华师一初中部，等 .

