

# 2014年最新人教版八年级下数学期中考试题及答案

## 案

### 一、选择题 (每小题2分,共12分)

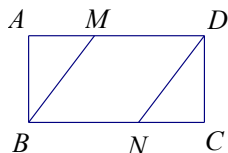
1. 下列式子中,属于最简二次根式的是 ( )

- A.  $\sqrt{9}$    B.  $\sqrt{7}$    C.  $\sqrt{20}$    D.  $\sqrt{\frac{1}{3}}$

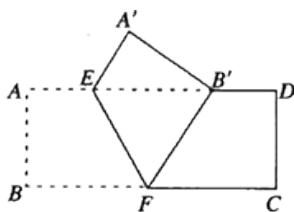
2. 如图,在矩形ABCD中,AD=2AB,点M、N分别在边AD、BC上,

连接BM、DN.若四边形MBND是菱形,则 $\frac{AM}{MD}$ 等于 ( )

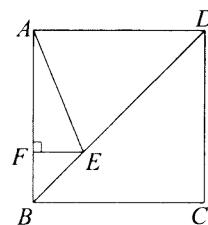
- A.  $\frac{3}{8}$    B.  $\frac{2}{3}$    C.  $\frac{3}{5}$    D.  $\frac{4}{5}$



2 题图



4 题图



5 题图

3. 若代数式 $\frac{x}{x-1}$ 有意义,则实数x的取值范围是 ( )

- A.  $x \neq 1$    B.  $x \geq 0$    C.  $x > 0$    D.  $x \geq 0$  且  $x \neq 1$

4. 如图,把矩形ABCD沿EF翻折,点B恰好落在AD边的B'处,若AE=2,DE=6, $\angle EFB=60^\circ$ ,则矩形ABCD的面积是 ( )

- A. 12   B. 24   C.  $12\sqrt{3}$    D.  $16\sqrt{3}$

5. 如图,正方形ABCD的边长为4,点E在对角线BD上,且 $\angle BAE=22.5^\circ$ , $EF \perp AB$ ,垂足为F,则EF的长为 ( )

- A. 1   B.   C.  $4-2$    D.  $3-4$

6. 在平行四边形ABCD中, $\angle A : \angle B : \angle C : \angle D$ 的值可以是 ( )

- A. 1 : 2 : 3 : 4   B. 1 : 2 : 2 : 1   C. 1 : 2 : 1 : 2   D. 1 : 1 : 2 : 2

### 二、填空题: (每小题3分,共24分)

7. 计算:  $(-2)^3 + (\sqrt{3}-1)^0 =$ \_\_\_\_\_.

8. 若 $\sqrt{1-3x}$ 在实数范围内有意义,则x的取值范围是\_\_\_\_\_.

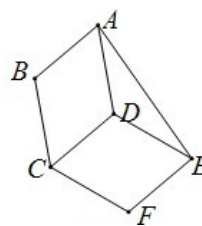
9. 若实数a、b满足 $|a+2| + \sqrt{b-4} = 0$ ,则 $\frac{a}{b} =$ \_\_\_\_\_.

10. 如图, $\square ABCD$ 与 $\square DCFE$ 的周长相等,且 $\angle BAD=60^\circ$ , $\angle F=110^\circ$ ,则 $\angle DAE$ 的度数书为\_\_\_\_\_.

11. 如图,在直角坐标系中,已知点A(-3,0)、B(0,4),对 $\triangle OAB$ 连续作旋转变换,依次得到 $\triangle_1$ 、 $\triangle_2$ 、 $\triangle_3$ 、 $\triangle_4 \dots$ ,则 $\triangle_{2013}$ 的直角顶点的坐标为\_\_\_\_\_.

12. 如图,ABCD是对角线互相垂直的四边形,且OB=OD,请你添加一个适当的条件\_\_\_\_\_,使ABCD成为菱形. (只需添加一个即可)

13. 如图,将菱形纸片ABCD折叠,使点A恰好落在菱形的对称中心O处,折痕为EF.若菱形ABCD的边



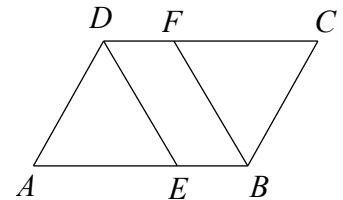
10 题图

长为 2cm， $\angle A=120^\circ$ ，则  $EF=$ \_\_\_\_\_.

21 题图

22. 如图，四边形 ABCD 是平行四边形，DE 平分  $\angle ADC$  交 AB 于点 E，BF 平分  $\angle ABC$ ，交 CD 于点 F.

- (1) 求证： $DE=BF$ ；
- (2) 连接 EF，写出图中所有的全等三角形。（不要求证明）

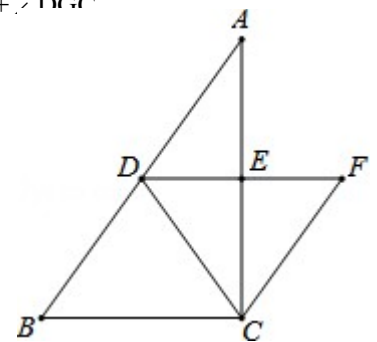


22 题图

**五、解答题（每小题 8 分，共 16 分）**

23. 如图，在  $\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $\angle B > \angle A$ ，点 D 为边 AB 的中点， $DE \parallel BC$  交 AC 于点 E， $CF \parallel AB$  交 DE 的延长线于点 F.

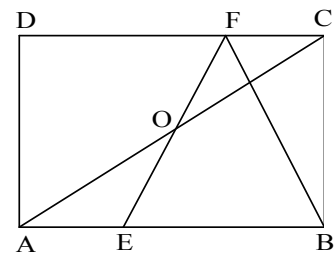
- (1) 求证： $DE=EF$ ；
- (2) 连结 CD，过点 D 作 DC 的垂线交 CF 的延长线于点 G，求证： $\angle B = \angle A + \angle DGC$



23 题图

24. 2013 如图，在矩形 ABCD 中，E、F 分别是边 AB、CD 上的点， $AE=CF$ ，连接 EF、BF，EF 与对角线 AC 交于点 O，且  $BE=BF$ ， $\angle BEF=2\angle BAC$ 。

- (1) 求证： $OE=OF$ ；
- (2) 若  $BC=2\sqrt{3}$ ，求 AB 的长。



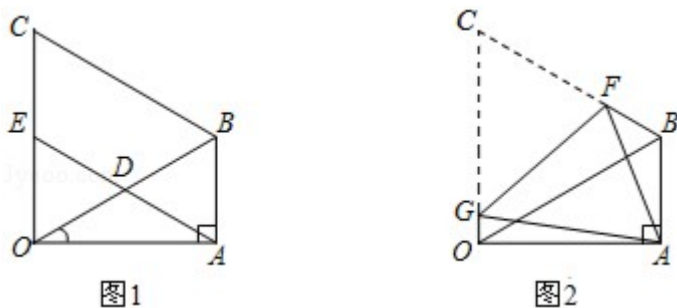
24 题图

六解答题：(每小题 10 分，共 20 分)

25. 如图 1，在  $\triangle OAB$  中， $\angle OAB=90^\circ$ ， $\angle AOB=30^\circ$ ， $OB=8$ ．以  $OB$  为边，在  $\triangle OAB$  外作等边  $\triangle OBC$ ， $D$  是  $OB$  的中点，连接  $AD$  并延长交  $OC$  于  $E$ ．

(1) 求证：四边形  $ABCE$  是平行四边形；

(2) 如图 2，将图 1 中的四边形  $ABCO$  折叠，使点  $C$  与点  $A$  重合，折痕为  $FG$ ，求  $OG$  的长．



25 题图

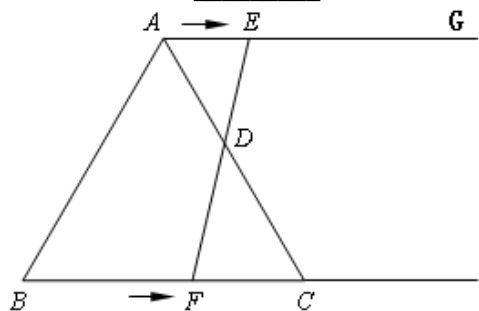
26. 如图，在等边三角形  $ABC$  中， $BC=6\text{cm}$ ．射线  $AG\parallel BC$ ，点  $E$  从点  $A$  出发沿射线  $AG$  以  $1\text{cm/s}$  的速度运动，同时点  $F$  从点  $B$  出发沿射线  $BC$  以  $2\text{cm/s}$  的速度运动，设运动时间为  $t(\text{s})$ ．

(1) 连接  $EF$ ，当  $EF$  经过  $AC$  边的中点  $D$  时，求证： $\triangle ADE\cong\triangle CDF$ ；

(2) 填空：

① 当  $t$  为 \_\_\_\_\_  $\text{s}$  时，四边形  $ACFE$  是菱形；

② 当  $t$  为 \_\_\_\_\_  $\text{s}$  时，以  $A$ 、 $F$ 、 $C$ 、 $E$  为顶点的四边形是直角梯形．



26 题图

**参考答案**

1.B ; 2.C ; 3.D ; 4.D ; 5.C ; 6.C ; 7.-7 ; 8.  $x \leq \frac{1}{3}$  ; 9.  $-\frac{1}{2}$  ; 10.  $25^\circ$  ; 11. (8052, 0) ; 12. OA=OC 或

AD=BC 或 AD∥BC 或 AB=BC ; 13.  $\sqrt{3}$  ; 14.  $\frac{3}{2}$  或 3 ;

15.  $2 - \sqrt{2}$  ;

16. 解：∵ 四边形 ABCD 是菱形，对角线 AC 与 BD 相交于 O，

∴ AC ⊥ BD，DO=BO，

∵ AB=5，AO=4，

∴ BO =  $\sqrt{5^2 - 4^2} = 3$ ，

∴ BD = 2BO = 2 × 3 = 6 .

∴ DE = BF，DE ∥ BF，

∴ 四边形 BFDE 为平行四边形；

(2) 解：∵ 四边形 BFDE 为菱形，

∴ BE = ED，∠EBD = ∠FBD = ∠ABE，

∵ 四边形 ABCD 是矩形，

∴ AD = BC，∠ABC = 90°，

∴ ∠ABE = 30°，

∵ ∠A = 90°，AB = 2，

∴ AE =  $\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$ ，BE = 2AE =  $\frac{4}{3}\sqrt{3}$ ，

∴ BC = AD = AE + ED = AE + BE =  $\frac{2\sqrt{3}}{3} + \frac{4}{3}\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$  .

20. (1) ∵ BD 平分 ∠ABC，∴ ∠ABD = ∠CBD。又 ∵ BA = BC，BD = BD，

∴ △ABD ≅ △CBD。∴ ∠ADB = ∠CDB。(4分)

(2) ∵ PM ⊥ AD，PN ⊥ CD，∴ ∠PMD = ∠PND = 90°。

又 ∵ ∠ADC = 90°，∴ 四边形 MPND 是矩形。

∵ ∠ADB = ∠CDB，PM ⊥ AD，PN ⊥ CD，∴ PM = PN。

∴ 四边形 MPND 是正方形。

21. (1) 略

(2)  $\sqrt{13}$

22. 证明：(1) ∵ 四边形 ABCD 是平行四边形，

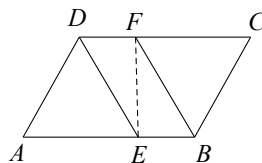
∴ DC ∥ AB，

∴ ∠CDE = ∠AED，

∵ DE 平分 ∠ADC，

∴ ∠ADE = ∠CDE，

∴ ∠ADE = ∠AED，



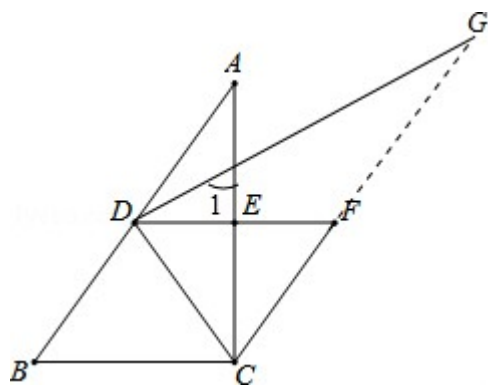
$\therefore AE=AD$  ,  
 同理  $CF=CB$  , 又  $AD=CB$  ,  $AB=CD$  ,  
 $\therefore AE=CF$  ,  
 $\therefore DF=BE$  ,  
 $\therefore$  四边形  $DEBF$  是平行四边形 ,  
 $\therefore DE=BF$  ,

(2)  $\triangle ADE \cong \triangle CBF$  ,  $\triangle DFE \cong \triangle BEF$  .

23.

解答 : 证明 : (1)  $\because DE \parallel BC$  ,  $CF \parallel AB$  ,  
 $\therefore$  四边形  $DBCF$  为平行四边形 ,  
 $\therefore DF=BC$  ,  
 $\because D$  为边  $AB$  的中点 ,  $DE \parallel BC$  ,  
 $\therefore DE = \frac{1}{2}BC$  ,  
 $\therefore EF = DF - DE = BC - \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}BC$  ,  
 $\therefore DE=EF$  ;

(2)  $\because$  四边形  $DBCF$  为平行四边形 ,  
 $\therefore DB \parallel CF$  ,  
 $\therefore \angle ADG = \angle G$  ,  
 $\because \angle ACB = 90^\circ$  ,  $D$  为边  $AB$  的中点 ,  
 $\therefore CD = DB = AD$  ,  
 $\therefore \angle B = \angle DCB$  ,  $\angle A = \angle DCA$  ,  
 $\because DG \perp DC$  ,  
 $\therefore \angle DCA + \angle 1 = 90^\circ$  ,  
 $\because \angle DCB + \angle DCA = 90^\circ$  ,  
 $\therefore \angle 1 = \angle DCB = \angle B$  ,  
 $\because \angle A + \angle ADG = \angle 1$  ,  
 $\therefore \angle A + \angle G = \angle B$  .



24. (1) 证明： $\because$  四边形 ABCD 是矩形  $\therefore AB \parallel CD$ ， $\angle OAE = \angle OCF$ ， $\angle OEA = \angle OFC$

$\because AE = CF \quad \therefore \triangle AEO \cong \triangle CFO$  (ASA)  $\therefore OE = OF$

(2) 连接 BO  $\because OE = OF$ ， $BE = BF \quad \therefore BO \perp EF$  且  $\angle EBO = \angle FBO \quad \therefore \angle BOF = 90^\circ$

$\because$  四边形 ABCD 是矩形  $\therefore \angle BCF = 90^\circ$  又  $\because \angle BEF = 2\angle BAC$ ， $\angle BEF = \angle BAC + \angle EOA$

$\therefore \angle BAC = \angle EOA \quad \therefore AE = OE \quad \because AE = CF$ ， $OE = OF \quad \therefore OF = CF$  又  $\because BF = BF$

$\therefore \triangle BOF \cong \triangle BCF$  (HL)  $\therefore \angle OBF = \angle CBF \quad \therefore \angle CBF = \angle FBO = \angle OBE$

$\because \angle ABC = 90^\circ \quad \therefore \angle OBE = 30^\circ \quad \therefore \angle BEO = 60^\circ \quad \therefore \angle BAC = 30^\circ$

$\therefore AC = 2BC = 4\sqrt{3}$ ，

$\therefore AB = \sqrt{48 - 12} = 6$

25. (1) 证明： $\because$  Rt $\triangle OAB$  中，D 为 OB 的中点，

$\therefore DO = DA$ ，

$\therefore \angle DAO = \angle DOA = 30^\circ$ ， $\angle EOA = 90^\circ$ ，

$\therefore \angle AEO = 60^\circ$ ，

又  $\because \triangle OBC$  为等边三角形，

$\therefore \angle BCO = \angle AEO = 60^\circ$ ，

$\therefore BC \parallel AE$ ，

$\because \angle BAO = \angle COA = 90^\circ$ ，

$\therefore CO \parallel AB$ ，

$\therefore$  四边形 ABCE 是平行四边形；

(2) 解：设  $OG = x$ ，由折叠可得： $AG = GC = 8 - x$ ，

在 Rt $\triangle ABO$  中，

$\because \angle OAB = 90^\circ$ ， $\angle AOB = 30^\circ$ ， $BO = 8$ ，

$AO = 4\sqrt{3}$ ，

在 Rt $\triangle OAG$  中， $OG^2 + OA^2 = AG^2$ ，

$x^2 + (4\sqrt{3})^2 = (8 - x)^2$ ，

解得： $x = 1$ ，

$\therefore OG = 1$ 。

26. (1) 证明： $\because AG \parallel BC$

$$\therefore \angle EAD = \angle ACB$$

$\because D$  是  $AC$  边的中点

$$\therefore AD = CD$$

又： $\because \angle ADE = \angle CDF$

$$\therefore \triangle ADE \cong \triangle CDF$$

(2) ①： $\because$  当四边形  $ACFE$  是菱形时， $\therefore AE = AC = CF = EF$

由题意可知： $AE = t, CF = 2t - 6$ ， $\therefore t = 6$

② 若四边形  $ACFE$  是直角梯形，此时  $EF \perp AG$

过  $C$  作  $CM \perp AG$  于  $M$ ， $AG = 3$ ，可以得到  $AE - CF = AM$ ，

即  $t - (2t - 6) = 3$ ， $\therefore t = 3$ ，

此时， $C$  与  $F$  重合，不符合题意，舍去。

若四边形若四边形  $AFCE$  是直角梯形，此时  $AF \perp BC$ ，

$\because \triangle ABC$  是等边三角形， $F$  是  $BC$  中点，

$$\therefore 2t = 3, \text{ 得到 } t = \frac{3}{2}$$

经检验，符合题意。

$$\therefore \text{① } t = 6 \quad \text{② } t = \frac{3}{2}$$