

期中检测题

(本检测题满分：120分，时间：120分钟)

一、选择题 (每小题3分，共36分)

1. 在实数范围内，若 $\sqrt{\frac{1}{1+x}}$ 有意义，则 x 的取值范围是 ()

- A. $x \leq -1$ B. $x < -1$
 C. $x > -1$ D. $x \geq -1$

2. (2015·湖北孝感中考) 已知 $x = 2 - \sqrt{3}$ ，则代数式 $\frac{1}{x} - x$ 的值是 ()

- A. 0 B. $\sqrt{3}$ C. $2 + \sqrt{3}$
 D. $2 - \sqrt{3}$

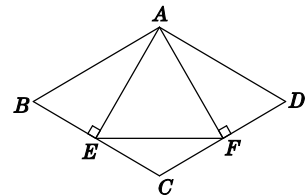
3. 下列计算正确的是 ()

- A. $\sqrt{8} - \sqrt{2} = 2$ B. $\sqrt{2} + \sqrt{3} = \sqrt{5}$
 C. $\sqrt{2} \times \sqrt{3} = \sqrt{6}$ D. $\sqrt{8} \div \sqrt{2} = 4$

4. 下列条件中，能判定四边形是平行四边形的是 ()

- A. 一组对角相等 B. 对角线互相平分
 C. 一组对边相等 D. 对角线互相垂直

5. (2015·兰州中考) 如图，菱形 $ABCD$ 中， $AB = 4$ ， $\angle B = 60^\circ$ ， $AE \perp BC$ ， $AF \perp CD$ ，垂足分别为 E ， F ，连接 EF ，则 $\triangle AEF$ 的面积是 ()



第5题图

- A. $4\sqrt{3}$ B. $3\sqrt{3}$ C. $2\sqrt{3}$ D. $\sqrt{3}$

6. 直角三角形两直角边长的和为7，面积为6，则斜边长为 ()

- A. 5 B. $\sqrt{37}$ C. 7 D. $\sqrt{38}$

7. 满足下列条件的三角形中，不是直角三角形的是 ()

- A. 三内角之比为 1:2:3 B. 三边长的平方之比为 1:2:3
 C. 三边长之比为 3:4:5 D. 三内角之比为 3:4:5

8. 已知直角三角形两边的长分别为3和4，则此三角形的周长为 ()

- A. 12 B. $7 + \sqrt{7}$

C. 12 或 $7 + \sqrt{7}$

D. 以上都不对

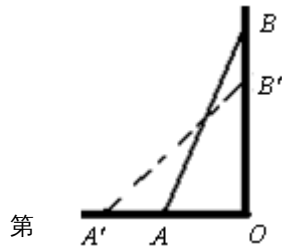
9. 如图, 梯子 AB 靠在墙上, 梯子的底端 A 到墙根 O 的距离为 2 m, 梯子的顶端 B 到地面的距离为 7 m, 现将梯子的底端 A 向外移动到 A' , 使梯子的底端 A' 到墙根 O 的距离等于 3 m, 同时梯子的顶端 B 下降至 B' , 那么 BB' ()

A. 小于 1 m

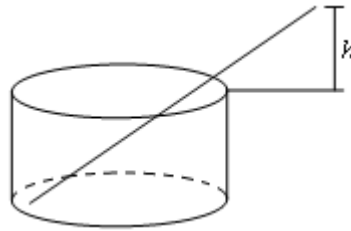
B. 大于 1 m

C. 等于 1 m

D. 小于或等于 1 m



9 题图



第 10 题图

10. 如图所 示, 将一根长为 24 cm 的筷子, 置于底面直径为 15 cm, 高 8 cm 的圆柱形水杯中, 设筷子露在杯子外面的长度为 h , 则 h 的取值范围是 ()

A. $h \leq 17$ cm

B. $h \geq 8$ cm

C. $15 \text{ cm} \leq h \leq 16$ cm

D. $7 \text{ cm} \leq h \leq 16$ cm

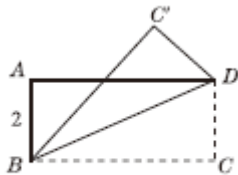
11. 如图所示, 将矩形 $ABCD$ 沿对角线 BD 折叠, 使点 C 与点 C' 重合. 若 $AB=2$, 则 CD 的长为 ()

A. 1

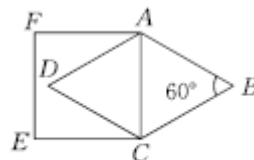
B. 2

C. 3

D. 4



第 11 题图



第 12 题图

12. 如 图 所 示, 在菱形 $ABCD$ 中, $\angle B=60^\circ$, $AB=4$, 则以 AC 为边长的正方形 $ACEF$ 的周长为 ()

A. 14

B. 15

C. 16

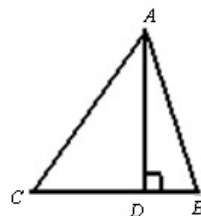
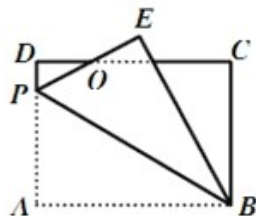
D. 17

二、填空题 (每小题 3 分, 共 24 分)

13. 使 $\sqrt{4x-1}$ 有意义的 x 的取值范围是_____.

14. 当 $x = \sqrt{2}$ 时, $\frac{x^2-1}{x^2-x} - 1 =$ _____.

15. (2015•江苏泰州中考) 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB=8$, $BC=6$, P 为 AD 上一点, 将 $\triangle ABP$ 沿 BP 翻折至 $\triangle EBP$, PE 与 CD 相交于点 O , 且 $OE=OD$, 则 AP 的长为_____.



第15题图

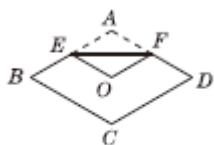
第16题图

16. 如图所示, 在 $\triangle ABC$ 中, $AC=6$, $AB=BC=5$, 则 BC 边上的高 $AD=$ _____.

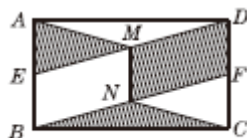
17. 在 $\triangle ABC$ 中, 若三边长分别为9, 12, 15, 则以两个这样的三角形拼成的长方形的面积为_____.

18. 已知直角三角形的两直角边长分别为6 cm和8 cm, 则斜边上的高为_____ cm.

19. 如图所示, 将菱形纸片 $ABCD$ 折叠, 使点 A 恰好落在菱形的对称中心 O 处, 折痕为 EF , 若菱形 $ABCD$ 的边长为2 cm, $\angle A=120^\circ$, 则 $EF=$ _____ cm.



第19题图

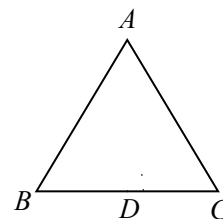


第20题图

20. 如图所示, 在矩形 $ABCD$ 中, 点 E, F 分别是 AB, CD 的中点, 连接 DE 和 BF , 分别取 DE, BF 的中点 M, N , 连接 AM, CN, MN , 若 $AB=2\sqrt{2}$, $BC=2\sqrt{3}$, 则图中阴影部分的面积为_____.

三、解答题 (共60分)

21. (6分) 如图, 已知等腰 $\triangle ABC$ 的周长是16, 底边 BC 上的高 AD



第21题图

的长是4, 求这个三角形各边的长.

22. (6分) 有一道练习题: 对于式子 $2a - \sqrt{a^2 - 4a + 4}$ 先化简,

后求值, 其中 $a = \sqrt{2}$. 小明的解法如下: $2a - \sqrt{a^2 - 4a + 4} = 2a - \sqrt{(a-2)^2} = 2a - (a-2) = a+2 = \sqrt{2} + 2$. 小明的解法对吗? 如果不对, 请改正.

23. (6分) 已知 x, y 为实数, 且 $y = \sqrt{x - 2014} + \sqrt{2014 - x} + 1$, 求 $x+y$ 的值.

24. (6分) 阅读下列解题过程:

已知 a, b, c 为 $\triangle ABC$ 的三边长, 且满足 $a^2c^2 - b^2c^2 = a^4 - b^4$, 试判断 $\triangle ABC$ 的形状.

解: 因为 $a^2c^2 - b^2c^2 = a^4 - b^4$, ①

所以 $c^2(a^2 - b^2) = (a^2 - b^2)(a^2 + b^2)$. ②

所以 $c^2 = a^2 + b^2$. ③

所以 $\triangle ABC$ 是直角三角形. ④

回答下列问题：

(1) 上述解题过程，从哪一步开始出现错误？该步的序号为_____。

(2) 错误的原因_____。

(3) 请你将正确的解答过程写下来。

25. (6分) 观察下列勾股数：

3, 4, 5; 5, 12, 13; 7, 24, 25; 9, 40, 41; ... ; a, b, c .

根据你发现的规律，解答下列问题：

(1) 当 $a = 19$ 时，求 b, c 的值；

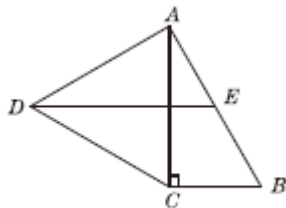
(2) 当 $a = 2n + 1$ 时，求 b, c 的值；

(3) 用 (2) 的结论判断 15, 111, 112 是否为一组勾股数，并说明理由。

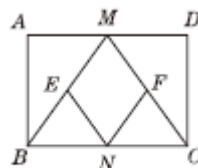
26. (6分) 如图所示，在 $Rt\triangle ABC$ 中， $\angle ACB = 90^\circ$ ，以 AC 为一边向外作等边三角形 ACD ，点 E 为 AB 的中点，连接 DE 。

(1) 证明： $DE \parallel CB$ ；

(2) 探索 AC 与 AB 满足怎样的数量关系时，四边形 $DCBE$ 是平行四边形。



第26题图



第27题图

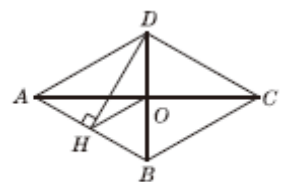
27. (8分) 已知：如图所示，在矩形 $ABCD$ 中， M, N 分别是边 AD, BC 的中点， E, F 分别是线段 BM, CM 的中点。

(1) 求证： $\triangle ABM \cong \triangle DCM$ ；

(2) 判断四边形 $MENF$ 是什么特殊四边形，并证明你的结论；

(3) 当 $AD:AB = \underline{\hspace{2cm}}$ 时，四边形 $MENF$ 是正方形 (只写结论，不需证明)。

28. (8分) 如图所示，四边形 $ABCD$ 是菱形，对角线 AC, BD 相交于点 O ， $DH \perp AB$ 于点 H ，连接 OH ，求证： $\angle DHO = \angle DCO$ 。

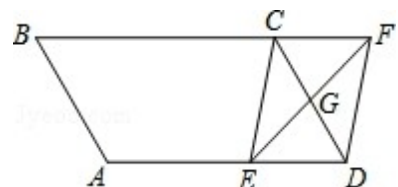


第28题图

29. (8分) (2015·甘肃武威中考) 如图，平行四边形 $ABCD$ 中，

$AB = 3 \text{ cm}$ ， $BC = 5 \text{ cm}$ ， $\angle B = 60^\circ$ ， G 是 CD 的中点， E 是边 AD 上的动点， EG 的延长线与 BC 的延长线交于点 F ，连接 CE, DF 。

(1) 求证：四边形 $CEDF$ 是平行四边形；



(2) ①当 $AE=$ ___cm 时, 四边形 $CEDF$ 是矩形;

②当 $AE=$ ___cm 时, 四边形 $CEDF$ 是菱形.

第 29 题图

期中检测题参考答案

1.C 解析: 若 $\sqrt{1+x}$ 有意义, 则 $\frac{1}{1+x} \geq 0$, 且 $1+x \neq 0$, 所以 $x > -1$.

2.C 解析: 把 $x = 2 - \sqrt{3}$ 代入代数式 $(7+4\sqrt{3})x^2 + (2+\sqrt{3})x + \sqrt{3}$, 得

$$\begin{aligned} & (7+4\sqrt{3})(2-\sqrt{3})^2 + (2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3}) + \sqrt{3} \\ &= (7+4\sqrt{3})(7-4\sqrt{3}) + 4-3+\sqrt{3} \\ &= 49-48+1+\sqrt{3} = 2+\sqrt{3}. \end{aligned}$$

故选 C.

3.C 解析: A 中 $\sqrt{8}-\sqrt{2} = 2\sqrt{2}-\sqrt{2} = \sqrt{2}$; B 中的二次根式的被开方数不同, 不能合并; C 项正确; D 项 $\sqrt{8} \div \sqrt{2} = 2\sqrt{2} \div \sqrt{2} = 2$.

4.B 解析: 利用平行四边形的判定定理知 B 正确.

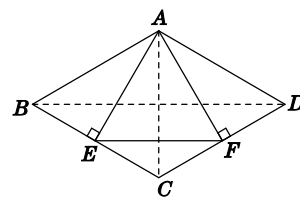
5.B 解析: 如图, 连接 AC, BD , 则 $\triangle ABC$ 与 $\triangle ADC$ 都是等边三角形.

$\because AE \perp BC, AF \perp DC, \therefore BE=CE, CF=DF,$

$$\therefore S_{\triangle ABE} = S_{\triangle ACE} = S_{\triangle ACF} = S_{\triangle ADF} = \frac{1}{4} S_{\text{菱形} ABCD},$$

$\because E, F$ 分别为 BC, CD 的中点, $\therefore EF$ 为 $\triangle CBD$ 的中位线.

$$\text{易求 } S_{\triangle CEF} = \frac{1}{4} S_{\triangle CBD} = \frac{1}{8} S_{\text{菱形} ABCD},$$



第 5 题答图

$$S_{\triangle AEF} = S_{\text{菱形} ABCD} - S_{\triangle ABE} - S_{\triangle ADF} - S_{\triangle CEF}$$

$$= S_{\text{菱形} ABCD} - \frac{1}{2} S_{\text{菱形} ABCD} - \frac{1}{8} S_{\text{菱形} ABCD} = \frac{3}{8} S_{\text{菱形} ABCD}.$$

$\because AB=4, BE=2, \therefore AE=2\sqrt{3},$

$$\text{则 } S_{\text{菱形}ABCD} = BC \times AE = 4 \times 2\sqrt{3} = 8\sqrt{3}, \therefore S_{\triangle AEF} = \frac{3}{8} S_{\text{菱形}ABCD} = 3\sqrt{3}.$$

6.A 解析：设直角三角形的两条直角边长分别为 a , b , 斜边长为 c ,

$$\text{则 } a + b = 7, \frac{1}{2}ab = 6, \text{ 所以 } a + b = 7, ab = 12,$$

$$\text{所以 } c = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{(a + b)^2 - 2ab} = \sqrt{7^2 - 2 \times 12} = \sqrt{25} = 5.$$

7.D 解析：判断一个三角形是不是直角三角形有以下方法：①有一个角是直角或两锐角互余；②较短两边长的平方和等于第三边长的平方；③一边的中线等于这条边的一半.由 A 得有一个角是直角；B, C 满足勾股定理的逆定理.故选 D.

8.C 解析：因为直角三角形的斜边不明确，结合勾股定理可求得第三边的长为 5 或 $\sqrt{7}$ ，所以直角三角形的周长为 $3 + 4 + 5 = 12$ 或 $3 + 4 + \sqrt{7} = 7 + \sqrt{7}$ ，故选 C.

9.A 解析：移动前后梯子的长度不变，即 $\text{Rt}\triangle AOB$ 和 $\text{Rt}\triangle A'O'B'$ 的斜边长相等.

$$\text{由勾股定理，得 } 3^2 + B'O'^2 = 2^2 + 7^2, \text{ 即 } B'O' = \sqrt{44} \text{ m},$$

$$\text{则 } 6 \text{ m} < B'O' < 7 \text{ m}, \text{ 则 } 0 \text{ m} < BB' < 1 \text{ m}.$$

10.D 解析：筷子在杯中的最大长度为 $\sqrt{15^2 + 8^2} = 17$ (cm)，最短长度为 8 cm，则筷子露在杯子外面的长度满足 $(24 - 17)\text{cm} \leq h \leq (24 - 8)\text{cm}$ ，即 $7 \text{ cm} \leq h \leq 16 \text{ cm}$ ，故选 D.

11.B 解析：因为四边形 $ABCD$ 是矩形，所以 $CD = AB = 2$. 由于沿 BD 折叠后点 C 与点 C' 重合，所以 $C'D = CD = 2$.

12.C 解析：根据菱形的性质得到 $AB = BC = 4$ ，由 $\angle B = 60^\circ$ 得到 $\triangle ABC$ 是等边三角形，所以 $AC = 4$. 故以 AC 为边长的正方形 $ACEF$ 的周长为 16.

13. $x \geq \frac{1}{4}$ 解析：由 $4x-1 \geq 0$ ，得 $x \geq \frac{1}{4}$ 。

14. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ 解析：当 $x = \sqrt{2}$ 时， $\frac{x^2 - 1}{x^2 - x} - 1 = \frac{(\sqrt{2})^2 - 1}{(\sqrt{2})^2 - \sqrt{2}} - 1 = \frac{1}{2 - \sqrt{2}} - 1 = \frac{\sqrt{2} - 1}{2 - \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 。

15.4.8 解析：如图所示：

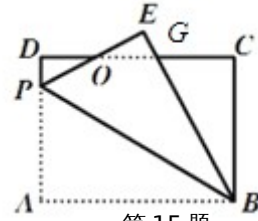
∵ 四边形 $ABCD$ 是矩形，

∴ $\angle D = \angle A = \angle C = 90^\circ$ ， $AD = BC = 6$ ， $CD = AB = 8$ 。

根据题意得 $\triangle ABP \cong \triangle EBP$ ，

∴ $EP = AP$ ， $\angle E = \angle A = 90^\circ$ ， $BE = AB = 8$ 。

$$\text{在 } \triangle ODP \text{ 和 } \triangle OEG \text{ 中，} \begin{cases} \angle D = \angle E, \\ OD = OE, \\ \angle DOP = \angle EOG, \end{cases}$$



第15题
答图

∴ $\triangle ODP \cong \triangle OEG$ ，

∴ $OP = OG$ ， $PD = GE$ ，∴ $DG = EP$ 。

设 $AP = EP = x$ ，则 $PD = GE = 6 - x$ ， $DG = x$ ，

∴ $CG = 8 - x$ ， $BG = 8 - (6 - x) = 2 + x$ 。

根据勾股定理，得 $BC^2 + CG^2 = BG^2$ ，即 $6^2 + (8 - x)^2 = (x + 2)^2$ ，

解得 $x = 4.8$ 。∴ $AP = 4.8$ 。

16.4.8 解析：设 $DC = x$ ，则 $BD = 5 - x$ 。

在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中， $AD^2 = 5^2 - (5 - x)^2$ ，在 $\text{Rt}\triangle ADC$ 中， $AD^2 = 6^2 - x^2$ ，

∴ $5^2 - (5 - x)^2 = 6^2 - x^2$ ，解得 $x = 3.6$ 。故 $AD = \sqrt{6^2 - 3.6^2} = 4.8$ 。

17.108 解析：因为 $9^2 + 12^2 = 15^2$ ，

所以 $\triangle ABC$ 是直角三角形，且两条直角边长分别为 9，12，

则以两个这样的三角形拼成的长方形的面积为 $9 \times 12 = 108$ 。

18. $\frac{24}{5}$ 解析：由勾股定理，得斜边长为 $\sqrt{6^2 + 8^2} = 10(\text{cm})$ ，

根据三角形面积公式，得 $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = \frac{1}{2} \times 10 \times h$ ，解得 $h = \frac{24}{5}(\text{cm})$ 。

19. $\sqrt{3}$ 解析:本题综合考查了菱形的性质、勾股定理和三角形中位线的性质.

连接 BD, AC . \because 四边形 $ABCD$ 是菱形, $\therefore AC \perp BD, AC$ 平分 $\angle BAD$.

$\because \angle BAD = 120^\circ, \therefore \angle BAC = 60^\circ, \therefore \angle ABO = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$.

$\because \angle AOB = 90^\circ, \therefore AO = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \times 2 = 1$ (cm).

由勾股定理得 $BO = \sqrt{3}$ cm, $\therefore DO = \sqrt{3}$ cm.

\because 点 A 沿 EF 折叠与点 O 重合, $\therefore EF \perp AC, EF$ 平分 AO .

$\because AC \perp BD, \therefore EF \parallel BD, \therefore EF$ 为 $\triangle ABD$ 的中位线,

$\therefore EF = \frac{1}{2} BD = \frac{1}{2} \times (\sqrt{3} + \sqrt{3}) = \sqrt{3}$ (cm).

20. $2\sqrt{6}$ 解析:在 $\text{Rt}\triangle ADE$ 中, M 为 DE 的中点,

故 $S_{\triangle AEM} = S_{\triangle ADM}$, 所以 $S_{\triangle AEM} = \frac{1}{2} S_{\triangle AED}$,

同理 $S_{\triangle BNC} = \frac{1}{2} S_{\triangle BFC}, S_{\square DMNF} = \frac{1}{2} S_{\square BEDF}$,

所以 $S_{\text{阴影}} = \frac{1}{2} S_{\text{矩形} ABCD} = \frac{1}{2} AB \cdot BC = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{3} = 2\sqrt{6}$.

21. 解: 设 $BD = x$, 由等腰三角形的性质, 知 $AB = 8 - x$.

由勾股定理, 得 $AB^2 = BD^2 + AD^2$, 即 $(8 - x)^2 = x^2 + 4^2$, 解得 $x = 3$,

所以 $AB = AC = 5, BC = 6$.

22. 解: 小明的解法不对. 改正如下:

由题意, 得 $a = \sqrt{2} < 2, \therefore$ 应有 $\sqrt{(a - 2)^2} = -(a - 2) = -a + 2$.

$\therefore 2a - \sqrt{a^2 - 4a + 4} = 2a - \sqrt{(a - 2)^2} = 2a - (-a + 2) = 3a - 2 = 3\sqrt{2} - 2$.

23. 解: 由题意, 得 $x - 2014 \geq 0$, 且 $2014 - x \geq 0$,

$\therefore x = 2014, \therefore y = 1$.

$\therefore x + y = 2015$.

24. (1) ③

(2) 忽略了 $a^2 - b^2 = 0$ 的可能

(3) 解: 因为 $a^2 c^2 - b^2 c^2 = a^4 - b^4$,

所以 $c^2(a^2 - b^2) = (a^2 - b^2)(a^2 + b^2)$.

所以 $a^2 - b^2 = 0$ 或 $c^2 - (a^2 + b^2) = 0$. 故 $a = b$ 或 $c^2 = a^2 + b^2$.

所以 $\triangle ABC$ 是等腰三角形或直角三角形.

25.解: (1) 观察给出的勾股数中, 最大数与较大数的差是1, 即 $c - b = 1$.

因为 $a = 19$, $a^2 + b^2 = c^2$, 所以 $19^2 + b^2 = (b + 1)^2$,

所以 $b = 180$, 所以 $c = 181$.

(2) 由(1)知 $c - b = 1$.

因为 $(2n + 1)^2 + b^2 = c^2$, 所以 $c^2 - b^2 = (2n + 1)^2$,

即 $(b + c)(c - b) = (2n + 1)^2$, 所以 $b + c = (2n + 1)^2$.

又 $c = b + 1$, 所以 $2b + 1 = (2n + 1)^2$,

所以 $b = 2n^2 + 2n$, $c = 2n^2 + 2n + 1$.

(3) 由(2)知, $2n + 1$, $2n^2 + 2n$, $2n^2 + 2n + 1$ 为一组勾股数,

当 $n = 7$ 时, $2n + 1 = 15$, $112 - 111 = 1$,

但 $2n^2 + 2n = 112 \neq 111$, 所以 $15, 111, 112$ 不是一组勾股数.

26.分析: (1) 根据 $\angle BCD = 90^\circ + 60^\circ = 150^\circ$, 因此只要证明 $\angle EDC = 30^\circ$ 即可.

根据已知条件及图形的位置关系, 连接 CE , 通过证明 $\triangle ADE \cong \triangle CDE$, 得到 $\angle EDC = 30^\circ$, 所以 $\angle EDC + \angle DCB = 180^\circ$, 从而证得 $DE \parallel CB$.

(2) 此题可通过假设四边形 $DCBE$ 是平行四边形, 求出 AC 与 AB 的数量关系.

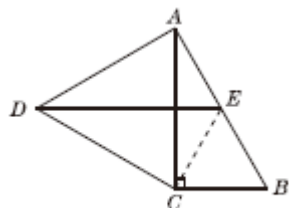
(1) 证明: 如图所示, 连接 CE ,

$\because E$ 为 $\text{Rt}\triangle ACB$ 的斜边 AB 的中点,

$\therefore CE = \frac{1}{2}AB = AE$.

$\because \triangle ACD$ 是等边三角形, $\therefore AD = CD$.

在 $\triangle ADE$ 和 $\triangle CDE$ 中,
 $AD = CD, DE = DE, AE = CE,$



第26题答图

$\therefore \triangle ADE \cong \triangle CDE (SSS) \therefore \angle ADE = \angle CDE = 30^\circ$.

$\therefore \angle DCB = \angle ACB + \angle ACD = 90^\circ + 60^\circ = 150^\circ$,

$\therefore \angle EDC + \angle DCB = 180^\circ \therefore DE \parallel CB$.

(2)解: $\therefore \angle DCB = 150^\circ$,

若四边形 $DCBE$ 是平行四边形,

则 $DC \parallel BE, \angle DCB + \angle B = 180^\circ \therefore \angle B = 30^\circ$.

在 $Rt\triangle ACB$ 中, $AC = \frac{1}{2}AB$ 或 $AB = 2AC$.

\therefore 当 $AC = \frac{1}{2}AB$ 或 $AB = 2AC$ 时, 四边形 $DCBE$ 是平行四边形.

点拨:(1)利用直角三角形中,斜边上的中线等于斜边的一半进行转化,说明线段相等是证明两个三角形全等的关键;(2)对于条件探索性问题常通过逆向思维的方式得到解决.

27.分析:本题考查了矩形的性质以及菱形和正方形的判定.(1)用 SAS 证明 $\triangle ABM$ 和 $\triangle DCM$ 全等.(2)先证四边形 $MENF$ 是平行四边形,再证它的一组邻边 ME 和 MF 相等.(3)由(2)得四边形 $MENF$ 是菱形,当它是正方形时,只需使 $\angle BMC$ 是直角,则有 $\angle AMB + \angle CMD = 90^\circ$.又 $\therefore \angle AMB = \angle CMD \therefore \triangle AMB$ 和 $\triangle CMD$ 都是等腰直角三角形.

(1)证明: \therefore 四边形 $ABCD$ 是矩形,

$\therefore \angle A = \angle D = 90^\circ, AB = DC$.

又 $\therefore MA = MD, \therefore \triangle ABM \cong \triangle DCM (SAS)$.

(2)解:四边形 $MENF$ 是菱形.

理由: $\therefore CF = FM, CN = NB, \therefore FN \parallel MB$.

同理可得： $EN\parallel MC$ ，

\therefore 四边形 $MENF$ 是平行四边形.

$\because \triangle ABM \cong \triangle DCM$ ， $\therefore MB = MC$.

又 $\because ME = \frac{1}{2}MB, MF = \frac{1}{2}MC$ ， $\therefore ME = MF$.

\therefore 平行四边形 $MENF$ 是菱形.

(3) 解:2:1.

28.分析:根据菱形的性质可得点 O 是 BD 的中点,由直角三角形斜边上的中线等于斜边的一半,可得 $OH=OB$,从而有 $\triangle OHB$ 是等腰三角形,所以 $\angle OHB = \angle OBH = \angle ODC$.由等角的余角相等即可证出 $\angle DHO = \angle DCO$.

证明: \because 四边形 $ABCD$ 是菱形,

$\therefore OD = OB, \angle COD = 90^\circ, \angle ODC = \angle OBH$.

$\because DH \perp AB$ 于点 H , $\therefore \angle DHB = 90^\circ$.

$\therefore HO = \frac{1}{2}BD = OB, \therefore \angle OHB = \angle OBH$.

$\therefore \angle OHB = \angle ODC$.

在 $\text{Rt}\triangle COD$ 中, $\angle ODC + \angle DCO = 90^\circ$.

在 $\text{Rt}\triangle DHB$ 中, $\angle DHO + \angle OHB = 90^\circ$.

$\therefore \angle DHO = \angle DCO$.

点拨:本题综合考查了菱形的性质、直角三角形的性质及等腰三角形的性质.菱形的对角线互相垂直平分为充分利用直角三角形的性质创造了条件.

29. (1) 证明： \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形，

$\therefore CF \parallel ED$ ， $\therefore \angle FCG = \angle EDG$ 。

$\because G$ 是 CD 的中点， $\therefore CG = DG$ 。

$$\begin{cases} \angle FCG = \angle EDG, \\ CG = DG, \\ \angle CGF = \angle DGE, \end{cases}$$

在 $\triangle FCG$ 和 $\triangle EDG$ 中，

$\therefore \triangle FCG \cong \triangle EDG$ (ASA)，

$\therefore FG = EG$ 。

$\because CG = DG$ ， \therefore 四边形 $CEDF$ 是平行四边形；

(2) ①解：当 $AE = 3.5$ cm 时，平行四边形 $CEDF$ 是矩形。

理由是：过 A 作 $AM \perp BC$ 于 M ，

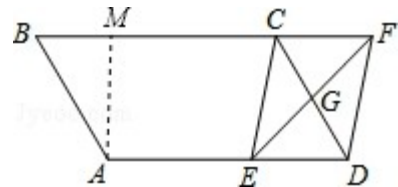
$\because \angle B = 60^\circ$ ， $AB = 3$ ，

$\therefore BM = 1.5$ cm。

\because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形，

$\therefore \angle CDA = \angle B = 60^\circ$ ， $DC = AB = 3$ cm， $BC = AD = 5$ cm。

$\because AE = 3.5$ cm， $\therefore DE = 1.5$ cm = BM 。



第 29 题
答图

$$\begin{cases} BM = DE, \\ \angle B = \angle CDA, \\ AB = CD, \end{cases}$$

在 $\triangle MBA$ 和 $\triangle EDC$ 中，

$\therefore \triangle MBA \cong \triangle EDC$ (SAS) ,

$\therefore \angle CED = \angle AMB = 90^\circ$.

\therefore 四边形 $CEDF$ 是平行四边形 ,

\therefore 四边形 $CEDF$ 是矩形.

② 当 $AE = 2$ cm 时 , 四边形 $CEDF$ 是菱形.

理由是 : $\because AD = 5$ cm , $AE = 2$ cm , $\therefore DE = 3$ cm.

$\because CD = 3$, $\angle CDE = 60^\circ$,

$\therefore \triangle CDE$ 是等边三角形 , $\therefore CE = DE$.

\therefore 四边形 $CEDF$ 是平行四边形 ,

\therefore 四边形 $CEDF$ 是菱形.