

章丘市第二实验中学 2014—2015 学年度第一学期期中考试

九年级数学试题

(时间：120 分钟，120 分)

一、单项选择题:(每小题 3 分,共 45 分)

1、下列方程中是关于 x 的一元二次方程的是

A. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 0$ B. $ax^2 + bx + c = 0$

C. $(x-1)(x+2) = 1$ D. $3x^2 - 2xy - 5y^2 = 0$

2、抛物线 $y = 2(x+1)^2 - 1$ 的顶点坐标是 ()

- A、(-1,1) B、(1,-1) C、(-1,-1) D、(1,1)

3、若 $x:y = 6:5$ ，则下列等式中不正确的是 ()。

A、 $\frac{x+y}{y} = \frac{11}{5}$ B、 $\frac{x-y}{y} = \frac{1}{5}$ C、 $\frac{x}{x-y} = 6$ D、 $\frac{y}{y-x} = 5$

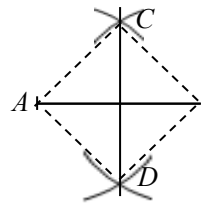


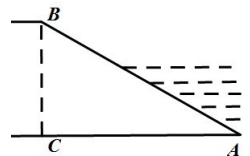
图 2

4、如图 2，小聪在作线段 AB 的垂直平分线时，他是这样操作的：分别以 A 和 B 为圆心，大于 $\frac{1}{2}AB$ 的长

为半径画弧，两弧相交于 C 、 D ，则直线 CD 即为所求。根据他的作图方法可

知四边形 $ADBC$ 一定是 (.....)

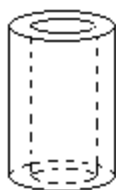
- A. 矩形 B. 菱形 C. 正方形 D. 等腰梯形



5、如图所示，河堤横断面迎水坡 AB 的坡比是 $1 : \sqrt{3}$ ，堤高 $BC=5m$ ，则坡面 AB 的长度是 ()

- A. 10m B. $10\sqrt{3}$ m C. 15m D. $5\sqrt{3}$ m

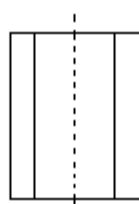
6、如图，空心圆柱的左视图是 ()



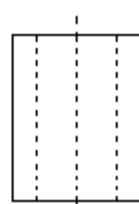
第 2 题图



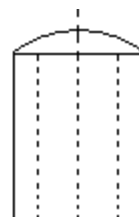
A



B



C



D

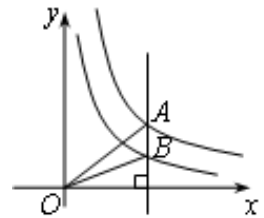
7、抛物线 $y=x^2+6x+8$ 与 y 轴交点坐标 ()

- (A) (0 , 8) (B) (0 , -8) (C) (0 , 6) (D) (-2 , 0) (-4 , 0)

8、双曲线 $y = \frac{10}{x}$ 与 $y = \frac{6}{x}$ 在第一象限内的图象如图所示，作一条平行于 y 轴的直线分别交双曲线于

A 、 B 两点，连接 OA 、 OB ，则 $\triangle AOB$ 的面积为 ()

- A . 1 B . 2 C . 3 D . 4



9、 $\triangle ABC$ 中， $\angle A$ ， $\angle B$ 均为锐角，且有 $|\tan B - \sqrt{3}| + (2\sin A - \sqrt{3})^2 = 0$ ，

则 $\triangle ABC$ 是 ()

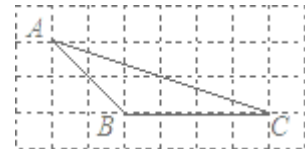
- A . 直角 (不等腰) 三角形 B . 等腰直角三角形
C . 等腰 (不等边) 三角形 D . 等边三角形

10、函数 $y=-x^2-4x+3$ 图象顶点坐标是 ()

- A. (2 , -7) B. (2 , 7) C. (-2 , -7) D. (-2 , 7)

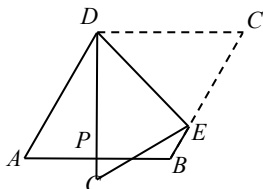
11.如图，在 8×4 的矩形网格中，每格小正方形的边长都是 1，若 $\triangle ABC$ 的三个顶点在图中相应的格点上，则 $\tan \angle ACB$ 的值为 ()

- A . $\frac{1}{3}$ B . $\frac{1}{2}$ C . $\frac{\sqrt{2}}{2}$ D . 3

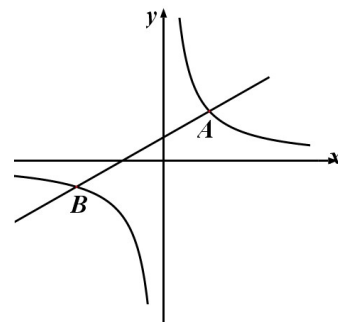
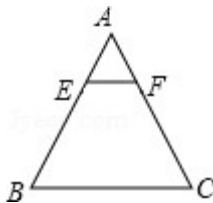


12、如图，在 $\triangle ABC$ 中， $EF \parallel BC$ ， $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{2}$ ， $S_{\text{四边形}BEFC} = 8$ ，则 $S_{\triangle ABC} = [\quad]$

- A . 9 B . 10 C . 12 D . 13



(第 14 题)
第 12 题图



第 15 题图

13、若二次函数 $y=(x-m)^2-1$ ，当 $x \leq 1$ 时， y 随 x 的增大而减小，则 m 的取值范围是 ()

- A . $m=1$ B . $m > 1$ C . $m \geq 1$ D . $m \leq 1$

14、如图，菱形纸片 $ABCD$ 中， $\angle A=60^\circ$ ，折叠菱形纸片 $ABCD$ ，使点 C 落在 DP (P 为 AB 中点) 所在的直线上，得到经过点 D 的折痕 DE 。则 $\angle DEC$ 的大小为 ()

- (A) 78° (B) 75° (C) 60° (D) 45°

15、如图，一次函数 $y_1 = k_1x + 2$ 与反比例函数 $y_2 = \frac{k_2}{x}$ 的图象交点 $A(m, 4)$ 和 $B(-8, -2)$ 两点，若 $y_1 > y_2$ ，则 x 的取值范围是 ()

- A . $x < -8$ 或 $0 < x < 4$ B . $x > 4$ 或 $-8 < x < 0$ C . $-8 < x < 4$ D . $x < -8$ 或 $x > 4$

二、填空题:(每小题 3 分,共 18 分)

16 . 为了估计池塘里有多少条鱼,从池塘里捕捉了 100 条鱼,做上标记, 然后放回池塘里,经过一段时间后,

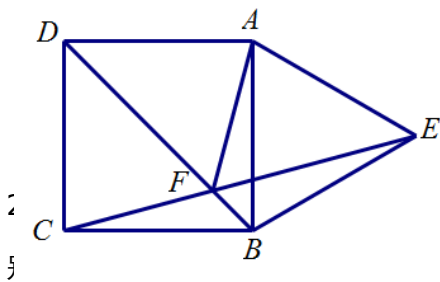
等有标记的鱼完全混合于池塘中鱼群后,再捕第二次样本鱼 200 条,发现其中有标志的鱼 25 条,你估计一下,该池塘里现在有鱼____条.

17、我们把顺次连接四边形四条边的中点所得的四边形叫中点四边形。现有一个对角线分别为 6cm 和 8cm 的菱形,它的中点四边形的两条对角线长之和是_____ cm .

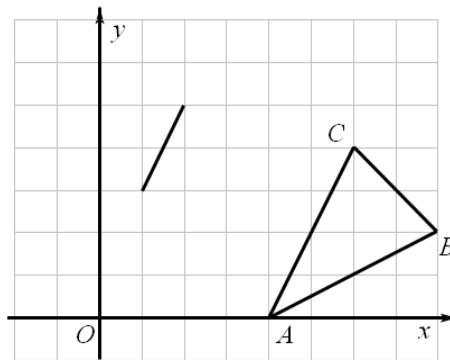
18、在一次同学聚会时,大家一见面就相互握手。有人统计了一下,大家一共握了 45 次手,参加这次聚会的同学共有多少人?若参加聚会有 x 名同学,可列方程_____。

19、反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象上有一点 $A(x, y)$, 且 x, y 是方程 $x^2 + x - 1 = 0$ 的两个根, 则 $k =$ _____

20、如右图, 四边形 $ABCD$ 为正方形, 以 AB 为边向正方形外作等边 $\triangle ABE$, CE 与 DB 相交于点 F , 则 $\angle AFD =$ _____。



, $\triangle ABC$
4)。已



第 21 题图

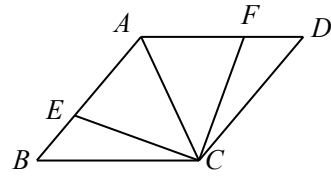
的顶点坐标分
知 $\triangle A_1B_1C_1$ 的

两个顶点的坐标为 $(1, 3)$, $(2, 5)$ 。若 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A_1B_1C_1$ 位似, 则 $\triangle A_1B_1C_1$ 的第三个顶点的坐标为_____。

三、解答题(要有必要的解答过程和相应的文字说明)

22、(1) (3分) 解方程 $2x^2 - 3x = 0$

23、(2)、(4分) 如图， AC 是菱形 $ABCD$ 的对角线，点 E, F 分别在 AB, AD 上，且 $AE = AF$.
 求证： $CE = CF$.

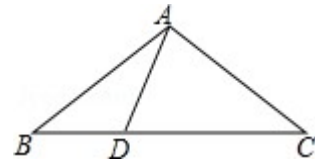


第 23 (1) 题图

23、23、 (1) (3分) 计算： $2^{-1} + (\pi - 3.14)^{\circ} + \sin 60^{\circ} - \left| -\frac{\sqrt{3}}{2} \right|$

(2) (4分) 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC = 10$ ， $\sin C = \frac{3}{5}$ ，点 D 是 BC 上一点，且 $DC = AC$.

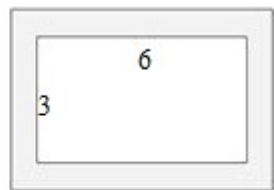
求 BD 的长；



24、(本小题满分 8 分) 如图①，在一幅矩形地毯的四周镶有宽度相同的边．如图②，地毯中央的矩形图案长 6 米、宽 3 米，整个地毯的面积是 40 平方米．求花边的宽



①



②

25. (本小题满分 8 分) 甲乙两名同学做摸球游戏，他们把三个分别标有 1, 2, 3 的大小和形状完全相同的小球放在一个不透明的口袋中.

(1) 求从袋中随机摸出一球，标号是 1 的概率；

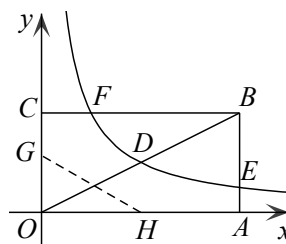
(2) 从袋中随机摸出一球后放回，摇匀后再随机摸出一球，若两次摸出的球的标号之和为偶数时，则甲胜；若两次摸出的球的标号之和为奇数时，则乙胜；试分析这个游戏是否公平？请说明理由.

26. (本小题满分 9 分) 如图，矩形 $OABC$ 的顶点 A 、 C 分别在 x 、 y 轴的正半轴上，点 D 为对角线 OB 的中点，点 $E(4, n)$ 在边 AB 上，反比例函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 在第一象限内的图象经过点 D 、 E ，且 $\tan \angle BOA = \frac{1}{2}$.

(1) 求边 AB 的长；

(2) 求反比例函数的解析式和 n 的值；

(3) 若反比例函数的图象与矩形的边 BC 交于点 F ，将矩形折叠，使点 O 与点 F 重合，折痕分别与 x 、 y 轴正半轴交于点 H 、 G ，求线段 OG 的长.



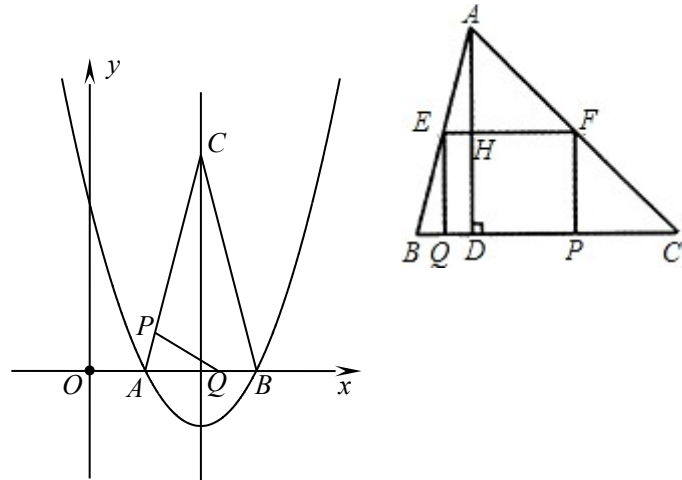
26 题图

27、(本小题满分9分)如图,抛物线 $y = ax^2 + bx + 3$ 经过点 $A(1, 0)$ 和 $B(3, 0)$,点 $C(m, \sqrt{15})$ 在抛物线的对称轴上.

(1)求抛物线的函数表达式.

(2)求证: $\triangle ABC$ 是等腰三角形.

(3)动点 P 在线段 AC 上,从点 A 出发以每秒1个单位的速度向 C 运动,同时动点 Q 在线段 AB 上,从 B 出发以每秒1个单位的速度向 A 运动.当 Q 到达点 A 时,两点同时停止运动.设运动时间为 t 秒,求当 t 为何值时, $\triangle APQ$ 与 $\triangle ABC$ 相似.



26 题图

28、(本小题满分9分)如图,在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=45^\circ$, $BC=10$,高 $AD=8$,矩形 $EFPQ$ 的一边 QP 在边上, E 、 F 两点分别在 AB 、 AC 上, AD 交 EF 于点 H .

(1)求证: $\frac{AH}{AD} = \frac{EF}{BC}$;

(2)设 $EF=x$,当 x 为何值时,矩形 $EFPQ$ 的面积最大?并求其最大值;

(3)当矩形 $EFPQ$ 的面积最大时,该矩形 $EFPQ$ 以每秒1个单位的速度沿射线 QC 匀速运动(当点 Q 与点 C 重合时停止运动),设运动时间为 t 秒,矩形 $EFPQ$ 与 $\triangle ABC$ 重叠部分的面积为 S ,当 $0 \leq t < 49$ 时,求 S 与 t 的函数关系式.

参考答案

1~5、CCDBA 6~10、CABDD 11~15、AACBB16、800 ; 17、10 ; 18、

$\frac{1}{2}x(x-1)=45$; 19、-1 ;20、 60° ; 21、(3, 4)或(0, 4).

(1) 解: $x(2x-3)=0$,1分
 $x=0$ 或 $2x-3=0$, 2分

$\therefore x_1=0, x_2=\frac{3}{2}$;3分

(2)、证明: \because 四边形 $ABCD$ 是菱形

$\therefore \angle EAC = \angle FAC$ 1分

又 $\because AE=AF$, AC 为公共边

$\therefore \triangle ACE \cong \triangle ACF$ 3分

$\therefore CE=CF$ 4分

23、(1) 解: 原式 $=\frac{1}{2}+1+\frac{\sqrt{3}}{2}-\frac{\sqrt{3}}{2}$ 2分

$=\frac{3}{2}$ 3分

(2) 解: 过点 A 作 $AE \perp BC$ 于点 E ,1分

$\because AB=AC$,

$\therefore BE=CE$,2分

在 $Rt\triangle ACE$ 中, $AC=10$, $\sin \angle C=\frac{3}{5}$,

$\therefore AE=6$,3分

$\therefore CE=\sqrt{AC^2-AE^2}=8$,

$\therefore CD=2CE=16$,

$\therefore BD=BC-BD=BC-AC=6$4分

解: 设花边的宽为 x 米,1分

根据题意得 $(2x+6)(2x+3)=40$,4分

解得 $x_1=1$, $x_2=-\frac{11}{2}$,6分

$x_2=-\frac{11}{2}$ 不合题意, 舍去.7分

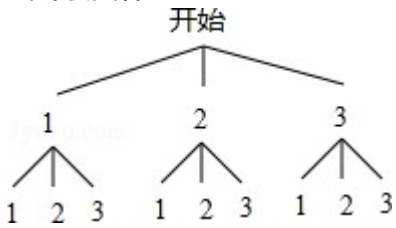
24、 答: 花边的宽为1米.8分

25、解: (1) \because 三个分别标有 1, 2, 3 的大小和形状完全相同的小球放在一个不透明的口袋中,

\therefore 从袋中随机摸出一球, 标号是 1 的概率为: $\frac{1}{3}$; 2分

(2) 这个游戏不公平. 3分

画树状图得：



6分

∵共有9种等可能的结果，两次摸出的球的标号之和为偶数的有5种情况，两次摸出的球的标号之和为奇数的有4种情况，

$$\therefore P(\text{甲胜}) = \frac{5}{9}, P(\text{乙胜}) = \frac{4}{9}.$$

∴ $P(\text{甲胜}) \neq P(\text{乙胜})$ ，

7分

∴这个游戏不公平。

8分

26. 解：(1)∵在 $Rt\triangle BOA$ 中，点 $E(4, n)$ 在直角边 AB 上，

$$\therefore OA=4,$$

1分

$$\therefore AB=OA \times \tan \angle BOA=2.$$

2分

(2)∵点 D 为 OB 的中点，点 $B(4, 2)$ ，

$$\therefore \text{点 } D(2, 1),$$

3分

又∵点 D 在 $y = \frac{k}{x}$ 的图象上，

$$\therefore k=2,$$

$$\therefore y = \frac{2}{x},$$

4分

又∵点 E 在 $y = \frac{2}{x}$ 图象上，

$$\therefore 4n=2,$$

$$\therefore n = \frac{1}{2}.$$

5分

(3)设点 $F(a, 2)$ ，

$$\therefore 2a=2,$$

$$\therefore CF=a=1,$$

6分

连结 FG ，设 $OG=t$ ，

$$\text{则 } OG=FG=t, CG=2-t,$$

7分

在 $Rt\triangle CGF$ 中， $GF^2=CF^2+CG^2$ ，

8分

$$\therefore t^2 = (2-t)^2 + 1^2,$$

$$\text{解得 } t = \frac{5}{4},$$

$$\therefore OG=t = \frac{5}{4}.$$

9分

27. 解：(1)把 $A(1, 0)$ 和 $B(3, 0)$ 代入 $y = ax^2 + bx + 3$ 得：

$$\begin{cases} a + b + 3 = 0 \\ 9a + 3b + 3 = 0 \end{cases},$$

1分

$$\text{解得：} \begin{cases} a = 1 \\ b = -4 \end{cases},$$

∴抛物线的函数解析式是 $y = x^2 - 4x + 3$. 2分

(2)方法一：抛物线的对称轴是 $x = 2$,

∴点 $C (m, \sqrt{15})$ 在抛物线对称轴上

$$\therefore m=2$$

∴点 $C (2, \sqrt{15})$,

3分

$$\therefore CA = \sqrt{1+15} = 4, CB = \sqrt{1+15} = 4,$$

$$\therefore CA = CB$$

∴ $\triangle ABC$ 是等腰三角形

4分

方法二：抛物线的对称轴是 $x = 2$,

∴ $A (1, 0)$ 和 $B (3, 0)$ 关于对称轴是 $x = 2$ 对称 ,

3分

∴点 $C (m, \sqrt{15})$ 在抛物线对称轴上 ,

$$\therefore CA = CB ,$$

∴ $\triangle ABC$ 是等腰三角形.

4分

(3)∵ $\angle A$ 是公共角

当 $\angle APQ = \angle ACB$ 时, $\triangle APQ \sim \triangle ACB$,

5分

$$\therefore AB=2, AC=4, AP=t, AQ=2-t,$$

$$\therefore \frac{t}{4} = \frac{2-t}{2},$$

$$\therefore t = \frac{4}{3},$$

6分

当 $\angle APQ = \angle ABC$ 时, $\triangle APQ \sim \triangle ACB$,

7分

$$\therefore AB=2, AC=4, AP=t, AQ=2-t,$$

$$\therefore \frac{t}{2} = \frac{2-t}{4},$$

$$\therefore t = \frac{2}{3},$$

8分

∴当 $t = \frac{4}{3}$ 或 $t = \frac{2}{3}$ 时, $\triangle APQ$ 与 $\triangle ABC$ 相似.

9分

28、(1) 证明：∵四边形 EFPQ 是矩形, ∴ $EF \parallel QP$1分

∴ $\triangle AEF \sim \triangle ABC$2分

又∵ $AD \perp BC$,

∴ $AH \perp EF$;

$$\therefore \frac{AH}{AD} = \frac{EF}{BC}; \dots\dots\dots 3分$$

(2) 解：由 (1) 得 $\frac{AH}{8} = \frac{x}{10}$, ∴ $AH = \frac{4}{5}x$ ∴ $EQ = HD = AD - AH = 8 - \frac{4}{5}x$ 4分

$$\therefore S_{\text{矩形EFPQ}} = EF \cdot EQ = x \left(8 - \frac{4}{5}x \right) = -\frac{4}{5}x^2 + 8x = -\frac{4}{5}(x-5)^2 + 20 \dots\dots\dots 5分$$

$$\therefore -\frac{4}{5} < 0 ,$$

∴当 $x=5$ 时, $S_{\text{矩形EFPQ}}$ 有最大值, 最大值为 20 ;6分

(3) 解：如图 1, 由 (2) 得 $EF=5$, $EQ=4$

$\because \angle C=45^\circ$, $\triangle FPC$ 是等腰直角三角形.

$\therefore PC=FP=EQ=4$, $QC=QP+PC=9$ 7分

如图 2, 当 $0 \leq t < 4$ 时,

设 EF 、 PF 分别交 AC 于点 M 、 N ,

则 $\triangle MFN$ 是等腰直角三角形;

$\therefore FN=MF=t$ 8分

$\therefore S=S_{\text{矩形}EFPQ} - S_{\text{Rt}\triangle MFN} = 20 - \frac{1}{2}t^2 = -\frac{1}{2}t^2 + 20$ 9分

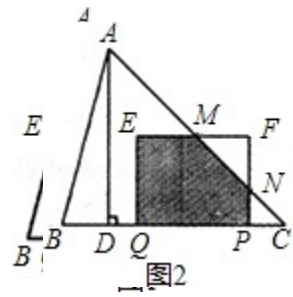


图2