

## 考点跟踪训练 7 一元二次方程

### 一、选择题

1. (2011·嘉兴)一元二次方程  $x(x-1)=0$  的解是( )

- A.  $x=0$       B.  $x=1$   
C.  $x=0$  或  $x=1$     D.  $x=0$  或  $x=-1$

答案 C

解析  $x(x-1)=0$ ,  $x=0$  或  $x-1=0$ ,  $\therefore x_1=0$ ,  $x_2=1$ .

2. (2011·兰州)用配方法解方程  $x^2-2x-5=0$  时, 原方程应变形为( )

- A.  $(x+1)^2=6$     B.  $(x+2)^2=9$   
C.  $(x-1)^2=6$     D.  $(x-2)^2=9$

答案 C

解析  $x^2-2x-5=0$ ,  $x^2-2x=5$ ,  $x^2-2x+1=5+1$ ,  $(x-1)^2=6$ .

3. (2011·福州)一元二次方程  $x(x-2)=0$  根的情况是( )

- A. 有两个不相等的实数根  
B. 有两个相等的实数根  
C. 只有一个实数根  
D. 没有实数根

答案 A

解析  $x(x-2)=0$ ,  $x=0$  或  $x-2=0$ ,  $x_1=0$ ,  $x_2=2$ , 方程有两个不相等的实数根.

4. (2011·济宁)已知关于  $x$  的方程  $x^2+bx+a=0$  的一个根是  $-a(a \neq 0)$ , 则  $a-b$  值为  $A($

- A.  $-1$     B.  $0$     C.  $1$     D.  $2$

答案 A

解析 当  $x=-a$  时, 得  $a^2-ab+a=0$ ,  $a(a-b+1)=0$ , 又  $a \neq 0$ . 所以  $a-b+1=0$ ,  $a-b=-1$ .

5. (2011·威海)关于  $x$  的一元二次方程  $x^2+(m-2)x+m+1=0$  有两个相等的实数根, 则  $m$  的值是( )

- A.  $0$     B.  $8$     C.  $4 \pm 2$     D.  $0$  或  $8$

答案 D

解析 由题意, 得  $b^2-4ac=0$ ,  $(m-2)^2-4(m+1)=0$ ,  $m^2-8m=0$ ,  $m=0$  或  $m=8$ .

### 二、填空题

6. (2011·衢州)方程  $x^2-2x=0$  的解为\_\_\_\_\_.

答案  $x_1=0$ ,  $x_2=2$

解析  $x^2-2x=0$ ,  $x(x-2)=0$ ,  $x=0$  或  $x-2=0$ ,  $x_1=0$ ,  $x_2=2$ .

7. (2011·鸡西)一元二次方程  $a^2-4a-7=0$  的解为\_\_\_\_\_.

答案  $a_1=2+$ ,  $a_2=2-$

解析  $a^2-4a-7=0$ ,  $a^2-4a=7$ .  $a^2-4a+4=11$ ,  $(a-2)^2=11$ ,  $a-2=\pm\sqrt{11}$ ,  $\therefore a=2\pm\sqrt{11}$ .

8. (2011·镇江)已知关于  $x$  的方程  $x^2+mx-6=0$  的一个根为  $2$ , 则  $m=$ \_\_\_\_\_, 另一根是\_\_\_\_\_.

答案  $1$ ,  $-3$

解析 当  $x=2$  时,  $4+2m-6=0$ ,  $2m=2$ ,  $m=1$ ,  $\therefore x^2+x-6=0$ .  $(x-2)(x+3)=0$ ,  $x_1=2$ ,  $x_2=-3$ , 另一根是  $-3$ .

9. (2011·黄石)解方程:  $(3x-5y-10)^2=0$  的解是\_\_\_\_\_.

答案 或

解析 代入消去  $x$ , 得  $y^2-5y+4=0$ ,  $y_1=1$ ,  $y_2=4$ , 相应地  $x_1=$ ,  $x_2=2$ .

10. (2011·兰州)关于  $x$  的方程  $a(x+m)^2+b=0$  的解是  $x_1=-2$ ,  $x_2=1$  ( $a, m, b$  均为常数,  $a \neq 0$ ), 则方程  $a(x+m+2)^2+b=0$  的解是\_\_\_\_\_.

答案  $x_1=-4$ ,  $x_2=-1$

解析 依题意, 有  $x+2=-2$  或  $x+2=1$ ,  $\therefore x=-4$  或  $x=-1$ .

### 三、解答题

11. (2011·南京)解方程:  $x^2-4x+1=0$ .

解 解法一：移项，得  $x^2 - 4x = -1$ .  
 配方，得  $x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$ ， $(x - 2)^2 = 3$ ，  
 由此可得  $x - 2 = \pm\sqrt{3}$ ，  
 $\therefore x_1 = 2 + \sqrt{3}$ ， $x_2 = 2 - \sqrt{3}$ .

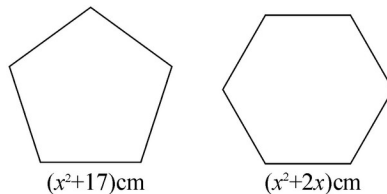
解法二： $a = 1$ ， $b = -4$ ， $c = 1$ .  
 $b^2 - 4ac = (-4)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 12 > 0$ ，  
 $x = \frac{4 \pm \sqrt{12}}{2} = 2 \pm \sqrt{3}$ .

12. (2011·聊城)解方程： $x + x - 2 = 0$ .  
 解  $(x - 2)(x + 1) = 0$ ，解得  $x - 2 = 0$  或  $x + 1 = 0$ ， $x_1 = 2$ ， $x_2 = -1$ .

13. (2011·广东)解方程组：  
 解  
 由①得： $x = 2y$ .③  
 将③代入②，化简整理，得： $y^2 + 3y - 4 = 0$ .  
 解得： $y = 1$  或  $y = -4$ .  
 将  $y = 1$  或  $y = -4$  代入①，得：  
 或  
 $\therefore$ 原方程的解有两个，

14. (2011·苏州)已知  $|a - 1| + b = 0$ ，求方程  $ax^2 + bx = 1$  的解.  
 解 由  $|a - 1| + b = 0$ ，得  $a = 1$ ， $b = -2$ .  
 由方程  $-2x = 1$  得  $2x^2 + x - 1 = 0$ .  
 解之，得  $x_1 = -1$ ， $x_2 = \frac{1}{2}$ .  
 经检验， $x_1 = -1$ ， $x_2 = \frac{1}{2}$  是原方程的解.  
 $\therefore$ 原方程的根为  $x_1 = -1$ ， $x_2 = \frac{1}{2}$ .

15. (2011·芜湖)如图，用两段等长的铁丝恰好可以分别围成一个正五边形和一个正六边形，其中正五边形的边长为  $(x^2 + 17)$  cm，正六边形的边长为  $(x^2 + 2x)$  cm (其中  $x > 0$ )。求这两段铁丝的总长。



解 由已知得，正五边形周长为  $5(x^2 + 17)$  cm，正六边形周长为  $6(x^2 + 2x)$  cm.  
 因为正五边形和正六边形的周长相等，  
 所以  $5(x^2 + 17) = 6(x^2 + 2x)$ .  
 整理得  $x^2 + 12x - 85 = 0$ ，配方得  $(x + 6)^2 = 121$ ，  
 解得  $x_1 = 5$ ， $x_2 = -17$  (舍去).  
 故正五边形的周长为  $5 \times (5^2 + 17) = 210$  (cm).  
 又因为两段铁丝等长，所以这两段铁丝的总长为 420 cm.  
 答：这两段铁丝的总长为 420 cm.

#### 四、选做题

16. (2010·孝感)已知关于  $x$  的方程  $x^2 - 2(k - 1)x + k^2 = 0$  有两个实数根  $x_1$ 、 $x_2$ .

(1)求  $k$  的取值范围；

(2)若  $x_1 x_2 = 1$ ，求  $k$  的值.

解 (1)依题意， $b^2 - 4ac \geq 0$ ，即  $[-2(k - 1)]^2 - 4k^2 \geq 0$ ， $-8k + 4 \geq 0$ ，解得  $k \leq \frac{1}{2}$ .

(2)解法一：依题意，得  $x_1 + x_2 = 2(k - 1)$ ， $x_1 x_2 = k^2$ .

以下分两种情况讨论：

①当  $x_1 + x_2 \geq 0$  时，则有  $x_1 + x_2 = x_1 x_2 = 1$ ，即  $2(k - 1) = k^2 - 1$ ，解得  $k_1 = k_2 = 1$ .

$\therefore k \leq \frac{1}{2}$ ，

$\therefore k_1 = k_2 = 1$  不合题意，舍去。

②  $x_1 + x_2 < 0$  时，则有  $x_1 + x_2 = -$ ，即  $2(k-1) = -$ ，解得  $k_1 = 1$ ， $k_2 = -3$ 。

$\therefore k \leq$ ， $\therefore k = -3$ 。

综合①、②可知  $k = -3$ 。

解法二：依题意可知  $x_1 + x_2 = 2(k-1)$ ， $x_1 x_2 = k^2$ 。

由(1)可知  $k \leq$ 。

$\therefore 2(k-1) < 0$ ，即  $x_1 + x_2 < 0$ ，

$\therefore -2(k-1) = k^2 - 1$ ，

解得  $k_1 = 1$ ， $k_2 = -3$ 。

$\therefore k \leq$ ， $\therefore k = -3$ 。