

# 2015年福建省泉州市中考数学试卷

参考答案与试题解析

## 一、选择题（共7小题，每小题3分，满分21分）

1. (3分) (2015•泉州)  $-7$ 的倒数是( )

- A.  $7$     B.  $-7$     C.  $\frac{1}{7}$     D.  $-\frac{1}{7}$

解： $-7$ 的倒数是 $-\frac{1}{7}$ ，故选：D.

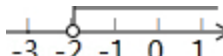
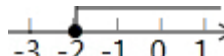
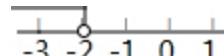
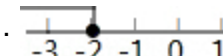
点评： 本题考查了倒数，分子分母交换位置是求一个数的倒数的关键.

2. (3分) (2015•泉州) 计算： $(ab^2)^3 =$  ( )

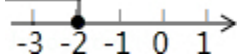
- A.  $3ab^2$     B.  $ab^6$     C.  $a^3b^6$     D.  $a^3b^2$

解： $(ab^2)^3 = a^3 (b^2)^3 = a^3 b^6$  故选C

3. (3分) (2015•泉州) 把不等式 $x+2 \leq 0$ 的解集在数轴上表示出来，则正确的是( )

- A.  B.  C.  D. 

解：解不等式 $x+2 \leq 0$ ，得 $x \leq -2$ .

表示在数轴上为：.

故选：D.

4. (3分) (2015•泉州) 甲、乙、丙、丁四人参加训练，近期的10次百米测试平均成绩都是13.2秒，方差如表

选手	甲	乙	丙	丁
方差(秒 <sup>2</sup> )	0.020	0.019	0.021	0.022

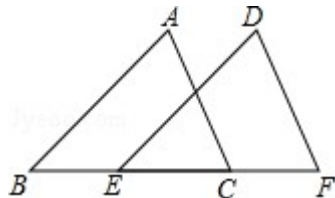
则这四人中发挥最稳定的是( )

- A. 甲    B. 乙    C. 丙    D. 丁

解： $\because 0.019 < 0.020 < 0.021 < 0.022$ ， $\therefore$ 乙的方差最小，

$\therefore$ 这四人中乙发挥最稳定，故选：B.

5. (3分) (2015•泉州) 如图， $\triangle ABC$ 沿着由点B到点E的方向，平移到 $\triangle DEF$ ，已知 $BC=5$ ， $EC=3$ ，那么平移的距离为( )



- A. 2    B. 3    C. 5    D. 7

解：根据平移的性质，

易得平移的距离 $=BE=5-3=2$ ，

故选A.

6. (3分) (2015•泉州) 已知 $\triangle ABC$ 中,  $AB=6$ ,  $BC=4$ , 那么边  $AC$  的长可能是下列哪个值 ( )

- A. 11                      B. 5                      C. 2                      D. 1

解: 根据三角形的三边关系,

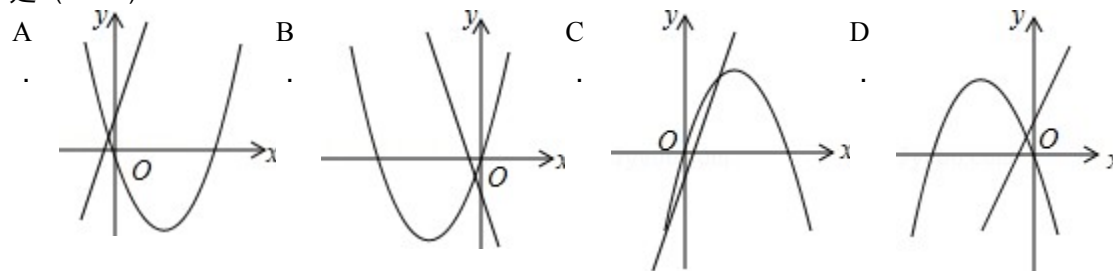
$$6 - 4 < AC < 6 + 4,$$

$$\text{即 } 2 < AC < 10,$$

符合条件的只有 5,

故选: B.

7. (3分) (2015•泉州) 在同一平面直角坐标系中, 函数  $y=ax^2+bx$  与  $y=bx+a$  的图象可能是 ( )



解: A、对于直线  $y=bx+a$  来说, 由图象可以判断,  $a > 0$ ,  $b > 0$ ; 而对于抛物线  $y=ax^2+bx$  来说, 对称轴  $x = -\frac{b}{2a} < 0$ , 应在  $y$  轴的左侧, 故不合题意, 图形错误.

B、对于直线  $y=bx+a$  来说, 由图象可以判断,  $a < 0$ ,  $b < 0$ ; 而对于抛物线  $y=ax^2+bx$  来说, 图象应开口向下, 故不合题意, 图形错误.

C、对于直线  $y=bx+a$  来说, 由图象可以判断,  $a < 0$ ,  $b > 0$ ; 而对于抛物线  $y=ax^2+bx$  来说, 图象开口向下, 对称轴  $x = -\frac{b}{2a}$  位于  $y$  轴的右侧, 故符合题意,

D、对于直线  $y=bx+a$  来说, 由图象可以判断,  $a > 0$ ,  $b > 0$ ; 而对于抛物线  $y=ax^2+bx$  来说, 图象开口向下,  $a < 0$ , 故不合题意, 图形错误.

故选: C.

## 二、填空题 (共 10 小题, 每小题 4 分, 满分 40 分)

8. (4分) (2015•泉州) 比较大小:  $4$  >  $\sqrt{15}$  (填“>”或“<”)

$$\text{解: } 4 = \sqrt{16},$$

$$\sqrt{16} > \sqrt{15},$$

$$\therefore 4 > \sqrt{15},$$

故答案为: > .

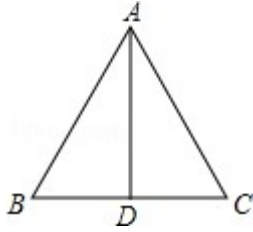
9. (4分) (2015•泉州) 因式分解:  $x^2 - 49 =$   $(x+7)(x-7)$  .

$$\text{解: } x^2 - 49 = (x - 7)(x + 7),$$

10. (4分) (2015•泉州) 声音在空气中每小时约传播 1200 千米, 将 1200 用科学记数法表示为  $1.2 \times 10^3$  .

$$\text{解: } 1200 = 1.2 \times 10^3,$$

11. (4分) (2015•泉州) 如图, 在正三角形  $ABC$  中,  $AD \perp BC$  于点  $D$ , 则  $\angle BAD =$   $30^\circ$  .



解：∵△ABC 是等边三角形，

$$\therefore \angle BAC=60^\circ,$$

∵AB=AC，AD⊥BC，

$$\therefore \angle BAD=\frac{1}{2}\angle BAC=30^\circ,$$

故答案为：30°.

12. (4分) (2015•泉州) 方程  $x^2=2$  的解是  $\pm\sqrt{2}$ .

$$\text{解：} x^2=2,$$

$$x=\pm\sqrt{2}.$$

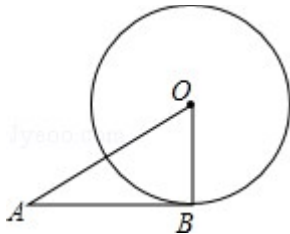
故答案为  $\pm\sqrt{2}$ .

13. (4分) (2015•泉州) 计算： $\frac{2a-1}{a}+\frac{1}{a}=\underline{2}$ .

$$\text{解：原式}=\frac{2a-1+1}{a}=\frac{2a}{a}=2,$$

故答案为：2

14. (4分) (2015•泉州) 如图，AB 和 ⊙O 相切于点 B，AB=5，OB=3，则  $\tan A=\underline{\frac{3}{5}}$ .



解：∵直线 AB 与 ⊙O 相切于点 B，

则  $\angle OBA=90^\circ$ .

∵AB=5，OB=3，

$$\therefore \tan A=\frac{OB}{AB}=\frac{3}{5}.$$

故答案为： $\frac{3}{5}$

15. (4分) (2015•泉州) 方程组  $\begin{cases} x-y=4 \\ 2x+y=-1 \end{cases}$  的解是  $\begin{cases} x=1 \\ y=-3 \end{cases}$ .

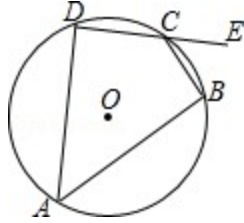
$$\text{解：} \begin{cases} x-y=4 \text{ ①} \\ 2x+y=-1 \text{ ②} \end{cases},$$

①+②得： $3x=3$ ，即  $x=1$ ，  
把  $x=1$  代入①得： $y=-3$ ，

则方程组的解为  $\begin{cases} x=1 \\ y=-3 \end{cases}$ ，

故答案为： $\begin{cases} x=1 \\ y=-3 \end{cases}$

16. (4分) (2015•泉州) 如图，在 $\odot O$ 的内接四边形  $ABCD$  中，点  $E$  在  $DC$  的延长线上。若  $\angle A=50^\circ$ ，则  $\angle BCE=$   $50^\circ$ 。

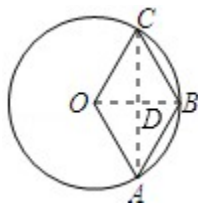


解： $\because$  四边形  $ABCD$  内接于  $\odot O$ ，  
 $\therefore \angle BCE = \angle A = 50^\circ$ 。  
故答案为  $50^\circ$ 。

17. (4分) (2015•泉州) 在以  $O$  为圆心  $3\text{cm}$  为半径的圆周上，依次有  $A$ 、 $B$ 、 $C$  三个点，若四边形  $OABC$  为菱形，则该菱形的边长等于  $3$   $\text{cm}$ ；弦  $AC$  所对的弧长等于  $2\pi$  或  $4\pi$   $\text{cm}$ 。

解：连接  $OB$  和  $AC$  交于点  $D$ ，  
 $\because$  四边形  $OABC$  为菱形，  
 $\therefore OA=AB=BC=OC$ ，  
 $\because \odot O$  半径为  $3\text{cm}$ ，  
 $\therefore OA=OC=3\text{cm}$ ，  
 $\because OA=OB$ ，  
 $\therefore \triangle OAB$  为等边三角形，  
 $\therefore \angle AOB=60^\circ$ ，  
 $\therefore \angle AOC=120^\circ$ ，  
 $\therefore \widehat{AC} = \frac{120 \cdot \pi \times 3}{180} = 2\pi$ ，  
 $\therefore$  优弧  $\widehat{AC} = \frac{240 \pi \times 3}{180} = 4\pi$ ，

故答案为  $3$ ， $2\pi$  或  $4\pi$ 。



三、解答题 (共 9 小题, 满分 89 分)

18. (9分) (2015•泉州) 计算:  $|-4| + (2-\pi)^0 - 8 \times 4^{-1} + \sqrt{18} \div \sqrt{2}$ .

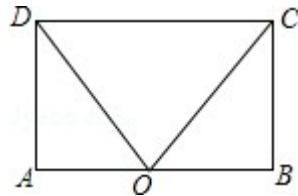
解: 原式  $= 4 + 1 - 2 + 3 = 6$ .

19. (9分) (2015•泉州) 先化简, 再求值:  $(x-2)(x+2) + x^2(x-1)$ , 其中  $x = -1$ .

解: 原式  $= x^2 - 4 + x^3 - x^2 = x^3 - 4$ ,

当  $x = -1$  时, 原式  $= -5$ .

20. (9分) (2015•泉州) 如图, 在矩形 ABCD 中, 点 O 在边 AB 上,  $\angle AOC = \angle BOD$ . 求证:  $AO = OB$ .



解:  $\because$  四边形 ABCD 是矩形,

$\therefore \angle A = \angle B = 90^\circ$ ,  $AD = BC$ ,

$\because \angle AOC = \angle BOD$ ,

$\therefore \angle AOC - \angle DOC = \angle BOD - \angle DOC$ ,

$\therefore \angle AOD = \angle BOC$ ,

在  $\triangle AOD$  和  $\triangle BOC$  中,

$$\begin{cases} \angle A = \angle B \\ \angle AOD = \angle BOC \\ AD = BC \end{cases}$$

$\therefore \triangle AOD \cong \triangle BOC$ ,

$\therefore AO = OB$ .

21. (9分) (2015•泉州) 为弘扬“东亚文化”, 某单位开展了“东亚文化之都”演讲比赛, 在安排 1 位女选手和 3 位男选手的出场顺序时, 采用随机抽签方式.

(1) 请直接写出第一位出场是女选手的概率;

(2) 请你用画树状图或列表的方法表示第一、二位出场选手的所有等可能结果, 并求出他们都是男选手的概率.

解: (1)  $P(\text{第一位出场是女选手}) = \frac{1}{4}$ ;

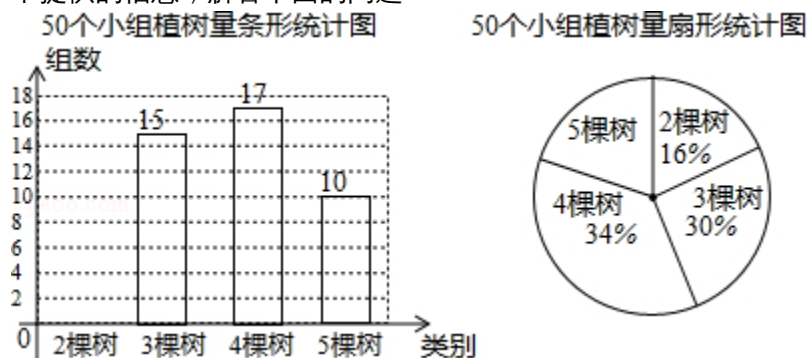
(2) 列表得:

	女	男	男	男
女	- - -	(男, 女)	(男, 女)	(男, 女)
男	(女, 男)	- - -	(男, 男)	(男, 男)
男	(女, 男)	(男, 男)	- - -	(男, 男)
男	(女, 男)	(男, 男)	(男, 男)	- - -

所有等可能的情况有 12 种, 其中第一、二位出场都是男选手的情况有 6 种,

则  $P(\text{第一、二位出场都是男选手}) = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$ .

22. (9分) (2015·泉州) 清明期间, 某校师生组成200个小组参加“保护环境, 美化家园”植树活动. 综合实际情况, 校方要求每小组植树量为2至5棵, 活动结束后, 校方随机抽查了其中50个小组, 根据他们的植树量绘制出如图所示的两幅不完整统计图. 请根据图中提供的信息, 解答下面的问题:



- (1) 请把条形统计图补充完整, 并算出扇形统计图中, 植树量为“5棵树”的圆心角是 72°.
- (2) 请你帮学校估算此次活动共种多少棵树.

解: (1) 植树量为“5棵树”的圆心角是:  $360^\circ \times \frac{10}{50} = 72^\circ$ ,

故答案是: 72;

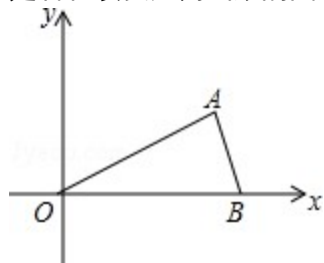
(2) 每个小组的植树棵树:  $\frac{1}{50} (2 \times 8 + 3 \times 15 + 4 \times 17 + 5 \times 10) = \frac{179}{50}$  (棵),

则此次活动植树的总棵树是:  $\frac{179}{50} \times 200 = 716$  (棵).

答: 此次活动约植树 716 棵.

23. (9分) (2015·泉州) 如图, 在平面直角坐标系中, 点 A ( $\sqrt{3}$ , 1)、B (2, 0)、O (0, 0), 反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  图象经过点 A.

- (1) 求 k 的值;
- (2) 将  $\triangle AOB$  绕点 O 逆时针旋转  $60^\circ$ , 得到  $\triangle COD$ , 其中点 A 与点 C 对应, 试判断点 D 是否在该反比例函数的图象上?



解: (1)  $\because$  函数  $y = \frac{k}{x}$  的图象过点 A ( $\sqrt{3}$ , 1),

$$\therefore k = xy = \sqrt{3} \times 1 = \sqrt{3};$$

(2)  $\because$  B (2, 0),

$\therefore OB = 2$ ,

$\because \triangle AOB$  绕点  $O$  逆时针旋转  $60^\circ$  得到  $\triangle COD$ ,

$\therefore OD=OB=2, \angle BOD=60^\circ$ ,

如图, 过点  $D$  作  $DE \perp x$  轴于点  $E$ ,

$$DE=OE \cdot \sin 60^\circ = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3},$$

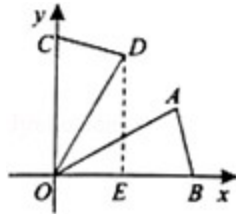
$$OE=OD \cdot \cos 60^\circ = 2 \times \frac{1}{2} = 1,$$

$\therefore D(1, \sqrt{3})$ ,

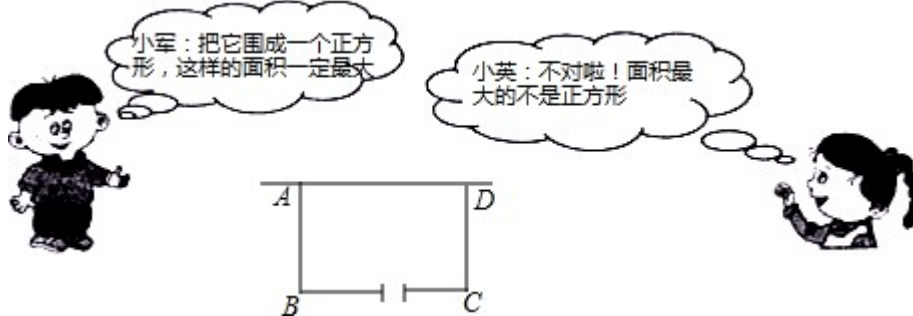
由 (1) 可知  $y = \frac{\sqrt{3}}{x}$ ,

$\therefore$  当  $x=1$  时,  $y = \frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3}$ ,

$\therefore D(1, \sqrt{3})$  在反比例函数  $y = \frac{\sqrt{3}}{x}$  的图象上.



24. (9分) (2015·泉州) 某校在基地参加社会实践活动中, 带队老师考问学生: 基地计划新建一个矩形的生物园地, 一边靠旧墙(墙足够长), 另外三边用总长 69 米的不锈钢栅栏围成, 与墙平行的一边留一个宽为 3 米的出入口, 如图所示, 如何设计才能使园地的面积最大? 下面是两位学生争议的情境:



请根据上面的信息, 解决问题:

(1) 设  $AB=x$  米 ( $x > 0$ ), 试用含  $x$  的代数式表示  $BC$  的长;

(2) 请你判断谁的说法正确, 为什么?

解: (1) 设  $AB=x$  米, 可得  $BC=69+3-2x=72-2x$ ;

(2) 小英说法正确;

矩形面积  $S=x(72-2x)=-2(x-18)^2+648$ ,

$\because 72-2x > 0$ ,

$\therefore x < 36$ ,

$\therefore 0 < x < 36$ ,

$\therefore$  当  $x=18$  时,  $S$  取最大值,

此时  $x \neq 72-2x$ ,

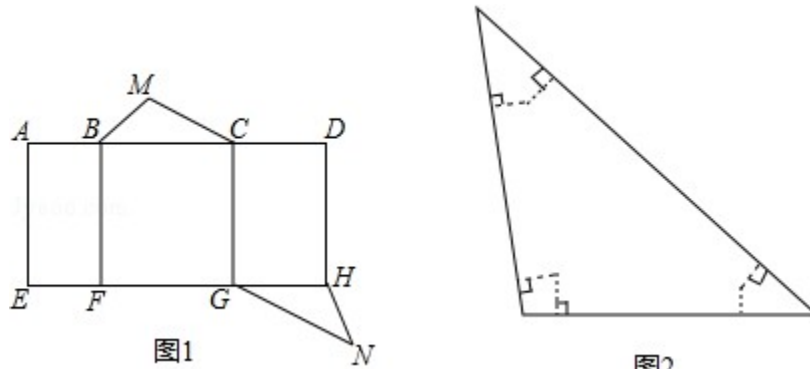
∴面积最大的表示正方形.

25. (13分) (2015•泉州) (1) 如图1是某个多面体的表面展开图.

①请你写出这个多面体的名称, 并指出图中哪三个字母表示多面体的同一点;

②如果沿BC、GH将展开图剪成三块, 恰好拼成一个矩形, 那么△BMC应满足什么条件? (不必说理)

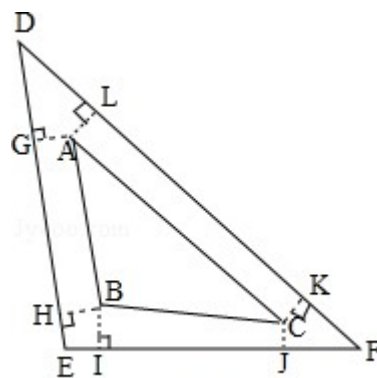
(2) 如果将一个三棱柱的表面展开图剪成四块, 恰好拼成一个三角形, 如图2, 那么该三棱柱的侧面积与表面积的值是多少? 为什么? (注: 以上剪拼中所有接缝均忽略不计)



解: (1) ①根据这个多面体的表面展开图, 可得这个多面体是直三棱柱, 点A、M、D三个字母表示多面体的同一点.

②△BMC应满足的条件是:

- a、 $\angle BMC=90^\circ$ , 且  $BM=DH$ , 或  $CM=DH$ ;
- b、 $\angle MBC=90^\circ$ , 且  $BM=DH$ , 或  $BC=DH$ ;
- c、 $\angle BCM=90^\circ$ , 且  $BC=DH$ , 或  $CM=DH$ ;



(2) 如图2, 连接AB、BC、CA, ∵△DEF是由一个三棱柱表面展开图剪拼而成, ∴矩形ACKL、BIJC、AGHB为棱柱的三个侧面, 且四边形DGAL、EIBH、FKCJ须拼成与底面△ABC全等的另一个底面的三角形, ∴ $AC=LK$ , 且  $AC=DL+FK$ , ∴ $\frac{AC}{DF}=\frac{1}{2}$ , 同理, 可得

$$\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \frac{AC}{DF} = \frac{1}{2},$$

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle DEF,$

$$\therefore \frac{S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle DEF}} = \frac{1}{4},$$

即  $S_{\triangle DEF} = 4S_{\triangle ABC},$

$$\therefore \frac{S_{\text{侧面积}}}{S_{\text{表面积}}} = \frac{S_{\triangle DEF} - 2S_{\triangle ABC}}{S_{\triangle DEF}} = \frac{2S_{\triangle ABC}}{4S_{\triangle ABC}} = \frac{1}{2},$$

即该三棱柱的侧面积与表面积的比值是  $\frac{1}{2}.$

26. (13分) (2015•泉州) 阅读理解

抛物线  $y = \frac{1}{4}x^2$  上任意一点到点  $(0, 1)$  的距离与到直线  $y = -1$  的距离相等, 你可以利用这一性质解决问题.

问题解决

如图, 在平面直角坐标系中, 直线  $y = kx + 1$  与  $y$  轴交于  $C$  点, 与函数  $y = \frac{1}{4}x^2$  的图象交于

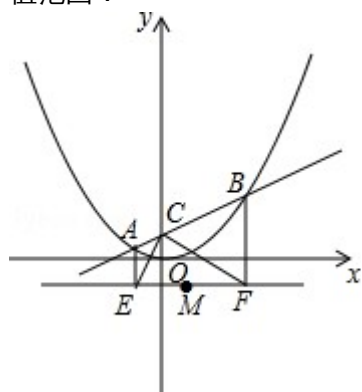
$A, B$  两点, 分别过  $A, B$  两点作直线  $y = -1$  的垂线, 交于  $E, F$  两点.

(1) 写出点  $C$  的坐标, 并说明  $\angle ECF = 90^\circ$ ;

(2) 在  $\triangle PEF$  中,  $M$  为  $EF$  中点,  $P$  为动点.

① 求证:  $PE^2 + PF^2 = 2(PM^2 + EM^2)$ ;

② 已知  $PE = PF = 3$ , 以  $EF$  为一条对角线作平行四边形  $CEDF$ , 若  $1 < PD < 2$ , 试求  $CP$  的取值范围.



解: (1) 当  $x = 0$  时,  $y = k \cdot 0 + 1 = 1,$

则点  $C$  的坐标为  $(0, 1).$

根据题意可得:  $AC = AE,$

$$\therefore \angle AEC = \angle ACE.$$

$$\because AE \perp EF, CO \perp EF,$$

$$\therefore AE \parallel CO,$$

$$\therefore \angle AEC = \angle OCE,$$

$$\therefore \angle ACE = \angle OCE.$$

同理可得： $\angle OCF = \angle BCF$  .

$$\because \angle ACE + \angle OCE + \angle OCF + \angle BCF = 180^\circ ,$$

$$\therefore 2\angle OCE + 2\angle OCF = 180^\circ ,$$

$$\therefore \angle OCE + \angle OCF = 90^\circ , \text{ 即 } \angle ECF = 90^\circ ;$$

(2) ①过点P作PH⊥EF于H ,

I . 若点H在线段EF上 , 如图2① .

$\because$  M为EF中点 ,

$$\therefore EM = FM = \frac{1}{2}EF .$$

根据勾股定理可得 :

$$PE^2 + PF^2 - 2PM^2 = PH^2 + EH^2 + PH^2 + HF^2 - 2PM^2$$

$$= 2PH^2 + EH^2 + HF^2 - 2(PH^2 + MH^2)$$

$$= EH^2 - MH^2 + HF^2 - MH^2$$

$$= (EH + MH)(EH - MH) + (HF + MH)(HF - MH)$$

$$= EM(EH + MH) + MF(HF - MH)$$

$$= EM(EH + MH) + EM(HF - MH)$$

$$= EM(EH + MH + HF - MH)$$

$$= EM \cdot EF = 2EM^2 ,$$

$$\therefore PE^2 + PF^2 = 2(PM^2 + EM^2) ;$$

II . 若点H在线段EF的延长线(或反向延长线)上 , 如图2② .

同理可得： $PE^2 + PF^2 = 2(PM^2 + EM^2)$  .

综上所述：当点H在直线EF上时，都有 $PE^2 + PF^2 = 2(PM^2 + EM^2)$ ；

②连接CD、PM，如图3 .

$$\because \angle ECF = 90^\circ ,$$

$\therefore$   $\square CEDF$  是矩形 ,

$\because$  M是EF的中点 ,

$\therefore$  M是CD的中点 , 且  $MC = EM$  .

由①中的结论可得 :

在 $\triangle PEF$ 中 , 有  $PE^2 + PF^2 = 2(PM^2 + EM^2)$  ,

在 $\triangle PCD$ 中 , 有  $PC^2 + PD^2 = 2(PM^2 + CM^2)$  .

$$\because MC = EM ,$$

$$\therefore PC^2 + PD^2 = PE^2 + PF^2 .$$

$$\because PE = PF = 3 ,$$

$$\therefore PC^2 + PD^2 = 18 .$$

$$\because 1 < PD < 2 ,$$

$$\therefore 1 < PD^2 < 4 ,$$

$$\therefore 1 < 18 - PC^2 < 4 ,$$

$$\therefore 14 < PC^2 < 17 .$$

$$\because PC > 0 ,$$

$$\therefore \sqrt{14} < PC < \sqrt{17} .$$

