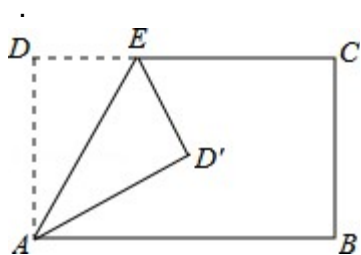


## 2014 年中考数学分类汇编——与特殊四边形有关的填空压轴题

2014 年与特殊四边形（正多边形）有关的填空压轴题，题目展示涉及：折叠问题；旋转问题；三角形全等问题；平面展开 - 最短路径问题；动点问题的函数图象问题. 知识点涉及：全等三角形的判定与性质；正方形的判定和性质；解直角三角形，勾股定理，正多边形性质；锐角三角函数. 数学思想涉及：分类讨论；数形结合；方程思想. 现选取部分省市的 2014 年中考试题展示，以飨读者.

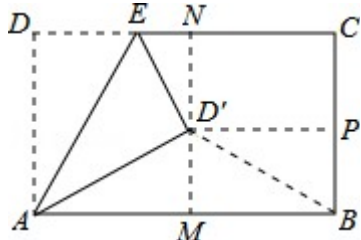
**【题 1】（2014. 年河南省第题）**如图矩形 ABCD 中，AD=5，AB=7，点 E 为 DC 上一个动点，把  $\triangle ADE$  沿 AE 折叠，当点 D 的对应点  $D'$  落在  $\angle ABC$  的角平分线上时，DE 的长为



**【考点】：**翻折变换（折叠问题）.

**【分析】：**连接  $BD'$ ，过  $D'$  作  $MN \perp AB$ ，交  $AB$  于点  $M$ ， $CD$  于点  $N$ ，作  $D'P \perp BC$  交  $BC$  于点  $P$ ，先利用勾股定理求出  $MD'$ ，再分两种情况利用勾股定理求出  $DE$  .

**【解答】：**解：如图，连接  $BD'$ ，过  $D'$  作  $MN \perp AB$ ，交  $AB$  于点  $M$ ， $CD$  于点  $N$ ，作  $D'P \perp BC$  交  $BC$  于点  $P$ ，



$\because$  点  $D$  的对应点  $D'$  落在  $\angle ABC$  的角平分线上，

$$\therefore MD' = PD',$$

设  $MD' = x$ ，则  $PD' = BM = x$ ，

$$\therefore AM = AB - BM = 7 - x,$$

又折叠图形可得  $AD = AD' = 5$ ，

$$\therefore x^2 + (7 - x)^2 = 25, \text{ 解得 } x = 3 \text{ 或 } 4,$$

即  $MD' = 3$  或  $4$  .

在  $RT\triangle END'$  中，设  $ED' = a$ ，

① 当  $MD' = 3$  时， $D'E = 5 - 3 = 2$ ， $EN = 7 - CN - DE = 7 - 3 - a = 4 - a$ ，

$$\therefore a^2 = 2^2 + (4 - a)^2,$$

解得  $a = \frac{5}{2}$ ，即  $DE = \frac{5}{2}$ ，

② 当  $MD' = 4$  时， $D'E = 5 - 4 = 1$ ， $EN = 7 - CN - DE = 7 - 4 - a = 3 - a$ ，

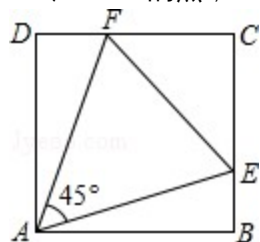
$$\therefore a^2 = 1^2 + (3 - a)^2,$$

解得  $a = \frac{5}{3}$ , 即  $DE = \frac{5}{3}$ .

故答案为:  $\frac{5}{2}$  或  $\frac{5}{3}$ .

**【点评】:** 本题主要考查了折叠问题, 解题的关键是明确掌握折叠以后有哪些线段是对应相等的.

**【题2】(2014年四川省绵阳市第17题)** 如图, 在正方形 ABCD 中, E、F 分别是边 BC、CD 上的点,  $\angle EAF = 45^\circ$ ,  $\triangle ECF$  的周长为 4, 则正方形 ABCD 的边长为\_\_\_\_\_.



**【考点】:** 旋转的性质; 全等三角形的判定与性质; 勾股定理; 正方形的性质.

**【分析】:** 根据旋转的性质得出  $\angle EAF' = 45^\circ$ , 进而得出  $\triangle FAE \cong \triangle EAF'$ , 即可得出  $EF + EC + FC = FC + CE + EF' = FC + BC + BF' = 4$ , 得出正方形边长即可.

**【解答】:** 解: 将  $\triangle DAF$  绕点 A 顺时针旋转  $90^\circ$  到  $\triangle BAF'$  位置,

由题意可得出:  $\triangle DAF \cong \triangle BAF'$ ,

$\therefore DF = BF'$ ,  $\angle DAF = \angle BAF'$ ,

$\therefore \angle EAF' = 45^\circ$ ,

在  $\triangle FAE$  和  $\triangle EAF'$  中

$$\begin{cases} AF = AF' \\ \angle FAE = \angle EAF' \\ AE = AE \end{cases},$$

$\therefore \triangle FAE \cong \triangle EAF'$  (SAS),

$\therefore EF = EF'$ ,

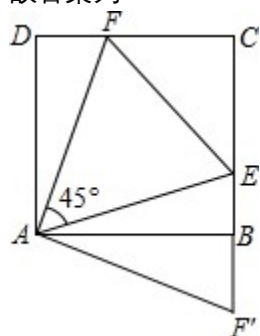
$\therefore \triangle ECF$  的周长为 4,

$\therefore EF + EC + FC = FC + CE + EF' = FC + BC + BF' = 4$ ,

$\therefore 2BC = 4$ ,

$\therefore BC = 2$ .

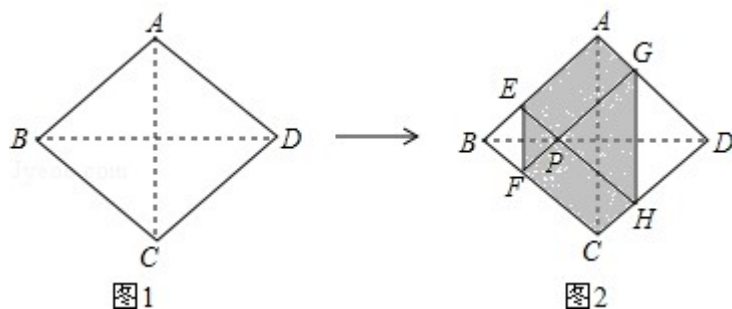
故答案为: 2.



**【点评】:** 此题主要考查了旋转的性质以及全等三角形的判定与性质等知识, 得出  $\triangle FAE \cong \triangle EAF'$  是解题关键.

**【题3】** (2014年湖北随州第16题)如图1, 正方形纸片ABCD的边长为2, 翻折 $\angle B$ 、 $\angle D$ , 使两个直角的顶点重合于对角线BD上一点P, EF、GH分别是折痕(如图2). 设 $AE=x$  ( $0 < x < 2$ ), 给出下列判断:

- ① 当 $x=1$ 时, 点P是正方形ABCD的中心;
  - ② 当 $x=\frac{1}{2}$ 时,  $EF+GH > AC$ ;
  - ③ 当 $0 < x < 2$ 时, 六边形AEFCHG面积的最大值是 $\frac{11}{4}$ ;
  - ④ 当 $0 < x < 2$ 时, 六边形AEFCHG周长的值不变.
- 其中正确的是\_\_\_\_ (写出所有正确判断的序号).



**【考点】:** 翻折变换(折叠问题); 正方形的性质.

**【分析】:** (1) 由正方形纸片ABCD, 翻折 $\angle B$ 、 $\angle D$ , 使两个直角的顶点重合于对角线BD上一点P, 得出 $\triangle BEF$ 和 $\triangle DGH$ 是等腰直角三角形, 所以当 $AE=1$ 时, 重合点P是BD的中点, 即点P是正方形ABCD的中心;

(2) 由 $\triangle BEF \sim \triangle BAC$ , 得出 $EF = \frac{3}{4}AC$ , 同理得出 $GH = \frac{1}{4}AC$ , 从而得出结论.

(3) 由六边形AEFCHG面积=正方形ABCD的面积- $\triangle EBF$ 的面积- $\triangle GDH$ 的面积. 得出函数关系式, 进而求出最大值.

(4) 六边形AEFCHG周长= $AE+EF+FC+CH+HG+AG = (AE+CF) + (FC+AG) + (EF+GH)$  求解.

**【解答】:** 解: (1) 正方形纸片ABCD, 翻折 $\angle B$ 、 $\angle D$ , 使两个直角的顶点重合于对角线BD上一点P,

$\therefore \triangle BEF$ 和 $\triangle DGH$ 是等腰直角三角形,

$\therefore$  当 $AE=1$ 时, 重合点P是BD的中点,

$\therefore$  点P是正方形ABCD的中心;

故①结论正确,

(2) 正方形纸片ABCD, 翻折 $\angle B$ 、 $\angle D$ , 使两个直角的顶点重合于对角线BD上一点P,

$\therefore \triangle BEF \sim \triangle BAC$ ,

$$\therefore x = \frac{1}{2},$$

$$\therefore BE = 2 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2},$$

$$\therefore \frac{BE}{BA} = \frac{EF}{AC}, \text{ 即 } \frac{3}{2} = \frac{EF}{AC},$$

$$\therefore EF = \frac{3}{4}AC,$$

$$\text{同理, } GH = \frac{1}{4}AC,$$

$$\therefore EF + GH = AC,$$

故②结论错误,

(3) 六边形 AEFCHG 面积 = 正方形 ABCD 的面积 -  $\triangle EBF$  的面积 -  $\triangle GDH$  的面积.

$$\because AE = x,$$

$$\therefore \text{六边形 AEFCHG 面积} = 2^2 - \frac{1}{2}BE \cdot BF - \frac{1}{2}GD \cdot HD = 4 - \frac{1}{2} \times (2-x) \cdot (2-x) - \frac{1}{2}x \cdot x = -$$

$$x^2 + 2x + 2 = -(x-1)^2 + 3,$$

$\therefore$  六边形 AEFCHG 面积的最大值是 3,

故③结论错误,

(4) 当  $0 < x < 2$  时,

$$\because EF + GH = AC,$$

$$\text{六边形 AEFCHG 周长} = AE + EF + FC + CH + HG + AG = (AE + CF) + (FC + AG) + (EF + GH) = 2 + 2 + 2\sqrt{2} = 4 + 2\sqrt{2}$$

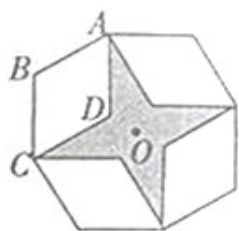
故六边形 AEFCHG 周长的值不变,

故④结论正确.

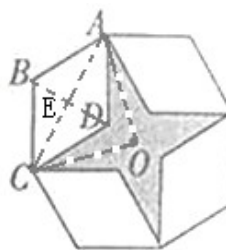
故答案为: ①④.

**【点评】** 考查了翻折变换(折叠问题), 菱形的性质, 本题关键是得到  $EF + GH = AC$ , 综合性较强, 有一定的难度.

**【题 4】** (2014 江西第 13 题) 如图, 是将菱形 ABCD 以点 O 为中心按顺时针方向分别旋转  $90^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $270^\circ$  后形成的图形. 若  $\angle BAD = 60^\circ$ ,  $AB = 2$ , 则图中阴影部分的面积为\_\_\_\_\_.



(第 13 题)



(第 13 题)

**【考点】** 菱形的性质, 勾股定理, 旋转的性质.

**【分析】** 连接 AC、BD, AO、BO, AC 与 BD 交于点 E, 求出菱形对角线 AC 长, 根据旋转的性质可知  $AO \perp CO$ . 在  $\text{Rt}\triangle AOC$  中, 根据勾股定理求出  $AO = CO =$

$$\sqrt{\frac{AC^2}{2}} = \sqrt{\frac{(2\sqrt{3})^2}{2}} = \sqrt{6}, \text{ 从而求出 } \text{Rt}\triangle AOC \text{ 的面积, 再减去 } \triangle ACD \text{ 的面积得阴影部分 AOCD}$$

面积, 一共有四个这样的面积, 乘以 4 即得解.

**【解答】**

解: 连接 BD、AC, 相交于点 E, 连接 AO、CO.

∵因为四边形 ABCD 是菱形，

∴AC ⊥ BD，AB = AD = 2。

∴∠BAD = 60°，

∴△ABD 是等边三角形，BD = AB = 2，

∴∠BAE =  $\frac{1}{2}$  ∠BAD = 30°，AE =  $\frac{1}{2}$  AC，BE = DE =  $\frac{1}{2}$  BD = 1，

在 Rt△ABE 中，AE =  $\sqrt{AB^2 - BE^2} = \sqrt{2^2 - 1^2} = \sqrt{3}$ ，

∴AC = 2 $\sqrt{3}$ 。

∵菱形 ABCD 以点 O 为中心按顺时针方向旋转 90°，180°，270°，

∴∠AOC =  $\frac{1}{4} \times 360^\circ = 90^\circ$ ，即 AO ⊥ CO，AO = CO

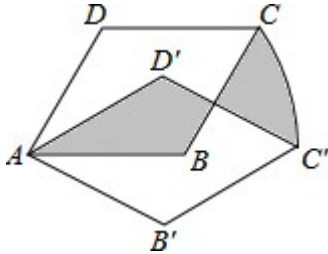
在 Rt△AOC 中，AO = CO =  $\sqrt{\frac{AC^2}{2}} = \sqrt{\frac{(2\sqrt{3})^2}{2}} = \sqrt{6}$ 。

∴S<sub>△AOC</sub> =  $\frac{1}{2}$  AO · CO =  $\frac{1}{2} \times \sqrt{6} \times \sqrt{6} = 3$ ，S<sub>△ADC</sub> =  $\frac{1}{2}$  AC · DE =  $\frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 1 = \sqrt{3}$ ，

∴S<sub>阴影</sub> = S<sub>△AOC</sub> - S<sub>△ADC</sub> = 4 × (3 -  $\sqrt{3}$ ) = 12 - 4 $\sqrt{3}$

所以图中阴影部分的面积为 12 - 4 $\sqrt{3}$ 。

**【题 5】** (2014 年河南省第 14 题) 如图，在菱形 ABCD 中，AB=1，∠DAB=60°，把菱形 ABCD 绕点 A 顺时针旋转 30° 得到菱形 AB'C'D'，其中点 C 的运动路径为  $\widehat{CC'}$ ，则图中阴影部分的面积为\_\_\_\_\_。



**【考点】**：菱形的性质；扇形面积的计算；旋转的性质。

**【分析】**：连接 BD'，过 D' 作 D'H ⊥ AB，则阴影部分的面积可分为 3 部分，再根据菱形的性质，三角形的面积公式以及扇形的面积公式计算即可。

**【解答】**：解：连接 BD'，过 D' 作 D'H ⊥ AB，

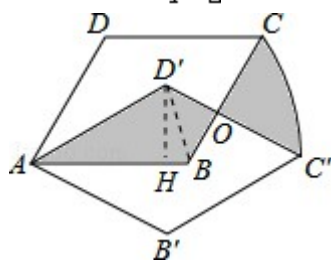
∵在菱形 ABCD 中，AB=1，∠DAB=60°，把菱形 ABCD 绕点 A 顺时针旋转 30° 得到菱形 AB'C'D'，

$$\therefore D'H = \frac{1}{2}，$$

$$\therefore S_{\triangle ABD'} = \frac{1}{2} \times 1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}，$$

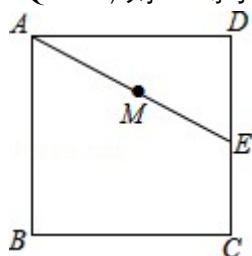
$$\therefore \text{图中阴影部分的面积为 } \frac{\pi}{4} + \frac{3}{2} - \sqrt{3}，$$

故答案为： $\frac{\pi}{4} + \frac{3}{2} - \sqrt{3}$ .



**【点评】：** 本题考查了旋转的性质，菱形的性质，扇形的面积公式，熟练掌握旋转变换只改变图形的位置不改变图形的形状与大小是解题的关键。

**【题 6】（2014·泰州第 16 题）** 如图，正方形 ABCD 的边长为 3cm，E 为 CD 边上一点， $\angle DAE=30^\circ$ ，M 为 AE 的中点，过点 M 作直线分别与 AD、BC 相交于点 P、Q。若  $PQ=AE$ ，则 AP 等于 \_\_\_\_\_ cm。



**【考点】：** 全等三角形的判定与性质；正方形的性质；解直角三角形

**【专 分类讨论】：**

**题】：**

**【分 根据题意画出图形，过 P 作  $PN \perp BC$ ，交 BC 于点 N，由 ABCD 为正方形，得到**  
**析】：**  $AD=DC=PN$ ，在直角三角形 ADE 中，利用锐角三角函数定义求出 DE 的长，进而利用勾股定理求出 AE 的长，根据 M 为 AE 中点求出 AM 的长，利用 HL 得到三角形 ADE 与三角形 PQN 全等，利用全等三角形对应边，对应角相等得到  $DE=NQ$ ， $\angle DAE=\angle NPQ=30^\circ$ ，再由 PN 与 DC 平行，得到  $\angle PFA=\angle DEA=60^\circ$ ，进而得到 PM 垂直于 AE，在直角三角形 APM 中，根据 AM 的长，利用锐角三角函数定义求出 AP 的长，再利用对称性确定出 AP' 的长即可。

**【解 解：根据题意画出图形，过 P 作  $PN \perp BC$ ，交 BC 于点 N，**

**答】：**  $\because$  四边形 ABCD 为正方形，

$\therefore AD=DC=PN$ ，

在  $Rt\triangle ADE$  中， $\angle DAE=30^\circ$ ， $AD=3\text{cm}$ ，

$\therefore \tan 30^\circ = \frac{DE}{AD}$ ，即  $DE = \sqrt{3}\text{cm}$ ，

根据勾股定理得： $AE = \sqrt{3^2 - (\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{3}\text{cm}$ ，

$\because$  M 为 AE 的中点，

$\therefore AM = \frac{1}{2}AE = \sqrt{3}\text{cm}$ ，

在  $Rt\triangle ADE$  和  $Rt\triangle PNQ$  中，

$$\begin{cases} AD=PN \\ AE=PQ \end{cases},$$

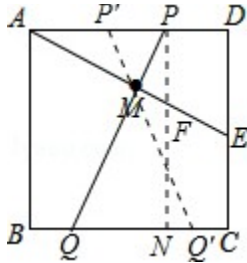
$\therefore \text{Rt}\triangle ADE \cong \text{Rt}\triangle PNQ$  (HL),  
 $\therefore DE=NQ, \angle DAE = \angle NPQ = 30^\circ,$   
 $\therefore PN \parallel DC,$   
 $\therefore \angle PFA = \angle DEA = 60^\circ,$   
 $\therefore \angle PMF = 90^\circ,$  即  $PM \perp AF,$   
 在  $\text{Rt}\triangle AMP$  中,  $\angle MAP = 30^\circ, \cos 30^\circ = \frac{AM}{AP},$

$$\therefore AP = \frac{AM}{\cos 30^\circ} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = 2 \text{cm};$$

由对称性得到  $AP' = DP = AD - AP = 3 - 2 = 1 \text{cm},$

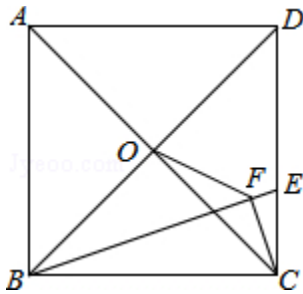
综上,  $AP$  等于  $1 \text{cm}$  或  $2 \text{cm}.$

故答案为:  $1$  或  $2.$



**【点评】** 此题考查了全等三角形的判定与性质, 正方形的性质, 熟练掌握全等三角形的判定与性质是解本题的关键.

**【题7】** (2014年重庆市第18题) 如图, 正方形  $ABCD$  的边长为  $6,$  点  $O$  是对角线  $AC, BD$  的交点, 点  $E$  在  $CD$  上, 且  $DE = 2CE,$  过点  $C$  作  $CF \perp BE,$  垂足为  $F,$  连接  $OF,$  则  $OF$  的长为\_\_\_\_\_.



**【考点】** 全等三角形的判定与性质; 等腰直角三角形; 正方形的性质.

**【分析】** 在  $BE$  上截取  $BG = CF,$  连接  $OG,$  证明  $\triangle OBG \cong \triangle OCF,$  则  $OG = OF, \angle BOG = \angle COF,$  得出等腰直角三角形  $GOF,$  在  $\text{RT}\triangle BCE$  中, 根据射影定理求得  $GF$  的长, 即可求得  $OF$  的长.

**【解答】** 解: 如图, 在  $BE$  上截取  $BG = CF,$  连接  $OG,$   
 $\therefore \text{RT}\triangle BCE$  中,  $CF \perp BE,$   
 $\therefore \angle EBC = \angle ECF,$   
 $\therefore \angle OBC = \angle OCD = 45^\circ,$

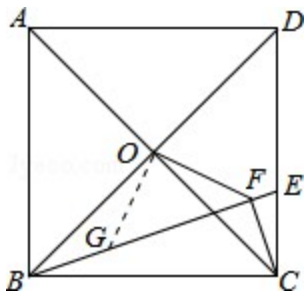
$\therefore \angle OBG = \angle OCF$  ,  
 在  $\triangle OBG$  与  $\triangle OCF$  中  

$$\begin{cases} OB=OC \\ \angle OBG=\angle OCF \\ BG=CF \end{cases}$$
 $\therefore \triangle OBG \cong \triangle OCF$  (SAS)  
 $\therefore OG=OF$  ,  $\angle BOG = \angle COF$  ,  
 $\therefore OG \perp OF$  ,  
 在  $\text{RT}\triangle BCE$  中 ,  $BC=DC=6$  ,  $DE=2EC$  ,  
 $\therefore EC=2$  ,  
 $\therefore BE = \sqrt{BC^2 + CE^2} = \sqrt{6^2 + 2^2} = 2\sqrt{10}$  ,  
 $\therefore BC^2 = BF \cdot BE$  ,  
 则  $6^2 = BF \cdot 2\sqrt{10}$  , 解得 :  $BF = \frac{9\sqrt{10}}{5}$  ,  
 $\therefore EF = BE - BF = \frac{\sqrt{10}}{5}$  ,  
 $\therefore CF^2 = BF \cdot EF$  ,  
 $\therefore CF = \frac{3\sqrt{10}}{5}$  ,  
 $\therefore GF = BF - BG = BF - CF = \frac{6\sqrt{10}}{5}$  ,

在等腰直角  $\triangle OGF$  中

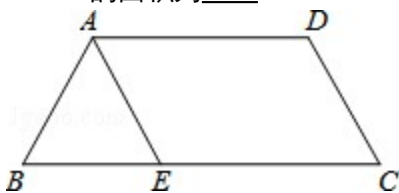
$$OF^2 = \frac{1}{2}GF^2 ,$$

$$\therefore OF = \frac{6\sqrt{5}}{5} .$$



**【点评】**： 本题考查了全等三角形的判定和性质，直角三角形的判定以及射影定理、勾股定理的应用 .

**【题 8】** (2014 年宁夏第 15 题) 如图，在四边形 ABCD 中，  
 $AD \parallel BC$  ,  $AB=CD=2$  ,  $BC=5$  ,  $\angle BAD$  的平分线交 BC 于点 E，且  $AE \parallel CD$ ，则四边形 ABCD 的面积为\_\_\_\_\_ .



**【考点】：** 平行四边形的判定与性质；等边三角形的判定与性质．

**【分析】：** 根据题意可以判定 $\triangle ABE$ 是等边三角形，求得该三角形的高即为等腰梯形ABCD的高．所以利用梯形的面积公式进行解答．

**【解答】：** 解：如图，过点A作 $AF \perp BC$ 于点F．

$\because AD \parallel BC$ ，

$\therefore \angle DAE = \angle AEB$ ，

又 $\because \angle BAE = \angle DAE$ ，

$\therefore \angle BAE = \angle AEB$ ，

$\because AE \parallel CD$ ，

$\therefore \angle AEB = \angle C$ ，

$\because AD \parallel BC$ ， $AB = CD = 2$ ，

$\therefore$  四边形是等腰梯形，

$\therefore \angle B = \angle C$ ，

$\therefore \triangle ABE$  是等边三角形，

$\therefore AB = AE = BE = 2$ ， $\angle B = 60^\circ$ ，

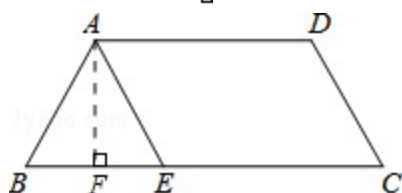
$\therefore AF = AB \cdot \sin 60^\circ = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$ ，

$\because AD \parallel BC$ ， $AE \parallel CD$ ，

$\therefore$  四边形AECD是平行四边形，

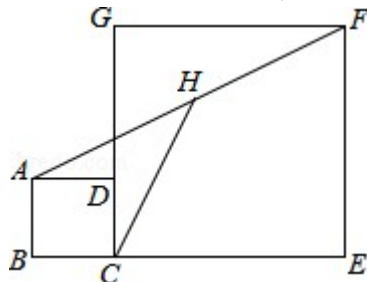
$\therefore AD = EC = BC - BE = 5 - 2 = 3$ ，

$\therefore$  梯形的面积  $= \frac{1}{2} (AD + BC) \times AF = \frac{1}{2} \times (3 + 5) \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$ ．



**【点评】：** 本题考查了等边三角形的判定和性质，平行四边形的判定和性质，等腰梯形的性质等．

**【题9】** (2014•宁波第11题) 如图，正方形ABCD和正方形CEFG中，点D在CG上， $BC = 1$ ， $CE = 3$ ，H是AF的中点，那么CH的长是\_\_\_\_\_．



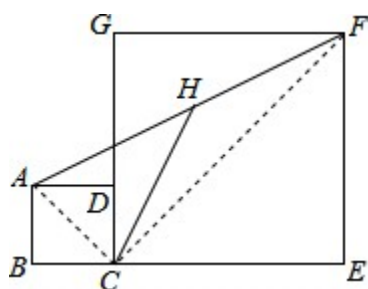
**【考点】：** 直角三角形斜边上的中线；勾股定理；勾股定理的逆定理．

**【分析】：** 连接AC、CF，根据正方形性质求出

AC、CF， $\angle ACD = \angle GCF = 45^\circ$ ，再求出 $\angle ACF = 90^\circ$ ，然后利用勾

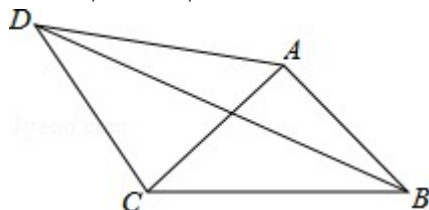
股定理列式求出 AF，再根据直角三角形斜边上的中线等于斜边的一半解答即可．

**【解答】：** 解：如图，连接 AC、CF，  
 $\because$  正方形 ABCD 和正方形 CEFG 中，BC=1，CE=3，  
 $\therefore AC=\sqrt{2}$ ， $CF=3\sqrt{2}$ ，  
 $\angle ACD=\angle GCF=45^\circ$ ，  
 $\therefore \angle ACF=90^\circ$ ，  
 由勾股定理得， $AF=\sqrt{AC^2+CF^2}=\sqrt{\sqrt{2}^2+(3\sqrt{2})^2}=2\sqrt{5}$ ，  
 $\because$  H 是 AF 的中点，  
 $\therefore CH=\frac{1}{2}AF=\frac{1}{2}\times 2\sqrt{5}=\sqrt{5}$ ．



**【点评】：** 本题考查了直角三角形斜边上的中线等于斜边的一半的性质，正方形的性质，勾股定理，熟记各性质并作辅助线构造出直角三角形是解题的关键．

**【题 10】** (2014•武汉第 16 题) 如图，在四边形 ABCD 中，  
 $AD=4$ ， $CD=3$ ， $\angle ABC=\angle ACB=\angle ADC=45^\circ$ ，则 BD 的长为\_\_\_\_\_．



**【考点】：** 全等三角形的判定与性质；勾股定理；等腰直角三角形

**【分析】：** 根据等式的性质，可得  $\angle BAD$  与  $\angle CAD'$  的关系，根据 SAS，可得  $\triangle BAD$  与  $\triangle CAD'$  的关系，根据全等三角形的性质，可得 BD 与  $CD'$  的关系，根据勾股定理，可得答案．

**【解答】：** 解：作  $AD' \perp AD$ ， $AD'=AD$ ，连接  $CD'$ ， $DD'$ ，如图：  
 $\because \angle BAC + \angle CAD = \angle DAD' + \angle CAD$ ，  
 即  $\angle BAD = \angle CAD'$ ，  
 在  $\triangle BAD$  与  $\triangle CAD'$  中，

$$\begin{cases} BA=CA \\ \angle BAD=\angle CAD' \\ AD=AD' \end{cases} ,$$

$\therefore \triangle BAD \cong \triangle CAD'$  (SAS) ,

$\therefore BD = CD'$  .

$\angle DAD' = 90^\circ$

由勾股定理得  $DD' = \sqrt{AD^2 + (AD')^2} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$  ,

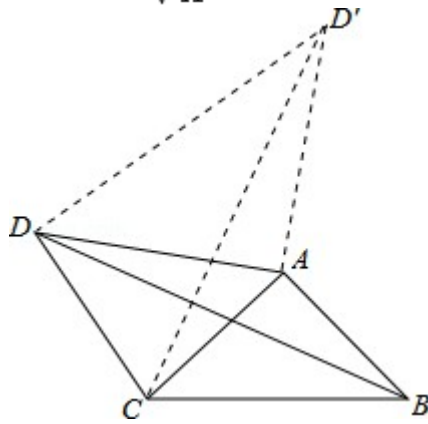
$\sqrt{DC^2 + (DD')^2} = \sqrt{9 + 32} = \sqrt{41}$

$\angle D'DA + \angle ADC = 90^\circ$

由勾股定理得  $CD' = \sqrt{DC^2 + (DD')^2} = \sqrt{9 + 32} = \sqrt{41}$  ,

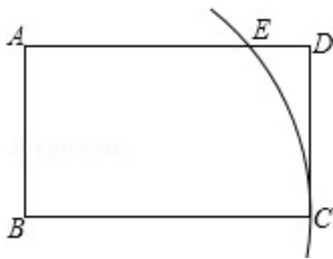
$\therefore BD = CD' = \sqrt{41}$  ,

故答案为 :  $\sqrt{41}$  .



**【点评】** : 本题考查了全等三角形的判定与性质, 利用了全等三角形的判定与性质, 勾股定理, 作出全等图形是解题关键 .

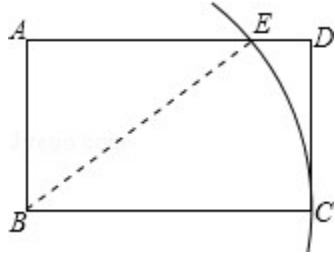
**【题 11】** (2014·苏州第 17 题) 如图, 在矩形 ABCD 中,  $\frac{AB}{BC} = \frac{3}{5}$ , 以点 B 为圆心, BC 长为半径画弧, 交边 AD 于点 E . 若  $AE \cdot ED = \frac{4}{3}$ , 则矩形 ABCD 的面积为\_\_\_\_\_ .



**【考点】** : 矩形的性质; 勾股定理 .

**【分析】** : 连接 BE, 设  $AB = 3x$ ,  $BC = 5x$ , 根据勾股定理求出  $AE = 4x$ ,  $DE = x$ , 求出  $x$  的值, 求出 AB、BC, 即可求出答案 .

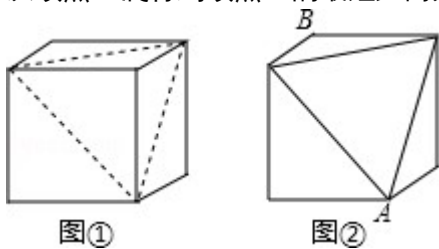
**【解答】** : 解: 如图, 连接 BE, 则  $BE = BC$  .



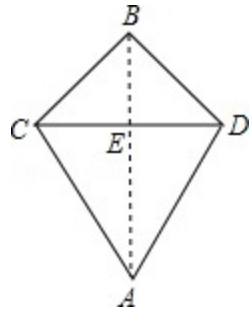
设  $AB=3x$  ,  $BC=5x$  ,  
 $\because$  四边形  $ABCD$  是矩形 ,  
 $\therefore AB=CD=3x$  ,  $AD=BC=5x$  ,  $\angle A=90^\circ$  ,  
 由勾股定理得 :  $AE=4x$  ,  
 则  $DE=5x - 4x=x$  ,  
 $\therefore AE \cdot ED = \frac{4}{3}$  ,  
 $\therefore 4x \cdot x = \frac{4}{3}$  ,  
 解得 :  $x = \frac{\sqrt{3}}{3}$  (负数舍去) ,  
 则  $AB=3x = \sqrt{3}$  ,  $BC=5x = \frac{5\sqrt{3}}{3}$  ,  
 $\therefore$  矩形  $ABCD$  的面积是  $AB \times BC = \sqrt{3} \times \frac{5\sqrt{3}}{3} = 5$  ,  
 故答案为 : 5 .

**【点评】** : 本题考查了矩形的性质, 勾股定理的应用, 解此题的关键是求出  $x$  的值, 题目比较好, 难度适中 .

**【题 129】** (2014•枣庄第 18 题) 图①所示的正方体木块棱长为 6cm, 沿其相邻三个面的对角线 (图中虚线) 剪掉一角, 得到如图②的几何体, 一只蚂蚁沿着图②的几何体表面从顶点  $A$  爬行到顶点  $B$  的最短距离为 \_\_\_\_\_ cm .



**【考点】** : 平面展开-最短路径问题 ; 截一个几何体  
**【分析】** : 要求蚂蚁爬行的最短距离, 需将图②的几何体表面展开, 进而根据“两点之间线段最短”得出结果 .  
**【解答】** : 解 : 如图所示 :



$\triangle BCD$  是等腰直角三角形， $\triangle ACD$  是等边三角形，

在  $\text{Rt}\triangle BCD$  中， $CD = \sqrt{BC^2 + BD^2} = 6\sqrt{2} \text{ cm}$ ，

$\therefore BE = \frac{1}{2}CD = 3\sqrt{2} \text{ cm}$ ，

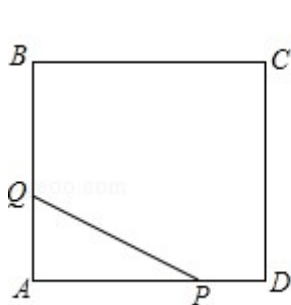
在  $\text{Rt}\triangle ACE$  中， $AE = \sqrt{AC^2 - CE^2} = 3\sqrt{3} \text{ cm}$ ，

$\therefore$  从顶点  $A$  爬行到顶点  $B$  的最短距离为  $(3\sqrt{2} + 3\sqrt{3}) \text{ cm}$ 。

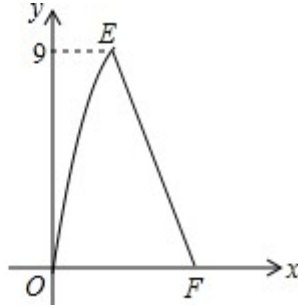
故答案为： $(3\sqrt{2} + 3\sqrt{3})$ 。

**【点评】：** 考查了平面展开 - 最短路径问题，本题就是把图②的几何体表面展开成平面图形，根据等腰直角三角形的性质和等边三角形的性质解决问题。

**【题 13】** (2014 年江苏徐州第 18 题) 如图①，在正方形  $ABCD$  中，点  $P$  沿边  $DA$  从点  $D$  开始向点  $A$  以  $1 \text{ cm/s}$  的速度移动；同时，点  $Q$  沿边  $AB$ 、 $BC$  从点  $A$  开始向点  $C$  以  $2 \text{ cm/s}$  的速度移动。当点  $P$  移动到点  $A$  时， $P$ 、 $Q$  同时停止移动。设点  $P$  出发  $x \text{ s}$  时， $\triangle PAQ$  的面积为  $y \text{ cm}^2$ ， $y$  与  $x$  的函数图象如图②，则线段  $EF$  所在的直线对应的函数关系式为\_\_\_\_\_。



图①



图②

**【考点】：** 动点问题的函数图象。

**【分析】：** 根据从图②可以看出当  $Q$  点到  $B$  点时的面积为  $9$ ，求出正方形的边长，再利用三角形的面积公式得出  $EF$  所在的直线对应的函数关系式。

**【解答】：** 解： $\because$  点  $P$  沿边  $DA$  从点  $D$  开始向点  $A$  以  $1 \text{ cm/s}$  的速度移动；点  $Q$  沿边  $AB$ 、 $BC$  从点  $A$  开始向点  $C$  以  $2 \text{ cm/s}$  的速度移动。

$\therefore$  当  $P$  点到  $AD$  的中点时， $Q$  到  $B$  点，

从图②可以看出当  $Q$  点到  $B$  点时的面积为  $9$ ，

$$\therefore 9 = \frac{1}{2} \times \left(\frac{1}{2}AD\right) \cdot AB,$$

$\therefore AD = AB$ ，

$\therefore AD = 6$ ，即正方形的边长为  $6$ ，

当 Q 点在 BC 上时， $AP=6-x$ ， $\triangle APQ$  的高为 AB，

$$\therefore y = \frac{1}{2} (6-x) \times 6, \text{ 即 } y = -3x+18.$$

故答案为： $y = -3x+18$  .

**【点评】**：本题主要考查了动点函数的图象，解决本题的关键是求出正方形的边长 .