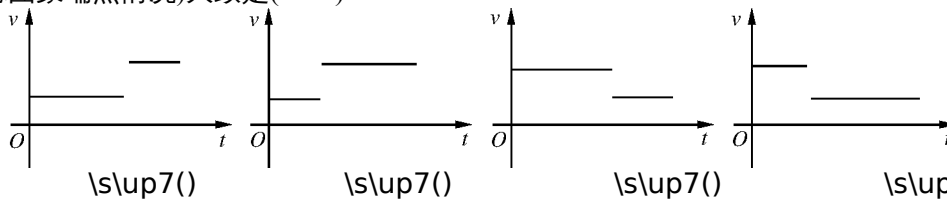


1. (2012年四川自贡)伟伟从学校匀速回家,刚到家发现当晚要完成的试卷忘记在学校,于是马上以更快的速度匀速沿原路返回学校.在这一情景中,速度 v 和时间 t 的函数图象(不考虑图象端点情况)大致是()



2. 文具店、书店和玩具店依次坐落在一条东西走向的大街上,文具店在书店西边 20 米处,玩具店位于书店东边 100 米处,小明从书店沿街向东走了 40 米,接着又向东走了 -60 米,此时小明的位置在()

A. 玩具店 B. 文具店 C. 文具店西边 40 米 D. 玩具店东边 -60 米

3. 已知实数 a, b 在数轴上的对应点依次在原点的右边和左边,那么()

A. $ab < b$ B. $ab > b$ C. $a + b > 0$ D. $a - b > 0$

4. 已知函数 $y = x$ 和 $y = \sqrt{x}$ 的图象如图 Z3-3, 则不等式 $\sqrt{x} > x$ 的解集为()

A. $-2 \leq x < 2$ B. $-2 \leq x \leq 2$ C. $x < 2$ D. $x > 2$

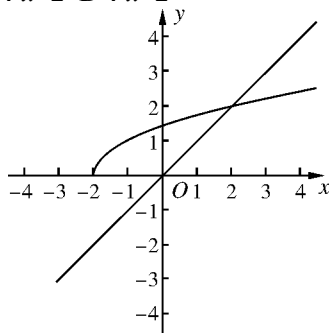


图 Z3-3

5. 如图 Z3-4, 直线 $l_1 \parallel l_2$, $\odot O$ 与直线 l_1 和直线 l_2 分别相切于点 A 和点 B . 点 M 和点 N 分别是直线 l_1 和直线 l_2 上的动点, MN 沿 l_1 和 l_2 平移. $\odot O$ 的半径为 1, $\angle 1 = 60^\circ$. 下列结论错误的是()

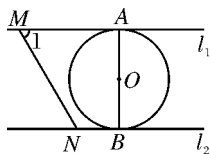


图 Z3-4

A. $MN = 2$ B. 若 MN 与 $\odot O$ 相切, 则 $AM = 1$

C. 若 $\angle MON = 90^\circ$, 则 MN 与 $\odot O$ 相切 D. 直线 l_1 和直线 l_2 的距离为 2

6. 如图 Z3-5, 已知四边形 $OABC$ 为正方形, 边长为 6, 点 A, C 分别在 x 轴、 y 轴的正半轴上, 点 D 在 OA 上, 且点 D 的坐标为 $(2, 0)$, 点 P 是 OB 上的一个动点, 则 $PD + PA$ 的最小值是()

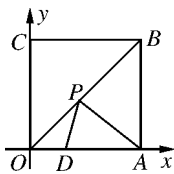


图 Z3-5

A. 2 B. C. 4 D. 6

7. (2012年天津)某电视台“走基层”栏目的一位记者乘汽车赴360 km外的农村采访,全程的前一部分为高速公路,后一部分为乡村公路.若汽车在高速公路和乡村公路上分别以某一速度匀速行驶,汽车行驶的路程 y (单位: km) 与时间 x (单位: h) 之间的关系如图 Z3-6, 则下列结论正确的是()

- A. 汽车在高速公路上的行驶速度为 100 km/h
 B. 乡村公路总长为 90 km
 C. 汽车在乡村公路上的行驶速度为 60 km/h
 D. 该记者在出发后 4.5 h 到达采访地

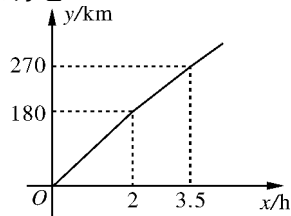


图 Z3-6

8. (2012年山东日照)二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 的图象如图 Z3-7, 给出下列结论: ① $b^2 - 4ac > 0$; ② $2a + b < 0$; ③ $4a - 2b + c = 0$; ④ $a:b:c = -1:2:3$. 其中正确的是()

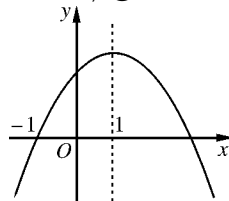


图 Z3-7

A. ①② B. ②③ C. ③④ D. ①④

9. (2010年广东茂名)张师傅驾车运送荔枝到某地出售,汽车出发前油箱有 50 升,行驶若干小时后,途中在加油站加油若干升,油箱中剩余油量 y (单位: 升) 与行驶时间 t (单位: 时) 之间的关系如图 Z3-8.

请根据图象回答下列问题:

- (1) 汽车行驶 _____ 小时后加油, 中途加油 _____ 升;
 (2) 求加油前油箱剩余油量 y 与行驶时间 t 的函数关系式;
 (3) 已知加油前、后汽车都以 70 千米/时的速度匀速行驶, 如果加油站距目的地 210 千米, 要到达目的地, 问油箱中的油是否够用? 请说明理由?

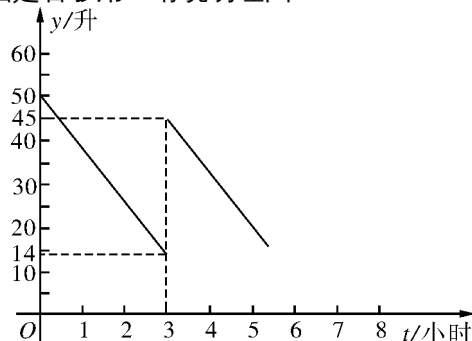


图 Z3-8

10. (2011年湖南邵阳)如图 Z3-9, 在平面直角坐标系 xOy 中, 已知点 A , 点 $C(0,3)$, 点 B 是 x 轴上的一点(位于点 A 右侧), 以 AB 为直径的圆恰好经过点 C .

- (1) 求 $\angle ACB$ 的度数;
 (2) 已知抛物线 $y = ax^2 + bx + 3$ 经过 A, B 两点, 求抛物线的解析式;
 (3) 线段 BC 上是否存在点 D , 使 $\triangle BOD$ 为等腰三角形? 若存在, 则求出所有符合条件的

点 D 的坐标；若不存在，请说明理由。

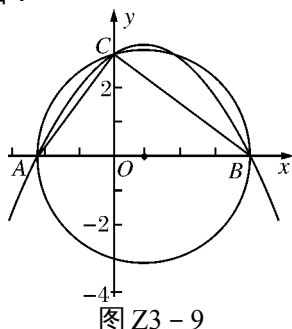


图 Z3-9

11. (2012年四川宜宾)如图 Z3-10, 抛物线 $y = x^2 - 2x + c$ 的顶点 A 在直线 $l: y = x - 5$ 上.

(1)求抛物线顶点 A 的坐标;

(2)设抛物线与 y 轴交于点 B , 与 x 轴交于点 C, D (点 C 在点 D 的左侧), 试判断 $\triangle ABD$ 的形状;

(3)在直线 l 上是否存在一点 P , 使以点 P, A, B, D 为顶点的四边形是平行四边形? 若存在, 求点 P 的坐标; 若不存在, 请说明理由.

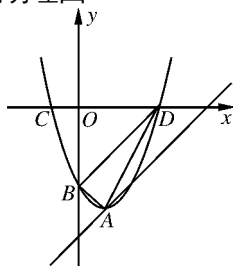


图 Z3-10

专题三 数形结合思想

【专题演练】

1. A 2. B 3. D 4. A 5. B 6. A 7. C

8. D

9. 解: (1) 3 31

(2) 设 y 与 t 的函数关系式是 $y = kt + b (k \neq 0)$,

根据题意, 得

解得 $k = -12, b = 50$.

因此, 加油前油箱剩余油量 y 与行驶时间 t 的函数关系式是 $y = -12t + 50$.

(3) 由图可知: 汽车每小时用油 $(50 - 14) \div 3 = 12$ (升), 所以汽车要准备油 $(210 \div 70) \times 12 = 36$ (升).

因为 $45 \text{ 升} > 36 \text{ 升}$, 所以油箱中的油够用.

10. 解: (1) 如图 D60, $\angle ACB = 90^\circ$.

(2) $\because \triangle AOC \sim \triangle COB$,

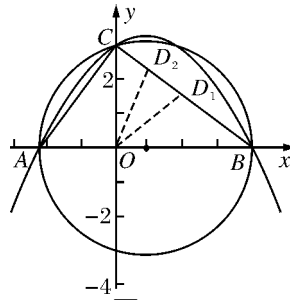


图 D60

$\therefore =$.

又 $\because A, C(0,3)$,

$\therefore AO = , OC = 3$.

\therefore 解得 $OB = 4$.

$\therefore B(4,0)$. 把 A, B 两点坐标代入解得:

$y = -x^2 + x + 3$.

(3)存在.

直线 BC 的方程为 $3x + 4y = 12$, 设点 $D(x, y)$.

①若 $BD = OD$, 则点 D 在 OB 的中垂线上, 点 D 的横坐标为 2, 纵坐标为, 即点 $D_1(2,)$ 为所求.

②若 $OB = BD = 4$, 则 $= , =$, 得 $y = , x =$, 点 $D_2(,)$ 为所求.

11. 解: (1) \because 顶点 A 的横坐标为 $x = - = 1$, 且顶点 A 在 $y = x - 5$ 上,

\therefore 当 $x = 1$ 时, $y = 1 - 5 = -4$.

$\therefore A(1, -4)$.

(2) $\triangle ABD$ 是直角三角形.

将 $A(1, -4)$ 代入 $y = x^2 - 2x + c$,

可得 $1 - 2 + c = -4$, $\therefore c = -3$.

$\therefore y = x^2 - 2x - 3$. $\therefore B(0, -3)$.

当 $y = 0$ 时, $x^2 - 2x - 3 = 0$, $x_1 = -1, x_2 = 3$,

$\therefore C(-1, 0), D(3, 0)$.

$\because BD^2 = OB^2 + OD^2 = 18, AB^2 = (4 - 3)^2 + 1^2 = 2, AD^2 = (3 - 1)^2 + 4^2 = 20$,

$\therefore BD^2 + AB^2 = AD^2$.

$\therefore \angle ABD = 90^\circ$, 即 $\triangle ABD$ 是直角三角形.

(3)存在.

由题意知: 直线 $y = x - 5$ 交 y 轴于点 $E(0, -5)$, 交 x 轴于点 $F(5, 0)$. $\therefore OE = OF = 5$. 又

$\because OB = OD = 3$,

$\therefore \triangle OEF$ 与 $\triangle OBD$ 都是等腰直角三角形.

$\therefore BD \parallel l$, 即 $PA \parallel BD$.

则构成平行四边形只能是 $PADB$ 或 $PABD$, 如图 D61,

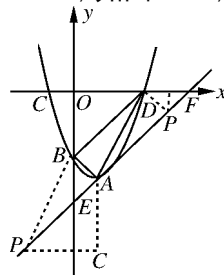


图 D61

过点 P 作 y 轴的垂线, 过点 A 作 x 轴的垂线交过 P 且平行于 x 轴的直线于点 G .

设 $P(x_1, x_1 - 5)$, 则 $G(1, x_1 - 5)$.

则 $PG = , AG =$.

$PA = BD = 3$,

由勾股定理, 得:

$$(1 - x_1)^2 + (1 - x_1)^2 = 18 ,$$

$$x - 2x_1 - 8 = 0 , x_1 = -2 \text{ 或 } 4.$$

$$\therefore P(-2, -7) \text{ 或 } P(4, -1) .$$

存在点 $P(-2, -7)$ 或 $P(4, -1)$ 使以点 A, B, D, P 为顶点的四边形是平行四边形 .