

- A. 甲、乙射中的总环数相同
C. 乙的成绩波动较大

- B. 甲的成绩稳定
D. 甲、乙的众数相同

考点：方差。

解答：解：A、根据平均数的定义，正确；

B、根据方差的定义，正确；

C、根据方差的定义，正确，

D、一组数据中出现次数最多的数值叫众数．题目没有具体数据，无法确定众数，错误．
故选D．

10. (2012 安顺) 下列说法中正确的是 ()

A. $\sqrt{9}$ 是一个无理数

B. 函数 $y = \frac{\sqrt{x+1}}{2}$ 的自变量的取值范围是 $x > -1$

C. 若点 P (2, a) 和点 Q (b, -3) 关于 x 轴对称, 则 a - b 的值为 1

D. -8 的立方根是 2

考点：关于 x 轴、y 轴对称的点的坐标；算术平方根；立方根；无理数；函数自变量的取值范围。

解答：解：A、 $\sqrt{9}=3$ 是有理数，故此选项错误；

B、函数 $y = \frac{\sqrt{x+1}}{2}$ 的自变量的取值范围是 $x \geq -1$ ，故此选项错误；

C、若点 P (2, a) 和点 Q (b, -3) 关于 x 轴对称, 则 $b=2$, $a=3$, 故 $a - b = 3 - 2 = 1$ ，故此选项正确；

D、-8 的立方根是 -2，故此选项错误；

故选：C．

二．填空题 (共 8 小题)

11. (2011 衡阳) 计算： $\sqrt{12} + \sqrt{3} = \underline{3\sqrt{3}}$ ．

考点：二次根式的加减法。

解答：解：原式 $= 2\sqrt{3} + \sqrt{3} = 3\sqrt{3}$ ．

12. (2011 宁夏) 分解因式： $a^3 - a = \underline{a(a+1)(a-1)}$ ．

考点：提公因式法与公式法的综合运用。

解答：解： $a^3 - a$,

$= a(a^2 - 1)$,

$= a(a+1)(a-1)$ ．

13. (2012 安顺) 以方程组 $\begin{cases} y = x + 1 \\ y = -x + 2 \end{cases}$ 的解为坐标的点 (x, y) 在第 一 象限．

考点：一次函数与二元一次方程 (组)。

解答：解： $\begin{cases} y = x + 1 & \text{①} \\ y = -x + 2 & \text{②} \end{cases}$ ，

①+②得， $2y = 3$ ，

$y = \frac{3}{2}$ ，

把 $y = \frac{3}{2}$ 代入①得， $\frac{3}{2} = x + 1$ ，

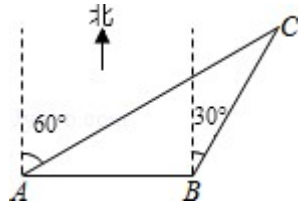
解得： $x = \frac{1}{2}$,

因为 $\frac{1}{2} > 0$, $\frac{3}{2} > 0$,

根据各象限内点的坐标特点可知，
所以点 (x, y) 在平面直角坐标系中的第一象限。

故答案为：一。

14. (2011 衢州) 在一自助夏令营活动中，小明同学从营地 A 出发，要到 A 地的北偏东 60° 方向的 C 处，他先沿正东方向走了 200m 到达 B 地，再沿北偏东 30° 方向走，恰能到达目的地 C (如图)，那么，由此可知，B、C 两地相距 200 m。



考点：解直角三角形的应用-方向角问题。

解答：解：由已知得：

$$\angle ABC = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ,$$

$$\angle BAC = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ,$$

$$\therefore \angle ACB = 180^\circ - \angle ABC - \angle BAC = 180^\circ - 120^\circ - 30^\circ = 30^\circ,$$

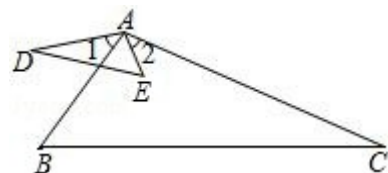
$$\therefore \angle ACB = \angle BAC,$$

$$\therefore BC = AB = 200.$$

故答案为：200。

15. (2010 临沂) 如图， $\angle 1 = \angle 2$ ，添加一个条件使得 $\triangle ADE \sim \triangle ACB$ $\angle D = \angle C$ 或

$\angle E = \angle B$ 或 $\frac{AD}{AC} = \frac{AE}{AB}$ 。

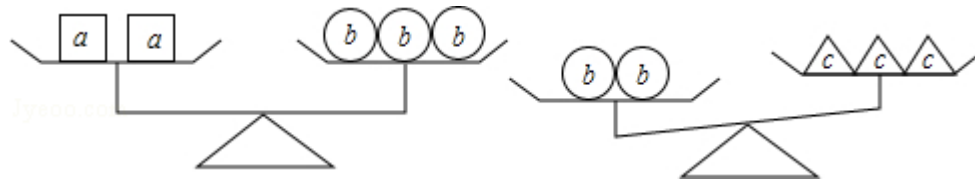


考点：相似三角形的判定。

解答：解： $\because \angle 1 = \angle 2$, $\therefore \angle 1 + \angle BAE = \angle 2 + \angle BAE$, 即 $\angle DAE = \angle CAB$ 。

当 $\angle D = \angle C$ 或 $\angle E = \angle B$ 或 $\frac{AD}{AC} = \frac{AE}{AB}$ 时， $\triangle ADE \sim \triangle ACB$ 。

16. 如图，a, b, c 三种物体的质量的大小关系是 $a > b > c$ 。



考点：一元一次不等式的应用。

解答：解： $\because 2a = 3b$,

$$\therefore a > b,$$

$$\because 2b > 3c,$$

$$\therefore b > c,$$

$$\therefore a > b > c.$$

故答案为： $a > b > c$.

17. 在镜中看到的一串数字是“~~780908~~”，则这串数字是 309087 .

考点：镜面对称。

解答：解；拿一面镜子放在题目所给数字的对面，很容易从镜子里看到答案是 309087
故填 309087 .

18. (2009 湛江) 已知 $2 + \frac{2}{3} = 2^2 \times \frac{2}{3}$, $3 + \frac{3}{8} = 3^2 \times \frac{3}{8}$, $4 + \frac{4}{15} = 4^2 \times \frac{4}{15}$... , 若 $8 + \frac{a}{b} = 8^2 \times \frac{a}{b}$ (a, b 为

正整数), 则 $a+b =$ 71 .

考点：规律型：数字的变化类。

解答：解：根据题意可知 $a=8, b=8^2 - 1=63$,

$$\therefore a+b=71 .$$

三. 解答题 (共 8 小题)

19. (2012 安顺) 计算： $-2^2 - \sqrt{12} + |1 - 4\sin 60^\circ| + (\pi - \frac{2}{3})^0$.

考点：实数的运算；零指数幂；特殊角的三角函数值。

解答：解：原式 $= -4 - 2\sqrt{3} + |1 - 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2}| + 1$

$$= -4 - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 1 + 1$$

$$= -4 .$$

20. (2011 荆州) 解不等式组. 并把解集在数轴上表示出来 .

$$\begin{cases} \frac{x-3}{2} + 3 \geq x+1 & \text{①} \\ 1 - 3(x-1) < 8-x & \text{②} \end{cases} .$$

考点：解一元一次不等式组；在数轴上表示不等式的解集。

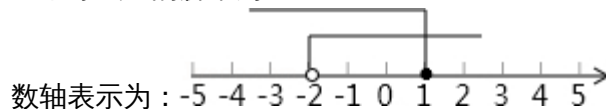
解答：解：不等式①去分母，得 $x - 3 + 6 \geq 2x + 2$,

移项，合并得 $x \leq 1$,

不等式②去括号，得 $1 - 3x + 3 < 8 - x$,

移项，合并得 $x > -2$,

\therefore 不等式组的解集为： $-2 < x \leq 1$.



数轴表示为：-5 -4 -3 -2 -1 0 1 2 3 4 5

21. (2011 张家界) 张家界市为了治理城市污水，需要铺设一段全长为 300 米的污水排放管道，铺设 120 米后，为了尽可能减少施工对城市交通所造成的影响，后来每天的工作量比原计划增加 20%，结果共用了 27 天完成了这一任务，求原计划每天铺设管道多少米？

考点：分式方程的应用。

解答：解：设原计划每天铺设管道 x 米，

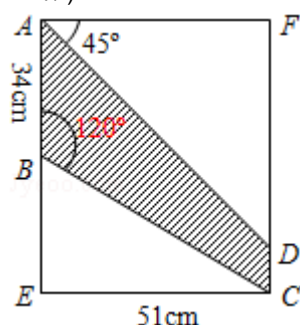
$$\text{则 } \frac{120}{x} + \frac{300 - 120}{x(1+20\%)} = 27,$$

解得 $x=10$,

经检验， $x=10$ 是原方程的解 .

答：原计划每天铺设管道 10 米。

22. (2011 台州) 丁丁想在一个矩形材料中剪出如图阴影所示的梯形，作为要制作的风筝的一个翅膀。请你根据图中的数据帮丁丁计算出 BE、CD 的长度 (精确到个位， $\sqrt{3} \approx 1.7$)。



考点：解直角三角形的应用。

解答：解：由 $\angle ABC = 120^\circ$ 可得 $\angle EBC = 60^\circ$ ，在 $\text{Rt}\triangle BCE$ 中， $CE = 51$ ， $\angle EBC = 60^\circ$ ，

因此 $\tan 60^\circ = \frac{EC}{BE}$ ，

$$\therefore BE = \frac{51}{\tan 60^\circ} = \frac{51}{\sqrt{3}} = 17\sqrt{3} \approx 29 \text{ cm};$$

在矩形 AECF 中，由 $\angle BAD = 45^\circ$ ，得 $\angle ADF = \angle DAF = 45^\circ$ ，

因此 $DF = AF = 51$ ，

$\therefore FC = AE \approx 34 + 29 = 63 \text{ cm}$ ，

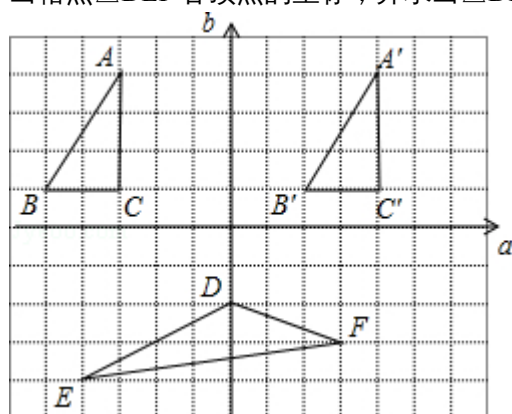
$\therefore CD = FC - FD \approx 63 - 51 = 12 \text{ cm}$ ，

因此 BE 的长度均为 29 cm，CD 的长度均为 12 cm。

23. (2012 安顺) 在如图所示的方格图中，我们称每个小正方形的顶点为“格点”，以格点为顶点的三角形叫做“格点三角形”，根据图形，回答下列问题。

(1) 图中格点 $\triangle A'B'C'$ 是由格点 $\triangle ABC$ 通过怎样的变换得到的？

(2) 如果以直线 a、b 为坐标轴建立平面直角坐标系后，点 A 的坐标为 $(-3, 4)$ ，请写出格点 $\triangle DEF$ 各顶点的坐标，并求出 $\triangle DEF$ 的面积。



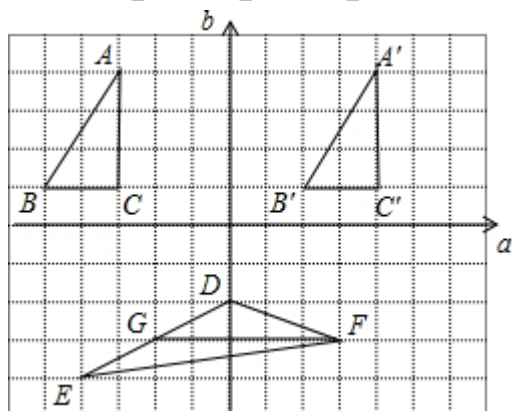
考点：作图-平移变换；三角形的面积。

解答：解：(1) 图中格点 $\triangle A'B'C'$ 是由格点 $\triangle ABC$ 向右平移 7 个单位长度得到的；

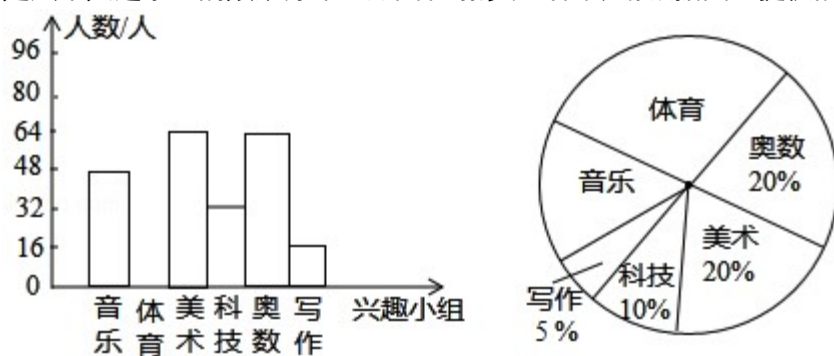
(2) 如果以直线 a、b 为坐标轴建立平面直角坐标系后，点 A 的坐标为 $(-3, 4)$ ，则格点 $\triangle DEF$ 各顶点的坐标分别为 $D(0, -2)$ ， $E(-4, -4)$ ， $F(3, -3)$ ，

$$S_{\triangle DEF} = S_{\triangle DGF} + S_{\triangle GEF} = \frac{1}{2} \times 5 \times 1 + \frac{1}{2} \times 5 \times 1 = 5$$

$$\text{或} = 7 \times 2 - \frac{1}{2} \times 4 \times 2 - \frac{1}{2} \times 7 \times 1 - \frac{1}{2} \times 3 \times 1 = 14 - 4 - \frac{7}{2} - \frac{3}{2} = 5.$$



24. (2012 安顺) 我市某中学为推进素质教育, 在七年级设立了六个课外兴趣小组, 下面是六个兴趣小组的频数分布直方图和扇形统计图, 请根据图中提供的信息回答下列问题:



- (1) 七年级共有 320 人;
- (2) 计算扇形统计图中“体育”兴趣小组所对应的扇形圆心角的度数;
- (3) 求“从该年级中任选一名学生, 是参加科技小组学生”的概率.

考点: 条形统计图; 扇形统计图; 概率公式.

解答: 解: (1) $64 \div 20\% = 320$ (人);

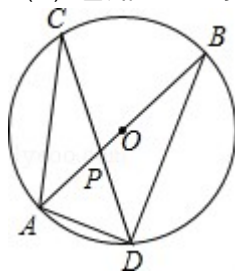
(2) 体育兴趣小组人数为 $320 - 48 - 64 - 32 - 64 - 16 = 96$,

体育兴趣小组对应扇形圆心角的度数为: $\frac{96}{320} \times 360^\circ = 108^\circ$;

(3) 参加科技小组学生”的概率为: $\frac{32}{320} = \frac{1}{10}$.

25. 如图, 在 $\odot O$ 中, 直径 AB 与弦 CD 相交于点 P, $\angle CAB = 40^\circ$, $\angle APD = 65^\circ$.

- (1) 求 $\angle B$ 的大小;
- (2) 已知 $AD = 6$ 求圆心 O 到 BD 的距离.



考点: 圆周角定理; 三角形内角和定理; 垂径定理.

解答：解：(1) $\because \angle APD = \angle C + \angle CAB$,

$$\therefore \angle C = 65^\circ - 40^\circ = 25^\circ,$$

$$\therefore \angle B = \angle C = 25^\circ;$$

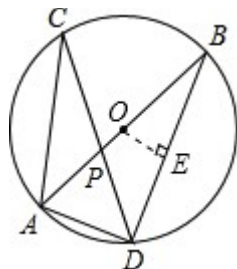
(2) 作 $OE \perp BD$ 于 E ,

则 $DE = BE$,

又 $\because AO = BO$,

$$\therefore OE = \frac{1}{2}AD = \frac{1}{2} \times 6 = 3,$$

圆心 O 到 BD 的距离为 3.



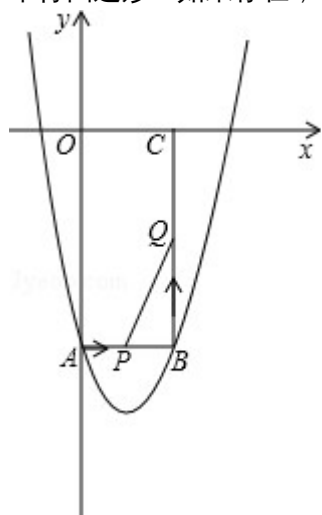
26. 如图所示, 在平面直角坐标系 xOy 中, 矩形 $OABC$ 的边长 OA 、 OC 分别为 12cm 、 6cm , 点 A 、 C 分别在 y 轴的负半轴和 x 轴的正半轴上, 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 经过点 A 、 B , 且 $18a + c = 0$.

(1) 求抛物线的解析式.

(2) 如果点 P 由点 A 开始沿 AB 边以 1cm/s 的速度向终点 B 移动, 同时点 Q 由点 B 开始沿 BC 边以 2cm/s 的速度向终点 C 移动.

① 移动开始后第 t 秒时, 设 $\triangle PBQ$ 的面积为 S , 试写出 S 与 t 之间的函数关系式, 并写出 t 的取值范围.

② 当 S 取得最大值时, 在抛物线上是否存在点 R , 使得以 P 、 B 、 Q 、 R 为顶点的四边形是平行四边形? 如果存在, 求出 R 点的坐标; 如果不存在, 请说明理由.



考点：二次函数综合题。

解答：解：(1) 设抛物线的解析式为 $y = ax^2 + bx + c$,

由题意知点 $A(0, -12)$,

所以 $c = -12$,

又 $18a + c = 0$,

$$a = \frac{2}{3},$$

$\because AB \parallel OC$ ，且 $AB=6$ ，

$$\therefore \text{抛物线的对称轴是 } x = -\frac{b}{2a} = 3,$$

$$\therefore b = -4,$$

所以抛物线的解析式为 $y = \frac{2}{3}x^2 - 4x - 12$ ；

$$(2) \textcircled{1} S = \frac{1}{2} \cdot 2t \cdot (6-t) = -t^2 + 6t = -(t-3)^2 + 9, \quad (0 < t < 6)$$

$\textcircled{2}$ 当 $t=3$ 时， S 取最大值为 9.

这时点 P 的坐标 $(3, -12)$ ，

点 Q 坐标 $(6, -6)$

若以 P 、 B 、 Q 、 R 为顶点的四边形是平行四边形，有如下三种情况：

(I) 当点 R 在 BQ 的左边，且在 PB 下方时，点 R 的坐标 $(3, -18)$ ，将 $(3, -18)$ 代入抛物线的解析式中，满足解析式，所以存在，点 R 的坐标就是 $(3, -18)$ ，

(II) 当点 R 在 BQ 的左边，且在 PB 上方时，点 R 的坐标 $(3, -6)$ ，将 $(3, -6)$ 代入抛物线的解析式中，不满足解析式，所以点 R 不满足条件.

(III) 当点 R 在 BQ 的右边，且在 PB 上方时，点 R 的坐标 $(9, -6)$ ，将 $(9, -6)$ 代入抛物线的解析式中，不满足解析式，所以点 R 不满足条件.

综上所述，点 R 坐标为 $(3, -18)$.