

宜宾市 2015 年高中阶段学校招生考试 数学试卷

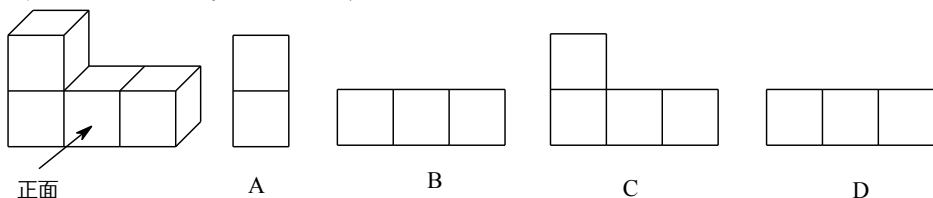
(考试时间：120 分钟，全卷满分 120 分)

一、选择题：(本大题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分)在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的，请将正确选项填在答题卡对应题目上。(注意：在试题卷上作答无效)

1. - 的相反数是(**B**)

A. 5 B. C. - D. -5

2. 如图，立体图形的左视图是(**A**)



3. 地球绕太阳每小时转动经过的路程约为 110000 米，将 110000 用科学记数法表示为(**D**)

A. 1.1×10^4 B. 0.11×10^7 C. 1.1×10^6 D. 1.1×10^5

4. 今年 4 月，全国山地越野车大赛在我市某区举行，其中 8 名选手某项得分如下表：

得分	80	85	87	90
人数	1	3	2	2

则这 8 名选手得分的众数、中位数分别是(**C**)

A. 85、85 B. 87、85

C. 85、86 D. 85、87

5. 把代数式 $3x^3 - 12x^2 + 12x$ 分解因式，结果正确的是(**D**)

A. $3x(x^2 - 4x + 4)$ B. $3x(x - 4)^2$

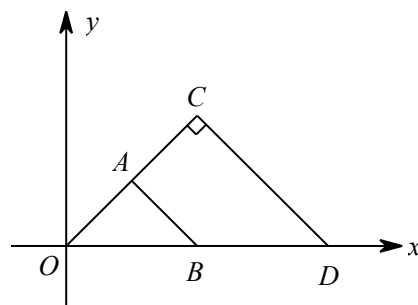
C. $3x(x+2)(x-2)$ D. $3x(x-2)^2$

6. 如图， $\triangle OAB$ 与 $\triangle OCD$ 是以点 O 为位似中心的位似图形，

相似比为 $1:2$ ， $\angle OCD = 90^\circ$ ， $CO = CD$ 。若 $B(1, 0)$ ，则点 C

的坐标为(**B**)

A. (1,2) B. (1,1) C. (,) D. (2,1)



7. 如图，以点 O 为圆心的 20 个同心圆，它们的半径从小到大依次是 1、2、3、4、……、20，阴影部分是由第 1 个圆和第 2 个圆，第 3 个圆和第 4 个圆，……，第 19 个圆和第 20 个圆形成的所有圆环，则阴影部分的面积为(**B**)

A. 231π B. 210π C. 190π D. 171π

8. 在平面直角坐标系中，任意两点 $A(x_1, y_1)$ ， $B(x_2, y_2)$ 规定运算：

① $AB = (x_1 + x_2, y_1 + y_2)$ ；② $AB = x_1 x_2 + y_1 y_2$

③ 当 $x_1 = x_2$ 且 $y_1 = y_2$ 时 $A = B$ 有下列四个命题：

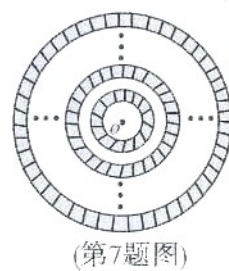
(1) 若 $A(1, 2)$ ， $B(2, -1)$ ，则 $AB = (3, 1)$ ， $AB = 0$ ；

(2) 若 $AB = BC$ ，则 $A = C$ ；

(3) 若 $AB = BC$ ，则 $A = C$ ；

(4) 对任意点 A 、 B 、 C ，均有 $(AB)C = A(BC)$ 成立。其中正确命题的个数为(**C**)

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个



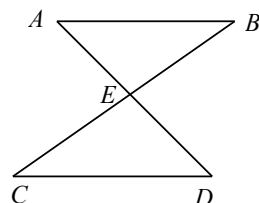
(第 7 题图)

二、填空题：(本大题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分)请把答案

直接填在答题卡对应题中横线上(注意：在试题卷上作答无效)

9. 一元一次不等式组的解集是 $x > \frac{1}{5}$

10. 如图， $AB \parallel CD$ ， $AD \parallel BC$ ， AD 与 BC 交于点 E ，若 $\angle B = 35^\circ$ ， $\angle D = 45^\circ$ ，则 $\angle AEC = 80^\circ$



11. 关于 x 的一元一次方程 $x^2 - x + m = 0$ 没有实数根，则 m 的取值范围是 $m > \frac{1}{4}$

12. 如图，在菱形 $ABCD$ 中，点 P 是对角线 AC 上的一点， $PE \perp AB$ 于点 E ，若 $PE = 3$ ，则点 P 到 AD 的距

离为____.3

13. 某楼盘 2013 年房价为每平方米 8100 元, 经过两年连续降价后, 2015 年房价为 7600 元. 设该楼盘这两年房价平均降低率为 x , 根据题意可列方程为____. $8100(1-x)^2 = 7600$

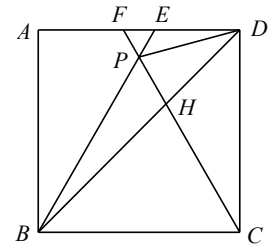
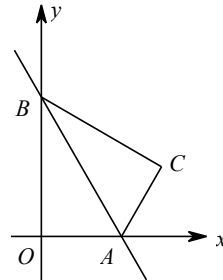
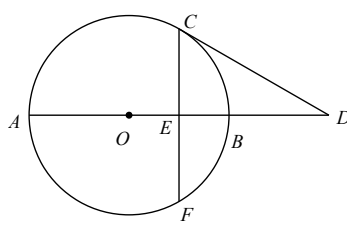
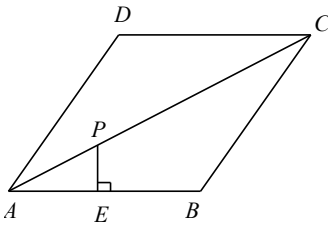
14. 如图, AB 为 $\odot O$ 的直径, 延长 AB 至点 D , 使 $BD=OB$, DC 切 $\odot O$ 于点 C , 点 B 是 CF 的中点, 弦 CF 交 AB 于点 F 若 $\odot O$ 的半径为 2, 则 $CF=$ ____. $2\sqrt{3}$

15. 如图, 一次函数的图象与 x 轴、 y 轴分别相交于点 A 、 B , 将 $\triangle AOB$ 沿直线 AB 翻折, 得 $\triangle ACB$. 若 $C(,)$, 则该一次函数的解析式为____. $y = -\sqrt{3}x + \sqrt{3}$

16. 如图, 在正方形 $ABCD$ 中, $\triangle BPC$ 是等边三角形, BP 、 CP 的延长线分别交 AD 于点 E 、 F , 连结 BD 、 DP , BD 与 CF 相交于点 H .

给出下列结论: ① $\triangle ABE \cong \triangle DCF$; ② $\angle BPH = 60^\circ$; ③ $DP^2 = PH \cdot PB$; ④ $\angle BPD = 150^\circ$.

其中正确的是____(写出所有正确结论的序号). ①③④



三、解答题: (本人题共 8 个题, 共 72 分) 解答应写出文字说明, 证明过程或演算步骤

17. (本小题满分 10 分) (注意: 在试题卷上作答无效)

(1) 计算: $(-)^0 - + (-1)^{2015} + ()^{-1}$

-1

(2) 化简: $(-)^{-}$

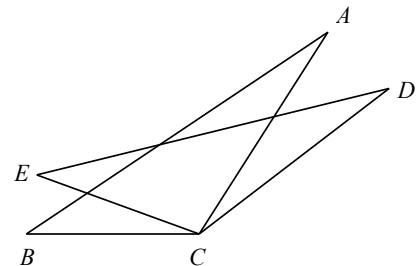
$\frac{1}{a-1}$

18. (本小题满分 6 分) (注意: 在试题卷上作答无效)

如图, $AC=DC$, $BC=EC$, $\angle ACD = \angle BCE$

求证: $\angle A = \angle D$

(略)



19. (本小题满分 8 分) (注意: 在试题卷上作答无效)

为进一步增强学生体质, 据悉, 我市从 2016 年起, 中考体育测试将进行改革, 实行必测项目和选测项目相结合的方式. 必测项目有三项: 立定跳远、坐位体前屈、跑步; 选测项目: 在篮球(记为 X_1)、排球(记为 X_2)、足球(记为 X_3)中任选一项。

- (1) 每位考生将有 3 种选择方案；
 (2) 用画树状图或列表的方法求小颖和小华将选择同种方案的概率。

$$P = \frac{1}{3}$$

20. (本小题满分 8 分) (注意：在试题卷上作答无效)

列方程或方程组解应用题：

近年来，我国逐步完善养老金保险制度甲、乙两人计划用相同的年数分别缴纳养老保险金 15 万元和 10 万元，甲计划比乙每年多缴纳养老保险会 0.2 万元求甲、乙两人计划每年分别缴纳养老保险金多少万元？

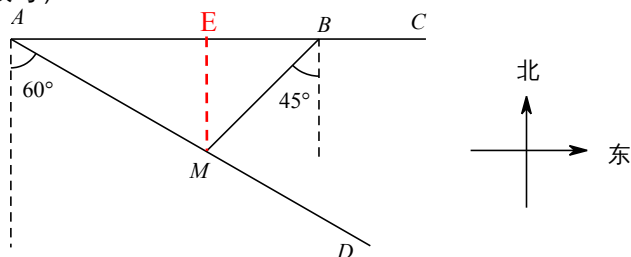
设乙每年缴纳 x 万元，可得：

$$\frac{15}{x+0.2} = \frac{10}{x}$$

解得： $x=0.4$ ，则 $x+0.2=0.6$

21. (本小题满分 8 分) (注意：在试题卷上作答无效)

如图，某市对位于笔直公路 AC 上两个小区 A 、 B 的供水路线进行优化改造，供水站 M 在笔直公路 AD 上，测得供水站 M 在小区 A 的南偏东 60° 方向，在小区 B 的西南方向，小区 A 、 B 之间的距离为 $300\sqrt{2}$ 米，求供水站 M 分别到小区 A 、 B 的距离。(结果可保留根号)。



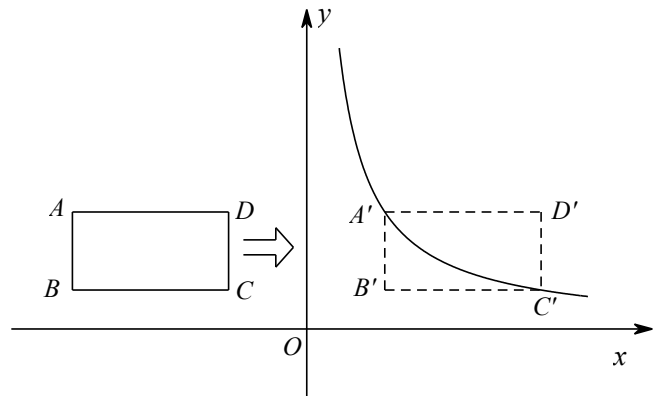
方法：过 M 作 $ME \perp AB$ 于 E
 $AM=600$ 米； $BM=300\sqrt{2}$ 米

22. (本小题满分 10 分) (注意：在试题卷上作答无效)

如图，在平面直角坐标系中，四边形 $ABCD$ 是矩形， $AD \parallel x$ 轴， $A(-3,)$ ， $AB=1$ ， $AD=2$

- (1) 直接写出 B 、 C 、 D 三点的坐标；

(2) 将矩形 $ABCD$ 向右平移 m 个单位, 使点 A 、 C 恰好同时落在反比例函数 $y = \frac{3}{2x}$ ($x > 0$) 的图象上, 得矩形 $A'B'C'D'$. 求矩形 $ABCD$ 的平移距离 m 和反比例函数的解析式。



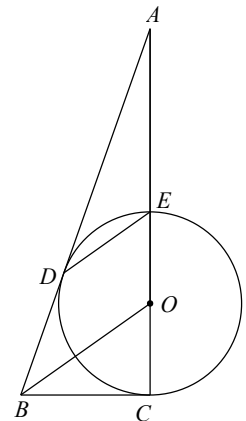
(1) $B(-3, \frac{1}{2})$, $C(-1, \frac{1}{2})$, $D(-1, \frac{3}{2})$

(2) $m = 4$; $y = \frac{3}{2x}$

23. (本小题满分 10 分) (注意: 在试题卷上作答无效)

如图, CE 是 $\odot O$ 的直径, BD 切 $\odot O$ 于点 D , $DE \parallel BO$, CE 的延长线交 BD 于点 A .

- (1) 求证: 直线 BC 是 $\odot O$ 的切线;
- (2) 若 $AE = 2$, $\tan \angle DEO = \frac{1}{2}$, 求 AO 的长.



- (1) 连结 OD 可证
- (2) 连结 CD 或过 O 作 DE 垂线段, 易得 $AO = 3$

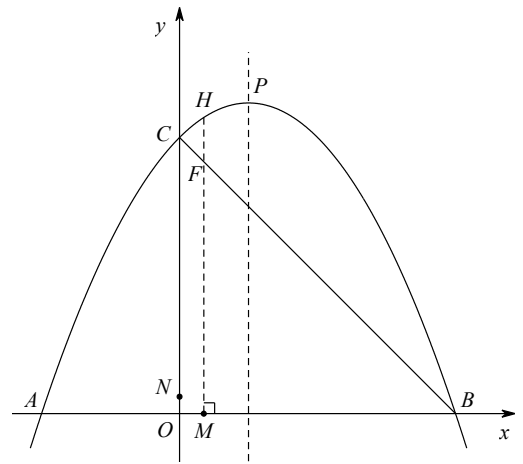
24. (本小题满分 12 分) (注意: 在试题卷上作答无效)

如图, 抛物线 $y = -x^2 + bx + c$ 与 x 轴分别相交于点 $A(-2, 0)$ 、 $B(4, 0)$, 与 y 轴交于点 C , 顶点为点 P .

- (1) 求抛物线的解析式;
- (2) 动点 M 、 N 从点 O 同时出发, 都以每秒 1 个单位长度的速度分别在线段 OB 、 OC 上向点 B 、 C 方向运动, 过点 M 作 x 轴的垂线交 BC 于点 F , 交抛物线于点 H .

① 当四边形 $OMHN$ 为矩形时，求点 H 的坐标；

② 是否存在这样的点 F ，使 $\triangle PFB$ 为直角三角形？若存在，求出点 F 的坐标；若不存在，请说明理由。



(1) $y = -\frac{1}{2}x^2 + x + 4$;

(2) ① $H(2\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$

② $P(1, \frac{9}{2})$;

$BC: y = -x + 4$; $BP: y = -\frac{3}{2}x + 6$

方法一（运算繁杂）：设 F 坐标为 $(t, -t+4)$ ，利用平面内两点间距离公式表示出 BF^2 ， BP^2 ， PF^2 可能存在两种情况： $BF^2 + PF^2 = BP^2$ 或 $BP^2 + PF^2 = BF^2$

方法二：利用互相垂直的两直线斜率的关系进行解答

第一种情况：若 PB 为斜边，则可设 $PF: y = x + m$ ，将 $P(1, \frac{9}{2})$ ，可得 $m = \frac{7}{2}$ ，则 F_1 为 $(\frac{1}{4}, \frac{15}{4})$

第二种情况：若 BF 为斜边，则可设 $PF: y = \frac{2}{3}x + n$ ，将 $P(1, \frac{9}{2})$ ，可得 $n = \frac{23}{6}$ ，则 F_2 为 $(\frac{1}{10}, \frac{39}{10})$