

江苏省淮安市 2013 年中考数学试卷

一、选择题（本大题共有 8 小题，每小题 3 分，共 24 分．在每小题给出的四个人选项中，有一项是符合题目要求的．

1．（3 分）（2013•淮安）在 $-1, 0, -2, 1$ 四个数中，最小的数是（ ）

- A． -1 B． 0 C． -2 D． 1

考 有理数大小比较．

点：

分 根据在有理数中：负数 $< 0 <$ 正数；两个负数，绝对值大的反而小；据此可求得最小
析： 的数．

解 解：在 $-1, 0, -2, 1$ 四个数中，最小的数是 -2 ；

答： 故选 C．

点 本题考查了有理数的大小比较，其方法如下：（1）负数 $< 0 <$ 正数；（2）两个负
评： 数，绝对值大的反而小．

2．（3 分）（2013•淮安）计算 $(2a)^3$ 的结果是（ ）

- A． $6a$ B． $8a$ C． $2a^3$ D． $8a^3$

考 幂的乘方与积的乘方．

点：

分 利用积的乘方以及幂的乘方法则进行计算即可求出答案．

析：

解 解： $(2a)^3 = 8a^3$ ；

答： 故选 D．

点 此题考查了幂的乘方与积的乘方，同底数幂的乘法与幂的乘方很容易混淆，一定要
评： 记准法则是解题的关键．

3．（3 分）（2013•淮安）不等式组 $\begin{cases} x < 1 \\ x \geq 0 \end{cases}$ 的解集是（ ）

- A． $x \geq 0$ B． $x < 1$ C． $0 < x < 1$ D． $0 \leq x < 1$

考 不等式的解集．

点：

分 根据口诀：大小小大中间找即可求解．

析：

解 解：不等式组 $\begin{cases} x < 1 \\ x \geq 0 \end{cases}$ 的解集是 $0 \leq x < 1$ ．

答： 故选 D．

点 本题考查了不等式组的解集的确定，解不等式组可遵循口诀：同大取较大，同小取
评： 较小，大小小大中间找，大大小小解不了．

4. (3分) (2013•淮安) 若反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 $(5, -1)$. 则实数 k 的值是 ()

- A. -5 B. $-\frac{1}{5}$ C. $\frac{1}{5}$ D. 5

考点 反比例函数图象上点的坐标特征 .

点:

分析: 把点 $(5, -1)$ 代入已知函数解析式, 借助于方程可以求得 k 的值 .

析:

解答: \because 反比例函数 $y = \frac{k}{x}$ 的图象经过点 $(5, -1)$,

$\therefore k = xy = 5 \times (-1) = -5$, 即 k 的值是 -5 .

故选 A .

点评: 本题主要考查反比例函数图象上点的坐标特征, 所有在反比例函数上的点的横纵坐标的积应等于比例系数 .

5. (3分) (2013•淮安) 若扇形的半径为 6 , 圆心角为 120° , 则此扇形的弧长是 ()

- A. 3π B. 4π C. 5π D. 6π

考点 弧长的计算 .

点:

分析: 根据弧长的公式 $l = \frac{n\pi r}{180}$ 进行计算即可 .

解答: \because 扇形的半径为 6 , 圆心角为 120° ,

答: \therefore 此扇形的弧长 $= \frac{120\pi \times 6}{180} = 4\pi$.

故选 B .

点评: 本题考查了弧长的计算 . 此题属于基础题, 只需熟记弧长公式即可 .

6. (3分) (2013•淮安) 如图, 数轴上 A、B 两点表示的数分别为 $\sqrt{2}$ 和 5.1 , 则 A、B 两点之间表示整数的点共有 ()



- A. 6 个 B. 5 个 C. 4 个 D. 3 个

考点 实数与数轴; 估算无理数的大小 .

点:

分析: 根据 $\sqrt{2}$ 比 1 大比 2 小, 5.1 比 5 大比 6 小, 即可得出 A、B 两点之间表示整数的点的个数 .

解答: $\because 1 < \sqrt{2} < 2, 5 < 5.1 < 6$,

答：∵A、B 两点之间表示整数的点有 2，3，4，5，共有 4 个；
故选 C．

点 本题主要考查了无理数的估算和数轴，根据数轴的特点，我们把数和点对应起来，
评：也就是把“数”和“形”结合起来，二者互相补充，相辅相成，把很多复杂的问题转化为简单的问题，在学习中要注意培养数形结合的数学思想．

7．(3分) (2013•淮安) 若等腰三角形有两条边的长度为 3 和 1，则此等腰三角形的周长为 ()

A．5 B．7 C．5 或 7 D．6

考 等腰三角形的性质；三角形三边关系．

点：

分 因为已知长度为 3 和 1 两边，没由明确是底边还是腰，所以有两种情况，需要分类
析：讨论．

解 解：①当 3 为底时，其它两边都为 1，

答：∵ $1+1 < 3$ ，

∴不能构成三角形，故舍去，

当 3 为腰时，

其它两边为 3 和 1，

3、3、1 可以构成三角形，

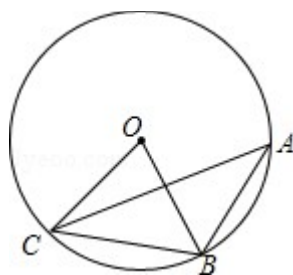
周长为 7．

故选 B．

点 本题考查了等腰三角形的性质和三角形的三边关系；已知没有明确腰和底边的题目

评：一定要想到两种情况，分类进行讨论，还应验证各种情况是否能构成三角形进行解答，这点非常重要，也是解题的关键．

8．(3分) (2013•淮安) 如图，点 A、B、C 是⊙O 上的三点，若 $\angle OBC=50^\circ$ ，则 $\angle A$ 的度数是 ()



A． 40°

B． 50°

C． 80°

D． 100°

考 圆周角定理．

点：

分 在等腰三角形 OBC 中求出 $\angle BOC$ ，继而根据圆周角定理可求出 $\angle A$ 的度数．

析：

解 解：∵ $OC=OB$ ，

答：∴ $\angle OCB=\angle OBC=50^\circ$ ，

$$\therefore \angle BOC = 180^\circ - 50^\circ - 50^\circ = 80^\circ,$$

$$\therefore \angle A = \frac{1}{2} \angle BOC = 40^\circ.$$

故选 A.

点 此题考查了圆周角定理，注意掌握在同圆或等圆中，同弧或等弧所对的圆周角等于这条弧所对的圆心角的一半.

二、填空题 (本大题有 10 小题，每小题 3 分，共 30 分)

9. (3 分) (2013·淮安) $\sin 30^\circ$ 的值为 $\frac{1}{2}$.

考 特殊角的三角函数值.

点 :

分 根据特殊角的三角函数值计算即可.

析 :

解 答: 解: $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$, 故答案为 $\frac{1}{2}$.

点 本题考查了特殊角的三角函数值，应用中要熟记特殊角的三角函数值，一是按值的变化规律去记，正弦逐渐增大，余弦逐渐减小，正切逐渐增大；二是按特殊直角三角形中各边特殊值规律去记.

10. (3 分) (2013·淮安) 方程 $\frac{2}{x} + 1 = 0$ 的解集是 $x = -2$.

考 解分式方程.

点 :

专 计算题.

题 :

分 分式方程去分母转化为整式方程，求出整式方程的解得到 x 的值，经检验即可得到分式方程的解.

解 解: 去分母得: $2 + x = 0$,

答 解得: $x = -2$,

经检验 $x = -2$ 是分式方程的解.

故答案为: $x = -2$

点 此题考查了解分式方程，解分式方程的基本思想是“转化思想”，把分式方程转化为整

评 式方程求解. 解分式方程一定要注意要验根.

11. (3 分) (2013·淮安) 点 A (-3, 0) 关于 y 轴的对称点的坐标是 (3, 0).

考 关于 x 轴、 y 轴对称的点的坐标.

点 :

分 根据关于 y 轴对称点的坐标特点: 横坐标互为相反数，纵坐标不变可以直接写出答案.

析 案.

解 解：点 A (-3, 0) 关于 y 轴的对称点的坐标是 (3, 0) ，
答：故答案为：(3, 0) ．
点 此题主要考查了关于 y 轴对称点的坐标特点，关键是掌握点的坐标的变化规律．
评：

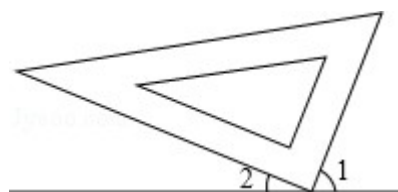
12. (3分) (2013•淮安) 一组数据 3, 9, 4, 9, 5 的众数是 9 ．

考 众数．
点：
分 根据众数的定义：一组数据中出现次数最多的数据即可得出答案．
析：
解 解：这组数据中出现次数最多的数据为：9．
答：故众数为 9．
故答案为：9．
点 本题考查了众数的知识，属于基础题，解答本题的关键是熟练掌握一组数据中出现
评：次数最多的数据叫做众数．

13. (3分) (2013•淮安) 若 n 边形的每一个外角都等于 60° ，则 $n = \underline{6}$ ．

考 多边形内角与外角．
点：
分 利用多边形的外角和 360° 除以 60° 即可．
析：
解 解： $n = 360^\circ \div 60^\circ = 6$ ，
答：故答案为：6．
点 此题主要考查了多边形的外角和定理，关键是掌握多边形的外角和等于 360 度．
评：

14. (3分) (2013•淮安) 如图，三角板的直角顶点在直线 l 上，看 $\angle 1 = 40^\circ$ ，则 $\angle 2$ 的度数是 50° ．



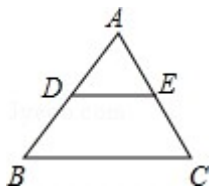
考 余角和补角．
点：
分 由三角板的直角顶点在直线 l 上，根据平角的定义可知 $\angle 1$ 与 $\angle 2$ 互余，又 $\angle 1 = 40^\circ$ ，
析：即可求得 $\angle 2$ 的度数．
解 解：如图，三角板的直角顶点在直线 l 上，
答：则 $\angle 1 + \angle 2 = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$ ，
 $\because \angle 1 = 40^\circ$ ，

$\therefore \angle 2 = 50^\circ$.

故答案为 50° .

点评： 本题考查了余角及平角的定义，正确观察图形，得出 $\angle 1$ 与 $\angle 2$ 互余是解题的关键 .

15 . (3分) (2013•淮安) 如图，在 $\triangle ABC$ 中，点 D、E 分别是 AB、AC 的中点 . 若 $DE=3$ ，则 $BC=$ 6 .



考点： 三角形中位线定理 .

点：

分析： 根据三角形的中位线平行于第三边并且等于第三边的一半解答即可 .

析：

解： \because 点 D、E 分别是 AB、AC 的中点，

答： $\therefore DE$ 是 $\triangle ABC$ 的中位线，

$\therefore BC = 2DE = 2 \times 3 = 6$.

故答案为：6 .

点评： 本题考查了三角形的中位线平行于第三边并且等于第三边的一半，熟记定理是解题的关键 .

16 . (3分) (2013•淮安) 二次函数 $y=x^2+1$ 的图象的顶点坐标是 (0, 1) .

考点： 二次函数的性质 .

点：

分析： 根据顶点式解析式写出顶点坐标即可 .

析：

解： 二次函数 $y=x^2+1$ 的图象的顶点坐标是 (0, 1) .

答： 故答案为：(0, 1) .

点： 本题考查了二次函数的性质，熟练掌握顶点式解析式是解题的关键 .

评：

17 . (3分) (2013•淮安) 若菱形的两条对角线分别为 2 和 3，则此菱形的面积是 3 .

考点： 菱形的性质 .

点：

分析： 菱形的面积是对角线乘积的一半，由此可得出结果即可 .

析：

解： 由题意，知： $S_{\text{菱形}} = \frac{1}{2} \times 2 \times 3 = 3$ ，

答：

故答案为：3 .

点评： 本题考查了菱形的面积两种求法：（1）利用底乘以相应底上的高；（2）利用菱形的特殊性，菱形面积 $=\frac{1}{2}$ ×两条对角线的乘积；具体用哪种方法要看已知条件来选择 .

18 . (3分) (2013·淮安) 观察一系列单项式： $1x$ ， $3x^2$ ， $5x^2$ ， $7x$ ， $9x^2$ ， $11x^2$ ， \dots ，则第2013个单项式是 $4025x^2$.

考点： 单项式 .

专题：

规律型 .

分析：

先看系数的变化规律，然后看 x 的指数的变化规律，从而确定第 2013 个单项式 .

解答：

系数依次为 1，3，5，7，9，11， $\dots 2n-1$ ；

解答： x 的指数依次是 1，2，2，1，2，2，1，2，2，可见三个单项式一个循环，故可得第 2013 个单项式的系数为 4025；

$$\therefore \frac{2013}{3}=671,$$

\therefore 第 2013 个单项式指数为 2，

故可得第 2013 个单项式是 $4025x^2$.

故答案为： $4025x^2$.

点评： 本题考查了单项式的知识，属于规律型题目，解答本题关键是观察系数及指数的变化规律 .

三、解答题 (本大题有 10 小题，共 96 分 .)

19 . (10分) (2013·淮安) 计算：

(1) $(\pi - 5)^0 + \sqrt{4} - |-3|$

(2) $3a + \left(1 + \frac{1}{a-2}\right) \cdot \frac{a^2 - 2a}{a-1}$.

考点： 分式的混合运算；实数的运算；零指数幂 .

分析：

(1) 首先计算 0 次幂、开方运算，去掉绝对值符号，然后进行加减运算即可；

(2) 首先计算括号内的式子，然后进行乘法运算，最后合并同类项即可 .

解答： (1) 原式 $=1+2-3$

解答： $=0$ ；

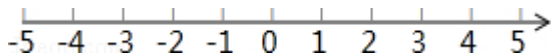
$$(2) \text{原式} = 3a + \frac{a-2+1}{a-2} \cdot \frac{a(a-2)}{a-1}$$

$$= 3a + a$$

=4a .

点评： 本题主要考查分式的混合运算，通分、因式分解和约分是解答的关键 .

20 . (6分) (2013·淮安) 解不等式： $x+1 \geq \frac{x}{2}+2$ ，并把解集在数轴上表示出来 .



考点： 解一元一次不等式；在数轴上表示不等式的解集 .

分析：

根据不等式的性质得到 $2(x+1) \geq x+4$ ，即可求出不等式的解集，再把解集在数轴上表示出来 .

解： $2(x+1) \geq x+4$ ，

答： $2x+2 \geq x+4$ ，

$x \geq 2$.

在数轴上表示为：

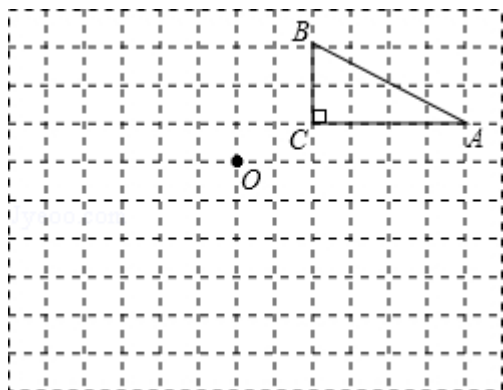


点评： 本题主要考查对解一元一次不等式，在数轴上表示不等式的解集，不等式的性质等知识点的理解和掌握，能根据不等式的性质正确解不等式是解此题的关键 .

21 . (8分) (2013·淮安) 如图，在边长为1个单位长度的小正方形组成的两格中，点A、B、C都是格点 .

(1) 将 $\triangle ABC$ 向左平移6个单位长度得到得到 $\triangle A_1B_1C_1$ ；

(2) 将 $\triangle ABC$ 绕点O按逆时针方向旋转 180° 得到 $\triangle A_2B_2C_2$ ，请画出 $\triangle A_2B_2C_2$.



考点： 作图-旋转变换；作图-平移变换 .

分析：

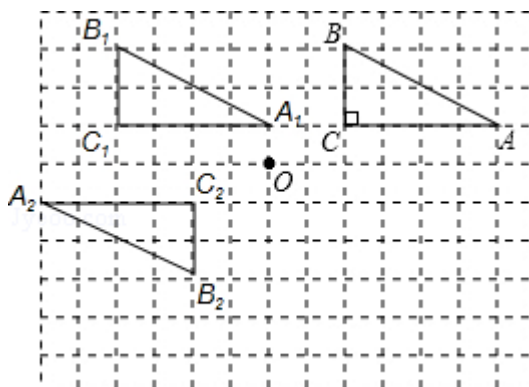
(1) 将点A、B、C分别向左平移6个单位长度，得出对应点，即可得出

$\triangle A_1B_1C_1$ ；

(2) 将点A、B、C分别绕点O按逆时针方向旋转 180° ，得出对应点，即可得出 $\triangle A_2B_2C_2$.

解：(1) 如图所示： $\triangle A_1B_1C_1$ ，即为所求；
 答：

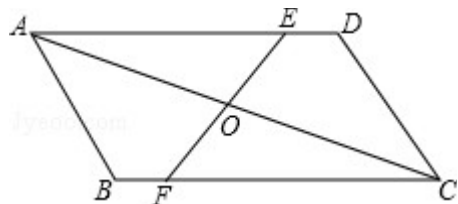
(2) 如图所示： $\triangle A_2B_2C_2$ ，即为所求。



点 此题主要考查了图形的平移和旋转，根据已知得出对应点坐标是解题关键。
 评：

22. (8分) (2013·淮安) 如图，在平行四边形 ABCD 中，过 AC 中点 O 作直线，分别交 AD、BC 于点 E、F。

求证： $\triangle AOE \cong \triangle COF$ 。



考 平行四边形的性质；全等三角形的判定。

点：

专 证明题。

题：

分 据平行四边形的性质可知： $OA=OC$ ， $\angle AEO = \angle OFC$ ， $\angle EAO = \angle OCF$ ，所以

析： $\triangle AOE \cong \triangle COF$ 。

解 证明： $\because AD \parallel BC$ ，

答： $\therefore \angle EAO = \angle FCO$ 。

又： $\angle AOE = \angle COF$ ， $OA=OC$ ，

在 $\triangle AOE$ 和 $\triangle COF$ 中，

$$\begin{cases} \angle EAO = \angle FCO \\ OA = OC \\ \angle AOE = \angle COF \end{cases},$$

$\therefore \triangle AOE \cong \triangle COF$ 。

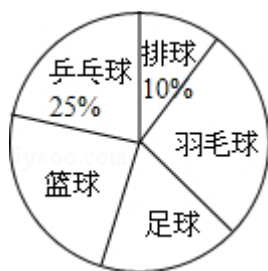
点 此题主要考查了全等三角形的性质与判定、平行四边形的性质，首先利用平行四边形的性质构造全等条件，然后利用全等三角形的性质解决问题。

23. (10分) (2013·淮安) 如图, 某中学为合理安排体育活动, 在全校喜欢乒乓球、排球、羽毛球、足球、篮球五种球类运动的 1000 名学生中, 随机抽取了若干名学生进行调查, 了解学生最喜欢的一种球类运动, 每人只能在这五种球类运动中选择一种. 调查结果统计如下:

球类名称	乒乓球	排球	羽毛球	足球	篮球
人数	a	12	36	18	b

解答下列问题:

- (1) 本次调查中的样本容量是 120 ;
- (2) $a = \underline{30}$, $b = \underline{24}$;
- (3) 试估计上述 1000 名学生中最喜欢羽毛球运动的人数 .



考 扇形统计图; 用样本估计总体; 统计表 .

点 :

专 图表型 .

题 :

- 分** (1) 用喜欢排球的人数除以其所占的百分比即可求得样本容量 ;
- 析** (2) 用样本容量乘以乒乓球所占的百分比即可求得 a , 用样本容量减去其他求得 b 值 ;
- (3) 用总人数乘以喜欢羽毛球的人所占的百分比即可 .

解 解: (1) \because 喜欢排球的有 12 人, 占 10% ,

答 : \therefore 样本容量为 $12 \div 10\% = 120$;

(2) $a = 120 \times 25\% = 30$ 人 ,

$b = 120 - 30 - 12 - 36 - 18 = 24$ 人 ;

(3) 喜欢羽毛球的人数为: $1000 \times \frac{36}{120} = 300$ 人 .

点 本题考查了扇形统计图、用样本估计总体等知识, 解题的关键是正确的从统计图中

评 : 读懂有关信息 .

24. (10分) (2013·淮安) 一个不透明的袋子中装有大小、质地完全相同的 3 只球, 球上分别标有 2, 3, 5 三个数字 .

(1) 从这个袋子中任意摸一只球, 所标数字是奇数的概率是 $\underline{\frac{2}{3}}$;

(2) 从这个袋子中任意摸一只球, 记下所标数字, 不放回, 再从从这个袋子中任意摸一只球, 记下所标数字. 将第一次记下的数字作为十位数字, 第二次记下的数字作为个位数字,

组成一个两位数．求所组成的两位数是 5 的倍数的概率．（请用“画树状图”或“列表”的方法写出过程）

考点：列表法与树状图法．

分析：

(1) 直接根据概率公式解答即可；

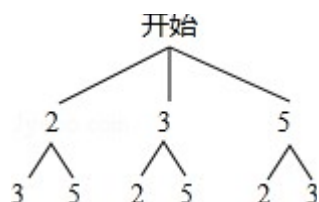
(2) 首先画出树状图，可以直观的得到共有 6 种情况，其中是 5 的倍数的有两种情况，进而算出概率即可．

解答：

(1) 任意摸一只球，所标数字是奇数的概率是： $\frac{2}{3}$ ；

(2) 如图所示：共有 6 种情况，其中是 5 的倍数的有 25，35 两种情况，

概率为： $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ ．



点评：本题考查概率公式，即如果一个事件有 n 种可能，而且这些事件的可能性相同，其

中事件 A 出现 m 种结果，那么事件 A 的概率 $P(A) = \frac{m}{n}$ ．

25．（10分）（2013•淮安）小丽为校合唱队购买某种服装时，商店经理给出了如下优惠条件：如果一次性购买不超过 10 件，单价为 80 元；如果一次性购买多于 10 件，那么每增加 1 件，购买的所有服装的单价降低 2 元，但单价不得低于 50 元．按此优惠条件，小丽一次性购买这种服装付了 1200 元．请问她购买了多少件这种服装？

考点：一元二次方程的应用．

分析：

根据一次性购买多于 10 件，那么每增加 1 件，购买的所有服装的单价降低 2 元，表示出每件服装的单价，进而得出等式方程求出即可．

解答：解：设购买了 x 件这种服装，根据题意得出：

答： $[80 - 2(x - 10)]x = 1200$ ，

解得： $x_1 = 20$ ， $x_2 = 30$ ，

当 $x = 30$ 时， $80 - 2(30 - 10) = 40$ （元） < 50 不合题意舍去；

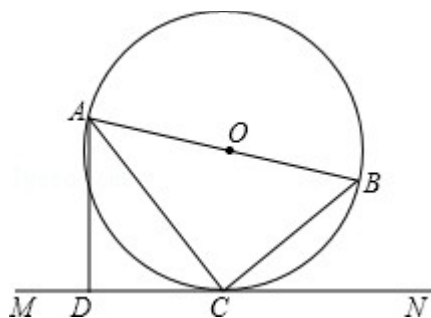
答：她购买了 30 件这种服装．

点评：此题主要考查了一元二次方程的应用，根据已知得出每件服装的单价是解题关键．

26．（10分）（2013•淮安）如图， AB 是 $\odot O$ 的直径， C 是 $\odot O$ 上的一点，直线 MN 经过点 C ，过点 A 作直线 MN 的垂线，垂足为点 D ，且 $\angle BAC = \angle DAC$ ．

(1) 猜想直线 MN 与 $\odot O$ 的位置关系，并说明理由；

(2) 若 $CD=6$ ， $\cos \angle ACD = \frac{3}{5}$ ，求 $\odot O$ 的半径。



考 切线的判定；解直角三角形。

点：

分 (1) 连接 OC ，推出 $AD \parallel OC$ ，推出 $OC \perp MN$ ，根据切线的判定推出即可；

析：(2) 求出 AD 、 AB 长，证 $\triangle ADC \sim \triangle ACB$ ，得出比例式，代入求出 AB 长即可。

解 解：(1) 直线 MN 与 $\odot O$ 的位置关系是相切，

答：理由是：连接 OC ，

$$\because OA=OC,$$

$$\therefore \angle OAC = \angle OCA,$$

$$\because \angle CAB = \angle DAC,$$

$$\therefore \angle DAC = \angle OCA,$$

$$\therefore OC \parallel AD,$$

$$\because AD \perp MN,$$

$$\therefore OC \perp MN,$$

$$\because OC \text{ 为半径},$$

$$\therefore MN \text{ 是 } \odot O \text{ 切线};$$

$$(2) \because CD=6, \cos \angle ACD = \frac{DC}{AC} = \frac{3}{5},$$

$$\therefore AC=10, \text{ 由勾股定理得: } AD=8,$$

$$\because AB \text{ 是 } \odot O \text{ 直径}, AD \perp MN,$$

$$\therefore \angle ACB = \angle ADC = 90^\circ,$$

$$\because \angle DAC = \angle BAC,$$

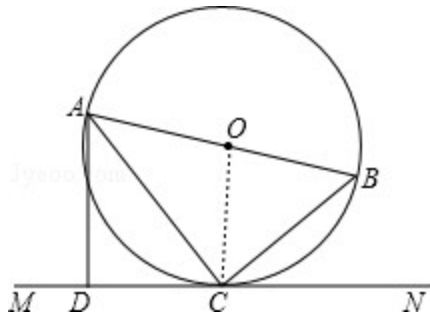
$$\therefore \triangle ADC \sim \triangle ACB,$$

$$\therefore \frac{AD}{AC} = \frac{AC}{AB},$$

$$\therefore \frac{8}{10} = \frac{10}{AB},$$

$$\therefore AB=12.5,$$

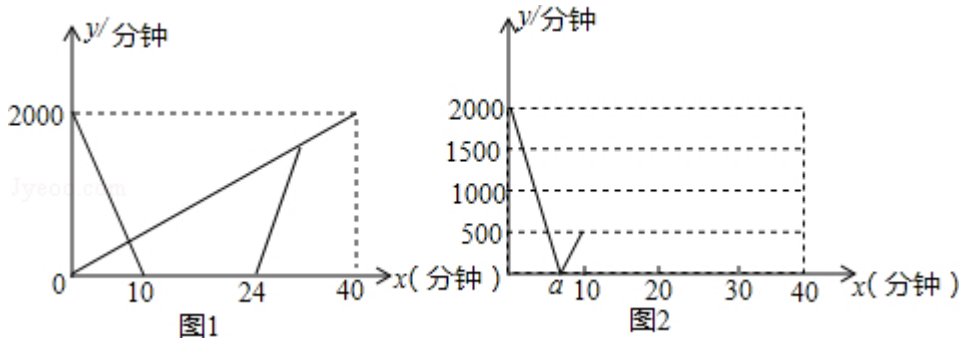
$$\therefore \odot O \text{ 半径是 } \frac{1}{2} \times 12.5 = 6.25.$$



点 本题考查了切线的判定，等腰三角形的判定和性质，平行线性质的应用，主要考查学生运用定理进行推理和计算的能力。

27. (12分) (2013·淮安) 甲、乙两地之间有一条笔直的公路L，小明从甲地出发沿公路L步行前往乙地，同时小亮从乙地出发沿公路L骑自行车前往甲地，小亮到达甲地停留一段时间，原路原速返回，追上小明后两人一起步行到乙地。设小明与甲地的距离为 y_1 米，小亮与甲地的距离为 y_2 米，小明与小亮之间的距离为 s 米，小明行走的时间为 x 分钟。 y_1 、 y_2 与 x 之间的函数图象如图1， s 与 x 之间的函数图象(部分)如图2。

- (1) 求小亮从乙地到甲地过程中 y_2 (米) 与 x (分钟) 之间的函数关系式；
- (2) 求小亮从甲地返回到与小明相遇的过程中 s (米) 与 x (分钟) 之间的函数关系式；
- (3) 在图2中，补全整个过程中 s (米) 与 x (分钟) 之间的函数图象，并确定 a 的值。



考 一次函数的应用。

点 :

分 (1) 设小亮从乙地到甲地过程中 y_2 (米) 与 x (分钟) 之间的函数关系式为

析 $y_2=k_1x+b$ ，由待定系数法根据图象就可以求出解析式；

(2) 先根据函数图象求出甲乙的速度，然后与追击问题就可以求出小亮追上小明的时间，就可以求出小亮从甲地返回到与小明相遇的过程中 s (米) 与 x (分钟) 之间的函数关系式；

(3) 先根据追击问题建立方程就可以求出 a 值，10分钟甲、乙走的路程就是相距的距离，14分钟小明走的路程和小亮追上小明时的时间就可以补充完图象。

解 解：(1) 设小亮从乙地到甲地过程中 y_2 (米) 与 x (分钟) 之间的函数关系式为

答 $y_2=k_1x+b$ ，由图象，得

$$\begin{cases} 2000=b \\ 0=10k_1+b \end{cases}$$

$$\text{解得: } \begin{cases} k_1 = -200 \\ b = 2000 \end{cases},$$

$$\therefore y_1 = -200x + 2000;$$

(2) 由题意, 得

小明的速度为: $2000 \div 40 = 50$ 米/分,

小亮的速度为: $2000 \div 10 = 200$ 米/分,

\therefore 小亮从甲地追上小明的时间为 $24 \times 50 \div (200 - 50) = 8$ 分钟,

\therefore 24 分钟时两人的距离为: $S = 24 \times 50 = 1200$, 32 分钟时 $S = 0$,

设 S 与 x 之间的函数关系式为: $S = kx + b$, 由题意, 得

$$\begin{cases} 1200 = 24k + b \\ 0 = 32k + b \end{cases},$$

$$\text{解得: } \begin{cases} k = -150 \\ b = 4800 \end{cases},$$

$$\therefore S = -150x + 4800;$$

(3) 由题意, 得

$a = 2000 \div (200 + 50) = 8$ 分钟,

当 $x = 24$ 时, $S = 1200$

当 $x = 32$ 时, $S = 0$.

故描出相应的点就可以补全图象.

如图:

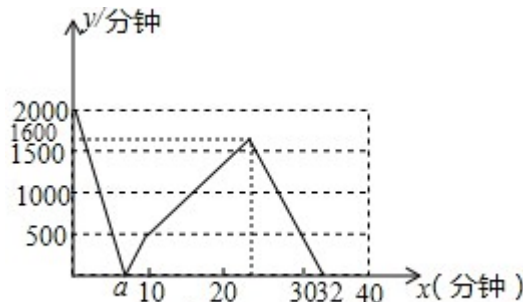


图2

点 本题是一道一次函数的综合试题, 考查了待定系数法求一次函数的解析式的运用,
评: 追击问题与相遇问题在实际问题中的运用, 描点法画函数图象的运用, 解答时灵活运用路程、速度、时间之间的数量关系是关键.

28. (12分) (2013·淮安) 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $BC = 3$, $AB = 5$. 点 P 从点 B 出发, 以每秒 1 个单位长度沿 $B \rightarrow C \rightarrow A \rightarrow B$ 的方向运动; 点 Q 从点 C 出发, 以每秒 2 个单位沿 $C \rightarrow A \rightarrow B$ 方向的运动, 到达点 B 后立即原速返回, 若 P 、 Q 两点同时运动, 相遇后同时停止, 设运动时间为 t 秒.

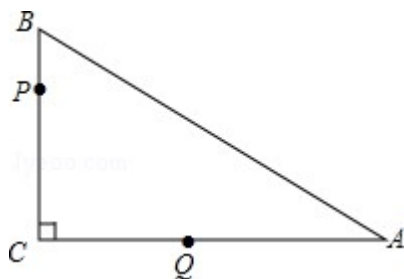
(1) 当 $t = \underline{7}$ 时, 点 P 与点 Q 相遇;

(2) 在点 P 从点 B 到点 C 的运动过程中, 当 t 为何值时, $\triangle PCQ$ 为等腰三角形?

(3) 在点 Q 从点 B 返回点 A 的运动过程中, 设 $\triangle PCQ$ 的面积为 s 平方单位.

① 求 s 与 t 之间的函数关系式;

②当s最大时，过点P作直线交AB于点D，将△ABC中沿直线PD折叠，使点A落在直线PC上，求折叠后的△APD与△PCQ重叠部分的面积．



考点：相似形综合题．

分析：

(1) 首先利用勾股定理求得AC的长度，点P与点Q相遇一定是在P由B到A的过程中，利用方程即可求得；

(2) 分Q从C到A的时间是3秒，P从A到C的时间是3秒，则可以分当 $0 \leq t \leq 2$ 时，若△PCQ为等腰三角形，则一定有：PC=CQ，和当 $2 < t \leq 3$ 时，若△PCQ为等腰三角形，则一定有PQ=PC两种情况进行讨论求得t的值；

(3) 在点Q从点B返回点A的运动过程中，P一定在AC上，则PC的长度是 $t-3$ ，然后利用相似三角形的性质即可利用t表示出s的值，然后利用二次函数的性质即可求得t的值，从而求解．

解答：

(1) 在直角△ABC中， $AC = \sqrt{AB^2 - BC^2} = 4$ ，

则Q从C到B经过的路程是9，需要的时间是4.5秒．此时P运动的路程是4.5，P和Q之间的距离是： $3+4+5-4.5=7.5$ ．

根据题意得： $(t-4.5)+2(t-4.5)=7.5$ ，解得： $t=7$ ．

(2) Q从C到A的时间是3秒，P从A到C的时间是3秒．

则当 $0 \leq t \leq 2$ 时，若△PCQ为等腰三角形，则一定有：PC=CQ，即 $3-t=2t$ ，解得： $t=1$ ．

当 $2 < t \leq 3$ 时，若△PCQ为等腰三角形，则一定有PQ=PC（如图1）．则Q在PC的中垂线上，作QH⊥AC，则 $QH = \frac{1}{2}PC$ ．△AQH~△ABC，

在直角△AQH中，AQ=2t-4，则 $QH = \frac{3}{5}AQ = \frac{3}{5}(2t-4)$ ．

∴PC=BC-BP=3-t，

∴ $\frac{1}{2} \times \frac{3}{5}(2t-4) = 3-t$ ，

解得： $t = \frac{39}{17}$ ；

(3) 在点Q从点B返回点A的运动过程中，P一定在AC上，则PC=t-3，BQ=2t-9，即AQ=5-(2t-9)=14-2t．

同 (2) 可得： $\triangle PCQ$ 中， PC 边上的高是： $\frac{3}{5}(14-2t)$ ，

$$\text{故 } s = \frac{1}{2}(2t-9) \times \frac{3}{5}(14-2t) = \frac{3}{5}(-t^2+10t-2) .$$

故当 $t=5$ 时， s 有最大值，此时， P 在 AC 的中点。（如图 2）。

\therefore 沿直线 PD 折叠，使点 A 落在直线 PC 上，

$\therefore PD$ 一定是 AC 的中垂线。

$$\text{则 } AP = \frac{1}{2}AC = 2, PD = \frac{1}{2}BC = \frac{3}{2},$$

$$\text{则 } S_{\triangle APD} = \frac{1}{2}AP \cdot PD = \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{3}{2} = \frac{3}{2} .$$

$$AQ = 14 - 2t = 14 - 2 \times 5 = 4 .$$

$$\text{则 } PC \text{ 边上的高是：} \frac{3}{5}AQ = \frac{3}{5} \times 4 = \frac{12}{5} .$$

$$\text{则 } S_{\triangle PCQ} = \frac{1}{2}PC \cdot \frac{12}{5} = \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{12}{5} = \frac{12}{5} .$$

故答案是：7。

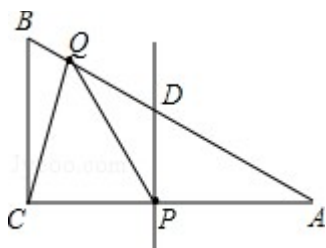


图2

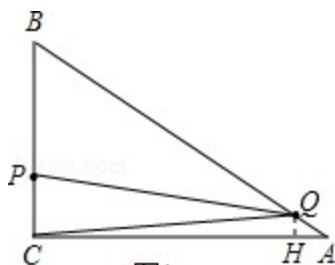


图1

点评： 本题是相似三角形的性质，勾股定理、以及方程的综合应用，正确进行分类讨论是关键。