

规律探索

一、选择题

1. (5分) (2014•毕节地区, 第18题5分) 观察下列一组数: $\frac{1}{4}, \frac{3}{9}, \frac{5}{16}, \frac{7}{25}, \frac{9}{36}, \dots$,

它们是按一定规律排列的, 那么这一组数的第 n 个数是 $\frac{2n-1}{(n+1)^2}$.

考点: 规律型: 数字的变化类

专题: 规律型.

分析: 观察已知一组数发现: 分子为从1开始的连续奇数, 分母为从2开始的连续正整数的平方, 写出第 n 个数即可.

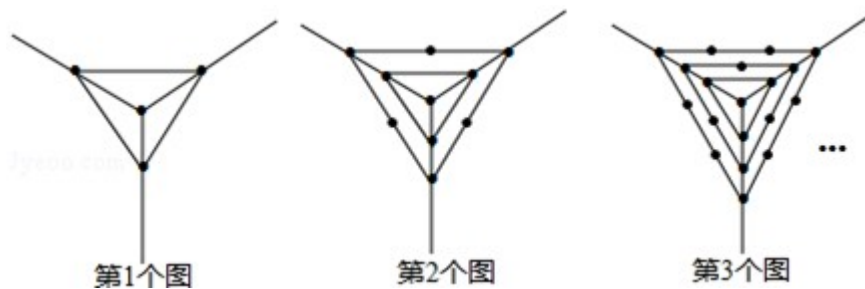
解答: 解: 根据题意得: 这一组数的第 n 个数是 $\frac{2n-1}{(n+1)^2}$.

故答案为: $\frac{2n-1}{(n+1)^2}$.

点评: 此题考查了规律型: 数字的变化类, 弄清题中的规律是解本题的关键.

2. (2014•武汉, 第9题3分) 观察下列一组图形中点的个数, 其中第1个图中共有4个点, 第2个图中共有10个点, 第3个图中共有19个点, ...

按此规律第5个图中共有点的个数是 ()



A 31

B 46

C 51

D 66

考点: 规律型: 图形的变化类

分析： 由图可知：其中第1个图中共有 $1+1\times 3=4$ 个点，第2个图中共有 $1+1\times 3+2\times 3=10$ 个点，第3个图中共有 $1+1\times 3+2\times 3+3\times 3=19$ 个点，…由此规律得出第 n 个图有 $1+1\times 3+2\times 3+3\times 3+\dots+3n$ 个点。

解答： 解：第1个图中共有 $1+1\times 3=4$ 个点，
第2个图中共有 $1+1\times 3+2\times 3=10$ 个点，
第3个图中共有 $1+1\times 3+2\times 3+3\times 3=19$ 个点，

…

第 n 个图有 $1+1\times 3+2\times 3+3\times 3+\dots+3n$ 个点。

所以第5个图中共有点的个数是

$$1+1\times 3+2\times 3+3\times 3+4\times 3+5\times 3=46.$$

故选：B。

点评： 此题考查图形的变化规律，找出图形之间的数字运算规律，利用规律解决问题。

3. (2014•株洲，第8题，3分) 在平面直角坐标系中，孔明做走棋的游戏，其走法是：棋子从原点出发，第1步向右走1个单位，第2步向右走2个单位，第3步向上走1个单位，第4步向右走1个单位…依此类推，第 n 步的走法是：当 n 能被3整除时，则向上走1个单位；当 n 被3除，余数为1时，则向右走1个单位；当 n 被3除，余数为2时，则向右走2个单位，当走完第100步时，棋子所处位置的坐标是 ()

A. [来 (66, 34) B. (67, 33) C. (100, 33) D. (99, 34)

源:Z#xx#k.Com]

考 坐标确定位置；规律型：点的坐标。

点：

分 根据走法，每3步为一个循环组依次循环，且一个循环组内向右3个单位，向上1个

析： 单位，用100除以3，然后根据商和余数的情况确定出所处位置的横坐标与纵坐标即可。

解 解：由题意得，每3步为一个循环组依次循环，且一个循环组内向右3个单位，向

答： 上1个单位，

$$\therefore 100 \div 3 = 33 \text{ 余 } 1, \text{ 新\$课\$标\$第\$一\$网}$$

\therefore 走完第100步，为第34个循环组的第1步，

所处位置的横坐标为 $33 \times 3 + 1 = 100$,

纵坐标为 $33 \times 1 = 33$,

\therefore 棋子所处位置的坐标是 $(100, 33)$.

故选 C .

点 本题考查了坐标确定位置，点的坐标的规律变化，读懂题目信息并理解每 3 步为一

评： 个循环组依次循环是解题的关键 .

二.填空题

1. (2014•湘潭，16 题，3 分) 如图，按此规律，第 6 行最后一个数字是 16，第 672 行最后一个数是 2014 .

1
2 3 4
3 4 5 6 7
4 5 6 7 8 9 10
.....

考 规律型：数字的变化类 .

点：

分 每一行的最后一个数字构成等差数列 1, 4, 7, 10...，易得第 n 行的最后一个数字为

析： $1 + 3(n - 1) = 3n - 2$ ，由此求得第 6 行最后一个数字，建立方程求得最后一个数是 2014 在哪一行 .

解 解：每一行的最后一个数字构成等差数列 1, 4, 7, 10...，

答： 第 n 行的最后一个数字为 $1 + 3(n - 1) = 3n - 2$ ，

\therefore 第 6 行最后一个数字是 $3 \times 6 - 2 = 16$ ；

$3n - 2 = 2014$

解得 $n = 672$.

因此第 6 行最后一个数字是 16，第 672 行最后一个数是 2014 .

故答案为：16，672 .

点 此题考查数字的排列规律，找出数字之间的联系，得出运算规律解决问题 .

评：

2. (2014·扬州, 第18题, 3分) 设 $a_1, a_2, \dots, a_{2014}$ 是从 1, 0, -1 这三个数中取值的一列数, 若 $a_1+a_2+\dots+a_{2014}=69$, $(a_1+1)^2+(a_2+1)^2+\dots+(a_{2014}+1)^2=4001$, 则 $a_1, a_2, \dots, a_{2014}$ 中为 0 的个数是 165 .

考 规律型: 数字的变化类.

点:

分 首先根据 $(a_1+1)^2+(a_2+1)^2+\dots+(a_{2014}+1)^2$ 得到 $a_1^2+a_2^2+\dots+a_{2014}^2+2152$, 然后设有

析:

$$x \text{ 个 } 1, y \text{ 个 } -1, z \text{ 个 } 0, \text{ 得到方程组 } \begin{cases} x+y+z=2014 \\ 1 \cdot x + (-1) \cdot y + 0 \cdot z = 69 \\ 1^2 x + (-1)^2 y + 0^2 z = 4001 \end{cases}, \text{ 解方程组即}$$

可确定正确的答案.

解 解: $(a_1+1)^2+(a_2+1)^2+\dots+(a_{2014}+1)^2=a_1^2+a_2^2+\dots+a_{2014}^2+2(a_1+a_2+\dots$

答: $+a_{2014})+2014$

$$=a_1^2+a_2^2+\dots+a_{2014}^2+2 \times 69+2014$$

$$=a_1^2+a_2^2+\dots+a_{2014}^2+2152,$$

设有 x 个 1, y 个 -1, z 个 0

$$\therefore \begin{cases} x+y+z=2014 \\ 1 \cdot x + (-1) \cdot y + 0 \cdot z = 69 \\ 1^2 x + (-1)^2 y + 0^2 z = 4001 \end{cases},$$

化简得 $x-y=69, x+y=1849$

解得 $x=959, y=890, z=165$

\therefore 有 959 个 1, 890 个 -1, 165 个 0,

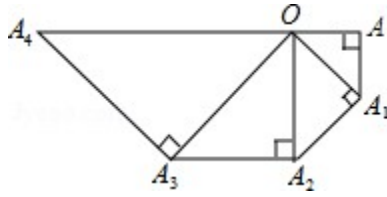
故答案为: 165 .

点 本题考查了数字的变化类问题, 解题的关键是对给出的式子进行正确的变形, 难度

评: 较大.

二. 填空题

1. (2014·珠海, 第10题4分) 如图, 在等腰 $Rt\triangle OAA_1$ 中, $\angle OAA_1=90^\circ, OA=1$, 以 OA_1 为直角边作等腰 $Rt\triangle OA_1A_2$, 以 OA_2 为直角边作等腰 $Rt\triangle OA_2A_3, \dots$ 则 OA_4 的长度为 8 .



考 等腰直角三角形

点：

专 规律型．

题：

分 利用等腰直角三角形的性质以及勾股定理分别求出各边长，进而得出答案．

析：

解 解： $\because \triangle OAA_1$ 为等腰直角三角形， $OA=1$ ，

答： $\therefore AA_1=OA=1$ ， $OA_1=\sqrt{2}OA=\sqrt{2}$ ；

$\because \triangle OA_1A_2$ 为等腰直角三角形，

$\therefore A_1A_2=OA_1=\sqrt{2}$ ， $OA_2=\sqrt{2}OA_1=2$ ；

$\because \triangle OA_2A_3$ 为等腰直角三角形，

$\therefore A_2A_3=OA_2=2$ ， $OA_3=\sqrt{2}OA_2=2\sqrt{2}$ ；

$\because \triangle OA_3A_4$ 为等腰直角三角形，

$\therefore A_3A_4=OA_3=2\sqrt{2}$ ， $OA_4=\sqrt{2}OA_3=8$ ．

故答案为：8．

点 此题主要考查了等腰直角三角形的性质以及勾股定理，熟练应用勾股定理得出是解

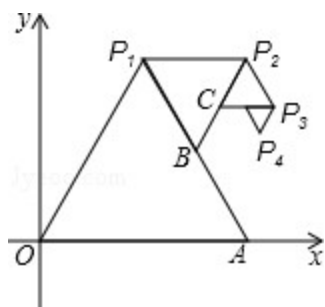
评： 题关键．

2．(2014年四川资阳，第16题3分)如图，以 $O(0,0)$ 、 $A(2,0)$ 为顶点作正

$\triangle OAP_1$ ，以点 P_1 和线段 P_1A 的中点 B 为顶点作正 $\triangle P_1BP_2$ ，再以点 P_2 和线段 P_2B 的中点 C

为顶点作 $\triangle P_2CP_3$ ， \dots ，如此继续下去，则第六个正三角形中，不在第五个正三角形上的顶

点 P_6 的坐标是 $(\frac{63}{32}, \frac{21\sqrt{3}}{32})$ ．



考点： 规律型：点的坐标；等边三角形的性质．菁优网

分析： 根据 $O(0,0)$ $A(2,0)$ 为顶点作 $\triangle OAP_1$ ，再以 P_1 和 P_1A 的中 B 为顶点作 $\triangle P_1BP_2$ ，再 P_2 和 P_2B 的中 C 为顶点作 $\triangle P_2CP_3$ ， \dots ，如此继续下去，结合图形求出点 P_6 的坐标．

解答： 解：由题意可得，每一个正三角形的边长都是上个三角形的边长的 $\frac{1}{2}$ ，第六个正

三角形的边长是 $\frac{1}{16}$ ，

故顶点 P_6 的横坐标是 $\frac{63}{32}$ ， P_5 纵坐标是 $\sqrt{3} - \frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{\sqrt{3}}{8} - \frac{5\sqrt{3}}{8}$ ，

P_6 的纵坐标为 $\frac{5\sqrt{3}}{8} + \frac{\sqrt{3}}{32} = \frac{21\sqrt{3}}{32}$ ，

故答案为： $(\frac{63}{32}, \frac{21\sqrt{3}}{32})$ ．

点评： 本题考查了点的坐标，根据规律解题是解题关键．

3．（2014年云南省，第14题3分）观察规律并填空

$$(1 - \frac{1}{2^2}) = \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 2} = \frac{3}{4};$$

$$(1 - \frac{1}{2^2}) (1 - \frac{1}{3^2}) = \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 2} \cdot \frac{2 \cdot 4}{3 \cdot 3} = \frac{1 \cdot 4}{2 \cdot 3} = \frac{2}{3};$$

$$(1 - \frac{1}{2^2}) (1 - \frac{1}{3^2}) (1 - \frac{1}{4^2}) = \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 2} \cdot \frac{2 \cdot 4}{3 \cdot 3} \cdot \frac{3 \cdot 5}{4 \cdot 4} = \frac{1 \cdot 5}{2 \cdot 4} = \frac{5}{8};$$

$$(1 - \frac{1}{2^2}) (1 - \frac{1}{3^2}) (1 - \frac{1}{4^2}) (1 - \frac{1}{5^2}) = \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 2} \cdot \frac{2 \cdot 4}{3 \cdot 3} \cdot \frac{3 \cdot 5}{4 \cdot 4} \cdot \frac{4 \cdot 6}{5 \cdot 5} = \frac{1 \cdot 6}{2 \cdot 5} = \frac{3}{5};$$

...

$$\left(1 - \frac{1}{2^2}\right) \left(1 - \frac{1}{3^2}\right) \left(1 - \frac{1}{4^2}\right) \left(1 - \frac{1}{5^2}\right) \cdots \left(1 - \frac{1}{n^2}\right) = \frac{n+1}{2n} . \quad (\text{用含 } n \text{ 的代数式表示, } n \text{ 是正整数, 且 } n \geq 2)$$

式表示, n 是正整数, 且 $n \geq 2$)

考点: 规律型: 数字的变化类.

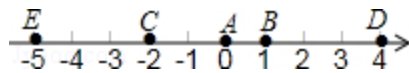
分析: 由前面算式可以看出: 算式的左边利用平方差公式因式分解, 中间的数字互为倒数, 乘积为 1, 只剩下两端的 $\left(1 - \frac{1}{2}\right)$ 和 $\left(1 + \frac{1}{n}\right)$ 相乘得出结果.

$$\begin{aligned} \text{解答: 解: } & \left(1 - \frac{1}{2^2}\right) \left(1 - \frac{1}{3^2}\right) \left(1 - \frac{1}{4^2}\right) \left(1 - \frac{1}{5^2}\right) \cdots \left(1 - \frac{1}{n^2}\right) \\ &= \frac{1 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 4 \cdots n+1}{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 5 \cdots n} \\ &= \frac{n+1}{2n} . \end{aligned}$$

故答案为: $\frac{n+1}{2n}$.

点评: 此题考查算式的运算规律, 找出数字之间的联系, 得出运算规律, 解决问题.

4. (2014•邵阳, 第 18 题 3 分) 如图, A 点的初始位置位于数轴上的原点, 现对 A 点做如下移动: 第 1 次从原点向右移动 1 个单位长度至 B 点, 第 2 次从 B 点向左移动 3 个单位长度至 C 点, 第 3 次从 C 点向右移动 6 个单位长度至 D 点, 第 4 次从 D 点向左移动 9 个单位长度至 E 点, \cdots , 依此类推, 这样至少移动 28 次后该点到原点的距离不小于 41.



考点: 规律型: 图形的变化类; 数轴

专题: 规律型.

分析: 根据数轴上点的坐标变化和移动规律 (左减右加), 分别求出点所对应的数, 进而求出点到原点的距离; 然后对奇数项、偶数项分别探究, 找出其中的规律 (相邻两数都相差 3), 写出表达式; 然后根据点到原点的距离不小于 41 建立不等式, 就可解决问题.

解答: 解: 由题意可得:

移动 1 次后该点对应的数为 $0+1=1$, 到原点的距离为 1;

移动 2 次后该点对应的数为 $1-3=-2$, 到原点的距离为 2;

移动 3 次后该点对应的数为 $-2+6=4$ ，到原点的距离为 4；
 移动 4 次后该点对应的数为 $4-9=-5$ ，到原点的距离为 5；
 移动 5 次后该点对应的数为 $-5+12=7$ ，到原点的距离为 7；
 移动 6 次后该点对应的数为 $7-15=-8$ ，到原点的距离为 8；

∴移动 $(2n-1)$ 次后该点到原点的距离为 $3n-2$ ；
 移动 $2n$ 次后该点到原点的距离为 $3n-1$ 。

① 当 $3n-2 \geq 41$ 时，

$$\text{解得：} n \geq \frac{43}{3}$$

∵ n 是正整数，

∴ n 最小值为 15，此时移动了 29 次。

② 当 $3n-1 \geq 41$ 时，

$$\text{解得：} n \geq 14$$

∵ n 是正整数，

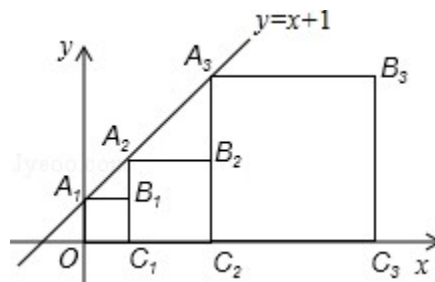
∴ n 最小值为 14，此时移动了 28 次。

综上所述：至少移动 28 次后该点到原点的距离不小于 41。

故答案为：28。

点评： 本题考查了用正负数可以表示具有相反意义的量，考查了数轴上点的坐标变化和平移规律（左减右加），考查了一列数的规律探究。对这列数的奇数项、偶数项分别进行探究是解决这道题的关键。

5. (2014•孝感，第 18 题 3 分) 正方形 $A_1B_1C_1O$ ， $A_2B_2C_2C_1$ ， $A_3B_3C_3C_2$ ，…按如图的方式放置。点 A_1, A_2, A_3, \dots 和点 C_1, C_2, C_3, \dots 分别在直线 $y=x+1$ 和 x 轴上，则点 B_6 的坐标是
(63, 32)。



考 一次函数图象上点的坐标特征

点：

专 规律型 .

题：

分 首先利用直线的解析式，分别求得 $A_1, A_2, A_3, A_4 \dots$ 的坐标，由此得到一定的规

析：律，据此求出点 A_n 的坐标，即可得出点 B_6 的坐标 .

解 解：∵ 直线 $y=x+1$ ， $x=0$ 时， $y=1$ ，

答：∴ $A_1 B_1=1$ ，点 B_2 的坐标为 $(3, 2)$ ，

∴ A_1 的纵坐标是： $1=2^0$ ， A_1 的横坐标是： $0=2^0-1$ ，

∴ A_2 的纵坐标是： $1+1=2^1$ ， A_2 的横坐标是： $1=2^1-1$ ，

∴ A_3 的纵坐标是： $2+2=4=2^2$ ， A_3 的横坐标是： $1+2=3=2^2-1$ ，

∴ A_4 的纵坐标是： $4+4=8=2^3$ ， A_4 的横坐标是： $1+2+4=7=2^3-1$ ，

即点 A_4 的坐标为 $(7, 8)$.

据此可以得到 A_n 的纵坐标是： 2^{n-1} ，横坐标是： $2^{n-1}-1$.

即点 A_n 的坐标为 $(2^{n-1}-1, 2^{n-1})$.

∴ 点 A_6 的坐标为 $(2^5-1, 2^5)$.

∴ 点 B_6 的坐标是： $(2^6-1, 2^5)$ 即 $(63, 32)$.

故答案为： $(63, 32)$.

点 此题主要考查了一次函数图象上点的坐标性质和坐标的变化规律，正确得到点的坐

评：标的规律是解题的关键 .

6. (2014•滨州，第 18 题 4 分) 计算下列各式的值：

$$\sqrt{9^2+19}; \sqrt{99^2+199}; \sqrt{999^2+1999}; \sqrt{9999^2+19999} .$$

观察所得结果，总结存在的规律，应用得到的规律可得 $\sqrt{\underbrace{99 \cdots 9^2}_{2014 \text{ 个 } 9} + 1 \underbrace{99 \cdots 9}_{2014 \text{ 个 } 9}} = 10^{2014}$.

考点： 算术平方根；完全平方公式 .

专题： 规律型 .

分析： 先计算得到 $\sqrt{9^2+19}=10=10^1$ ， $\sqrt{99^2+199}=100=10^2$ ， $\sqrt{999^2+1999}$
 $=1000=10^3$ ， $\sqrt{9999^2+19999}=10000=10^4$ ，计算的结果都是 10 的整数

次幂，且这个指

数的大小与被开方数中每个数中9的个数相同，所以

$$\sqrt{\underbrace{99\cdots 9^2}_{2014\text{个}9} + 1 \underbrace{99\cdots 9}_{2014\text{个}9}} = 10^{2014} .$$

解答： 解： $\because \sqrt{9^2+19}=10=10^1$ ，

$$\sqrt{99^2+199}=100=10^2，$$

$$\sqrt{999^2+1999}=1000=10^3，$$

$$\sqrt{9999^2+19999}=10000=10^4，$$

$$\therefore \sqrt{\underbrace{99\cdots 9^2}_{2014\text{个}9} + 1 \underbrace{99\cdots 9}_{2014\text{个}9}} = 10^{2014} .$$

故答案为 10^{2014} .

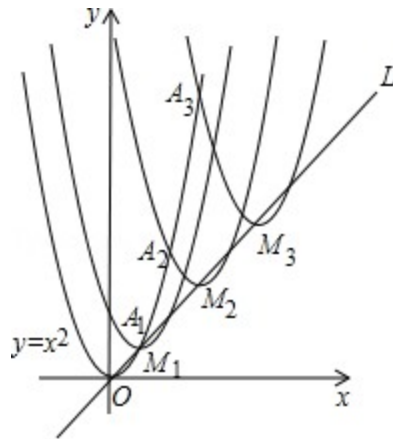
点评： 本题考查了算术平方根：一般地，如果一个正数 x 的平方等于 a ，即 $x^2=a$ ，那么这个正数 x 叫做 a 的算术平方根．记为 A .

7. (2014•德州，第17题4分) 如图，抛物线 $y=x^2$ 在第一象限内经过的整数点（横坐标、纵坐标都为整数的点）依次为 $A_1, A_2, A_3, \dots, A_n, \dots$. 将抛物线 $y=x^2$ 沿直线 $L: y=x$ 向上平移，得一系列抛物线，且满足下列条件：

① 抛物线的顶点 $M_1, M_2, M_3, \dots, M_n, \dots$ 都在直线 $L: y=x$ 上；

② 抛物线依次经过点 $A_1, A_2, A_3, \dots, A_n, \dots$.

则顶点 M_{2014} 的坐标为 (4027 , 4027) .



考 二次函数图象与几何变换 .

点 :

专 规律型 .

题 :

分 根据抛物线 $y=x^2$ 与抛物线 $y_n=(x-a_n)^2+a_n$ 相交于 A_n , 可发现规律, 根据规律, 可得

析: 答案 .

解 解: $M_1(a_1, a_1)$ 是抛物线 $y_1=(x-a_1)^2+a_1$ 的顶点,

答: 抛物线 $y=x^2$ 与抛物线 $y_1=(x-a_1)^2+a_1$ 相交于 A_1 ,

$$\text{得 } x^2=(x-a_1)^2+a_1,$$

$$\text{即 } 2a_1x=a_1^2+a_1,$$

$$x=\frac{1}{2}(a_1+1).$$

$\because x$ 为整数点

$$\therefore a_1=1,$$

$$M_1(1, 1);$$

$M_2(a_2, a_2)$ 是抛物线 $y_2=(x-a_2)^2+a_2=x^2-2a_2x+a_2^2+a_2$ 顶点,

抛物线 $y=x^2$ 与 y_2 相交于 A_2 ,

$$x^2=x^2-2a_2x+a_2^2+a_2, \quad x \geq 1$$

$$\therefore 2a_2x=a_2^2+a_2,$$

$$x=\frac{1}{2}(a_2+1).$$

$\because x$ 为整数点,

$$\therefore a_2=3,$$

$M_2 (3, 3)$,

$M_3 (a_3, a_3)$ 是抛物线 $y_2 = (x - a_3)^2 + a_3 = x^2 - 2a_3x + a_3^2 + a_3$ 顶点 ,

抛物线 $y = x^2$ 与 y_3 相交于 A_3 ,

$$x^2 = x^2 - 2a_3x + a_3^2 + a_3 ,$$

$$\therefore 2a_3x = a_3^2 + a_3 ,$$

$$x = \frac{1}{2} (a_3 + 1) .$$

$\therefore x$ 为整数点

$$\therefore a_3 = 5 ,$$

$M_3 (5, 5)$,

所以 M_{2014} , $2014 \times 2 - 1 = 4027$

$(4027, 4027)$,

故答案为 : $(4027, 4027)$

点 本题考查了二次函数图象与几何变换 , 定点沿直线 $y = x$ 平移是解题关键 .

评 :

8. (2014·菏泽 , 第 14 题 3 分) 下面是一个某种规律排列的数阵 :

			1	$\sqrt{2}$					第 1 行
		$\sqrt{3}$	2	$\sqrt{5}$	$\sqrt{6}$				第 2 行
	$\sqrt{7}$	$2\sqrt{2}$	3	$\sqrt{10}$	$\sqrt{11}$	$2\sqrt{3}$			第 3 行
	$\sqrt{13}$	$\sqrt{14}$	$\sqrt{15}$	4	$\sqrt{17}$	$3\sqrt{2}$	$\sqrt{19}$	$2\sqrt{5}$	第 4 行

根据数阵的规律 , 第 n (n 是整数 , 且 $n \geq 3$) 行从左到右数第 $n - 2$ 个数是 $\sqrt{n^2 - 2}$ (用

含 n 的代数式表示)

考点 : 算术平方根 .

专题 : 规律型 .

分析 : 观察不难发现 , 被开方数是从 1 开始的连续自然数 , 每一行的数据的个数是从 2 开始的连续偶数 , 求出 $n - 1$ 行的数据的个数 , 再加上 $n - 2$ 得到所求数的被开方数 , 然后写出算术平方根即可 .

解答 : 解 : 前 $(n - 1)$ 行的数据的个数为 $2 + 4 + 6 + \dots + 2(n - 1) = n(n - 1)$,
所以 , 第 n (n 是整数 , 且 $n \geq 3$) 行从左到右数第 $n - 2$ 个数的被开方数是 $n(n$

$$-1) +n-2=n2-2,$$

所以,第 n (n 是整数,且 $n \geq 3$) 行从左到右数第 $n-2$ 个数是 $\sqrt{n^2-2}$.

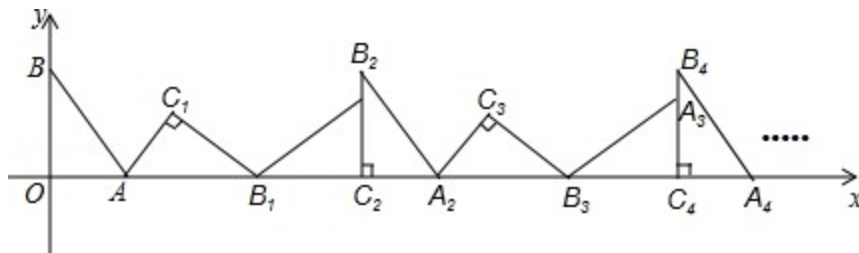
故答案为: $\sqrt{n^2-2}$.

点评: 本题考查了算术平方根,观察数据排列规律,确定出前 $(n-1)$ 行的数据的个数是解题的关键.

9. (2014年山东泰安,第24题4分) 如图,在平面直角坐标系中,将 $\triangle ABO$ 绕点 A 顺时针旋转到 $\triangle AB_1C_1$ 的位置,点 B 、 O 分别落在点 B_1 、 C_1 处,点 B_1 在 x 轴上,再将 $\triangle AB_1C_1$ 绕点 B_1 顺时针旋转到 $\triangle A_1B_1C_2$ 的位置,点 C_2 在 x 轴上,将 $\triangle A_1B_1C_2$ 绕点 C_2 顺时针旋转到 $\triangle A_2B_2C_2$ 的位置,点 A_2 在 x 轴上,依次进行下去...

若点 A $(\frac{5}{3}, 0)$,

$B(0, 4)$, 则点 B_{2014} 的横坐标为_____.



分析: 首先利用勾股定理得出 AB 的长,进而得出三角形的周长,进而求出 B_2, B_4 的横坐标,进而得出变化规律,即可得出答案.

解:由题意可得: $\because AO = \frac{5}{3}, BO = 4, \therefore AB = \frac{13}{3}, \therefore OA + AB_1 + B_1C_2 = \frac{5}{3} + \frac{13}{3} + 4 = 6 + 4 = 10,$

$\therefore B_2$ 的横坐标为: $10, B_4$ 的横坐标为: $2 \times 10 = 20, \therefore$ 点 B_{2014} 的横坐标为: $\frac{2014}{2}$

$\times 10 = 10070$. 故答案为: 10070 .

点评: 此题主要考查了点的坐标以及图形变化类,根据题意得出 B 点横坐标变化规律是解题关键.

三.解答题

1. (2014•安徽省,第16题8分) 观察下列关于自然数的等式:

$$3^2 - 4 \times 1^2 = 5 \quad \text{①}$$

$$5^2 - 4 \times 2^2 = 9 \quad \text{②}$$

$$7^2 - 4 \times 3^2 = 13 \quad \text{③} [\text{来源:学+科+网 Z+X+X+K}]$$

...

根据上述规律解决下列问题：

(1) 完成第四个等式： $9^2 - 4 \times \underline{4}^2 = \underline{17}$ ；

(2) 写出你猜想的第 n 个等式（用含 n 的式子表示），并验证其正确性。

考点： 规律型：数字的变化类；完全平方公式．菁优网

分析： 由①②③三个等式可得，被减数是从3开始连续奇数的平方，减数是从1开始连续自然数的平方的4倍，计算的结果是被减数的底数的2倍减1，由此规律得出答案即可．

解答： 解：(1) $3^2 - 4 \times 1^2 = 5$ ①

$$5^2 - 4 \times 2^2 = 9 \quad \text{②}$$

$$7^2 - 4 \times 3^2 = 13 \quad \text{③}$$

...

所以第四个等式： $9^2 - 4 \times 4^2 = 17$ ；

(2) 第 n 个等式为： $(2n+1)^2 - 4n^2 = 2(2n+1) - 1$ ，

$$\text{左边} = (2n+1)^2 - 4n^2 = 4n^2 + 4n + 1 - 4n^2 = 4n + 1,$$

$$\text{右边} = 2(2n+1) - 1 = 4n + 2 - 1 = 4n + 1.$$

左边=右边

$$\therefore (2n+1)^2 - 4n^2 = 2(2n+1) - 1.$$

点评： 此题考查数字的变化规律，找出数字之间的运算规律，利用规律解决问题．