

2015年安顺市初中毕业生学业、升学（高中、中职、五年制专科）招生考试

数学科试题

特别提示：

- 1、本卷为数学试题单，共26个题，满分150分，共4页。考试时间120分钟。
- 2、考试采用闭卷形式，用笔在特制答题卡上答题，不能在本题单上作答。
- 3、答题时请仔细阅读答题卡上的注意事项，并根据本题单各题的编号在答题卡上找到答题的对应位置，用规定的笔进行填涂和书写。

一、选择题（共10小题，每小题3分，共30分）

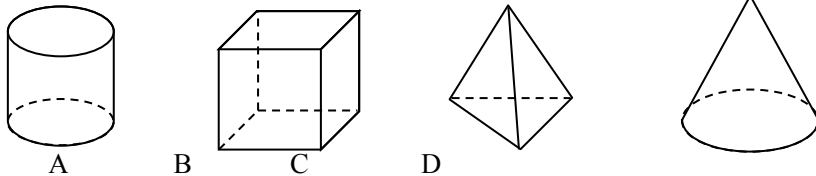
1、 $|-2015|$ 等于（ ）

- A. 2015 B. -2015 C. ± 2015 D. $\frac{1}{2015}$

2、餐桌边的一蔬一饭，舌尖上的一饮一酌，实属来之不易，舌尖上的浪费让人触目惊心。据统计，中国每年浪费的食物总量折合粮食约500亿千克，这个数据用科学记数法表示为（ ）

- A. 5×10^9 千克 B. 50×10^9 千克 C. 5×10^{10} 千克 D. 0.5×10^{11} 千克

3、下列立体图形中，俯视图是正方形的是（ ）



4、点P(-2, -3)向左平移1个单位，再向上平移3个单位，则所得到的点的坐标为

()

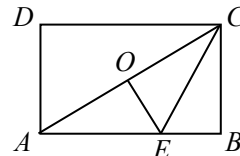
- A. (-3, 0) B. (-1, 6) C. (-3, -6) D. (-1, 0)

5、若一元二次方程 $x^2 - 2x - 1$ 的图像不经过第（ ）象限。

- A. 四 B. 三 C. 二 D. 一

6、如图，点O是矩形ABCD的中心，E是AB上的点，折叠后，点B恰好与点O重合，若BC=3。则折痕CE的长为（ ）

- A. $2\sqrt{3}$ B. $\frac{3}{2}\sqrt{3}$
C. $\sqrt{3}$ D. 6

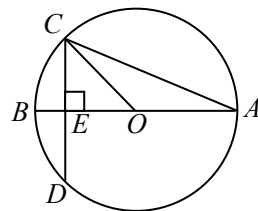
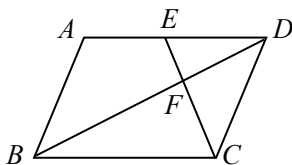


7、已知三角形两边的长是3和4，第三边的长是方程 $x^2 - 12x + 35 = 0$ 的根，则该三角形的周长是（ ）

- A. 14 B. 12 C. 12或14 D. 以上都不对

8、如图， $\square ABCD$ 中，点E是边AD的中点，EC交对角线BD于点F，则EF:FC等于（ ）

- A. 3:2 B. 3:1 C. 1:1 D. 1:2



第8题

第9题

9、如上图⊙O的直径AB垂直于弦CD，垂足是E，∠A=22.5°，OC=4，CD的长为()

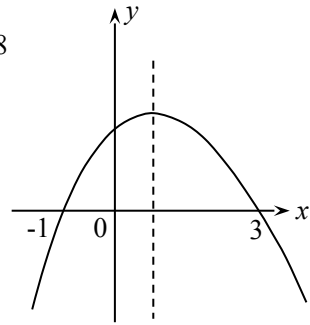
- A. $2\sqrt{2}$ B. 4 C. $4\sqrt{2}$ D. 8

10、如图为二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 的图象，则下列说法：① $a > 0$ ② $2a + b = 0$ ③ $a + b + c > 0$

④ 当 $-1 < x < 3$ 时， $y > 0$

其中正确的个数为()

- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4



二、填空题 (共8小题，每小题4分，共32分)

11、 $\frac{1}{9}$ 的平方根是_____。

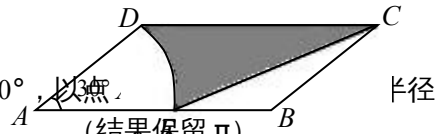
12、计算： $(-3)^{2013} \cdot (-\frac{1}{3})^{2011} =$ _____。

13、分解因式： $2a^2 - 4a + 2 =$ _____。

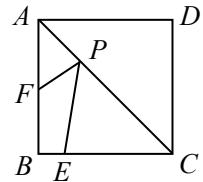
14、一组数据 2, 3, x, 5, 7 的平均数是 4，则这组数据的众数是_____。

15、不等式组 $\begin{cases} 3x + 10 > 0 \\ 15x - 10 < 4 \end{cases}$ 的最小整数解是_____。

16、如图，在□ABCD中，AD=2，AB=4，∠A=30°，以点A为圆心，AD为半径画弧交AB于点E，连接CE，则阴影部分的面积是_____ (结果保留π)。



17、如图，正方形ABCD的边长为4，E为BC上的一点，BE=1，F为AB上的一点，AF=2，P为AC上一个动点，则PF+PE的最小值为_____。



18、如图所示是一组有规律的图案，第1个图案由4个基础图形组成，第2个图案由7个基础图形组成，……，第n (n是正整数) 个图案中的基础图形个数为_____ (用含n的式子表示)。



三、解答题 (共8小题，共88分)

19、(本题8分)

计算： $\left(-\frac{1}{2}\right)^{-2} - (3.14 - \pi)^0 + |1 - \sqrt{2}| - 2\sin 45^\circ$

20、(本题10分)

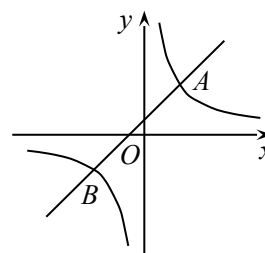
先化简，再求值： $\frac{x+2}{2x^2-4x} \div \left(x-2+\frac{8x}{x-2}\right)$ ，其中 $x = \sqrt{2} - 1$ 。

21、(本题10分)

“母亲节”前夕，某商店根据市场调查，用3000元购进第一批盒装花，上市后很快售完，接着又用5000元购进第二批这种盒装花。已知第二批所购花的盒数是第一批所购花盒数的2倍，且每盒花的进价比第一批的进价少5元。求第一批盒装花每盒的进价是多少元？

22、(本题 10 分)

如图，在平面直角坐标系 xOy 中，一次函数 $y = kx + b$ 的图象与反比例函数 $y = \frac{m}{x}$ 的图象交于 $A(2, 3)$ 、 $B(-3, n)$ 两点。



- (1) 求一次函数和反比例函数的解析式；
- (2) 若 P 是 y 轴上一点，且满足 $\triangle PAB$ 的面积是 5，直接写出 OP 的长。

23、(本题 12 分)

某学校为了增强学生体质，决定开设以下体育课外活动项目：A．篮球 B．乒乓球 C．羽毛球 D．足球，为了解学生最喜欢哪一种活动项目，随机抽取了部分学生进行调查，并将调查结果绘制成了两幅不完整的统计图。请回答下列问题：

(1) 这次被调查的学生共有_____人；

(2) 请你将条形统计图 2 补充完整；

(3) 在平时的乒乓球项目训练中，甲、乙、丙、丁四人表现优秀，现决定从这四名同学中任选两名参加乒乓球比赛，求恰好选中甲、乙两位同学的概率。

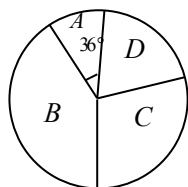


图 1

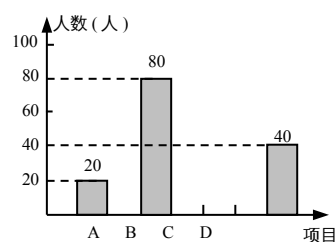


图 2

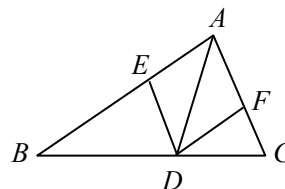
(用树状图或列表法解答)

24、(本题 12 分)

如图，已知点 D 在 $\triangle ABC$ 的 BC 边上， $DE \parallel AC$ 交 AB 于 E ， $DF \parallel AB$ 交 AC 于 F

(1) 求证： $AE = DF$ 。

(2) 若 AD 平分 $\angle BAC$ ，试判断四边形 $AEDF$ 的形状，并说明理由。

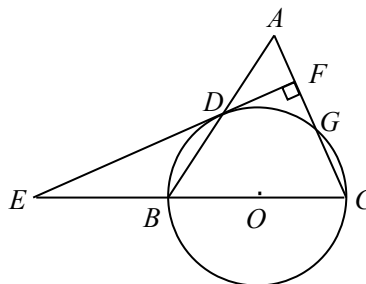


25、(本题 12 分)

如图，等腰三角形 ABC 中， $AC = BC = 10$ ， $AB = 12$ 。以 BC 为直径作 $\odot O$ 交 AB 于点 D ，交 AC 于点 G ， $DF \perp AC$ ，垂足为 F ，交 CB 的延长线于点 E 。

(1) 求证：直线 EF 是 $\odot O$ 的切线；

(2) 求 $\cos \angle E$ 的值。

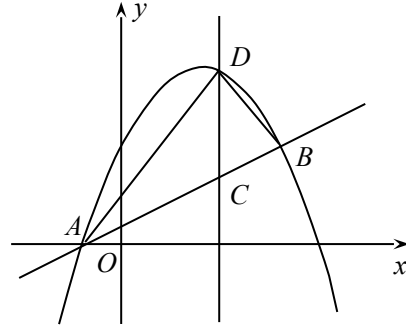


26、(本题 14 分)

如图，抛物线 $y = ax^2 + bx + \frac{5}{2}$ 与直线 AB 交于点 $A(-1, 0)$ ， $B(4, \frac{5}{2})$ 。点 D 是抛物线 A, B 两点间部分上的一个动点（不与点 A, B 重合），直线 CD 与 y 轴平行，交直线

AB 于点 C ，连接 AD, BD 。

- (1) 求抛物线的解析式；
- (2) 设点 D 的横坐标为 m ， $\triangle ADB$ 的面积为 S ，求 S 关于 m 的函数关系式，并求出当 S 取最大值时的点 C 的坐标；



保密★启用前

2015年安顺市初中毕业生学业、升学（高中、中职、五年制专科）招生考试

数学科试题（备用）评分要求及参考答案

评分要求

初中毕业生学业（升学）考试是义务教育阶段的终结性考试。考试的目的是全面、准确地反映初中毕业生在学科学习目标方面所达到的水平。考试结果既是衡量学生是否达到毕业标准的主要依据，也是作为上一级学校招生录取的重要依据之一。

评卷是考试的重要环节，在评卷工作中要处理好评价标准的统一性和学生答案多样性问题。统一性是反映学科学习目标应达到的基本水平，学生答案多样性反映学生个体的差异，在保证考试应达到的基本要求的前提下，应充分关注学生的个性表现。因此，在评卷过程中应注意：

1、开始评卷时先试评一定数量的试卷，整体把握学生答题情况，在此基础上对试题答案的评分标准进行统一，做到每题“一把尺子量到底”。

2、主观性试题要尽量避免评卷人个体主观因素的影响，采用集体协商的方法以达成共识。

3、开放性试题包括试题条件开放、过程开放和结果（论）开放，课程目标是把握开放度的主要依据。

3、参考答案是按照课程目标为评卷提供解题思路的一个参考，不是唯一和绝对的标准。当学生有其它解题方法和思路时，只要符合课程目标，可参照参考答案中的评分要点评分。

参考答案

一、选择题

1、A 2、C 3、B 4、A 5、D

6、A 7、B 8、D 9、C 10、C

二、填空题、

11、 $\pm \frac{1}{3}$ 12、9 13、 $2(a-1)^2$ 14、3

15、-3 16、 $3 - \frac{1}{3}\pi$ 17、 $\sqrt{17}$ 18、 $3n+1$

19、(本题8分)

解：原式 $= 4 - 1 + \sqrt{2} - 1 - 2 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$ 4分

$= 4 - 1 + \sqrt{2} - 1 - \sqrt{2}$ 6分

$= 2$ 8分

20、(本题10分)

解： $\frac{x+2}{2x^2-4x} \div \left(x-2 + \frac{8x}{x-2} \right)$

$$= \frac{x+2}{2x(x-2)} \div \frac{x^2-4x+4+8x}{x-2}$$

$$= \frac{x+2}{2x(x-2)} \cdot \frac{x-2}{(x+2)^2}$$

$$= \frac{1}{2x(x+2)} \dots\dots\dots 6 \text{分}$$

当 $x = \sqrt{2} - 1$ 时，原式 = $\frac{1}{2(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}-1+2)}$

$$= \frac{1}{2(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} \dots\dots\dots 8 \text{分}$$

$$= \frac{1}{2} \dots\dots\dots 10 \text{分}$$

21、(本题 10 分)

解：设第一批盒装花的进价是每盒 x 元， $\dots\dots\dots 1$ 分 (没有单位扣分)

则 $2 \times \frac{3000}{x} = \frac{5000}{x-5}$ ， $\dots\dots\dots 6$ 分

解得 $x=30$8 分

经检验， $x=30$ 是原方程的根。.....9 分

答：第一批盒装花每盒的进价是 30 元。.....10 分

22、(本题 10 分)

解：(1) \because 反比例函数 $y = \frac{m}{x}$ 的图象经过点 $A(2, 3)$ ，

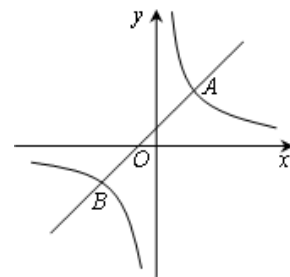
$\therefore m=6$.

\therefore 反比例函数的解析式是 $y = \frac{6}{x}$. $\dots\dots\dots 2$ 分

\because 点 $A(-3, n)$ 在反比例函数 $y = \frac{6}{x}$ 的图象上，

$\therefore n = -2$.

$\therefore B(-3, -2)$. $\dots\dots\dots 3$ 分



∵一次函数 $y=kx+b$ 的图象经过 $A(2, 3)$ 、 $B(-3, -2)$ 两点，

$$\therefore \begin{cases} 2k+b=3, \\ -3k+b=-2. \end{cases} \dots\dots\dots 4 \text{分}$$

解得 $\begin{cases} k=1, \\ b=1. \end{cases} \dots\dots\dots 5 \text{分}$

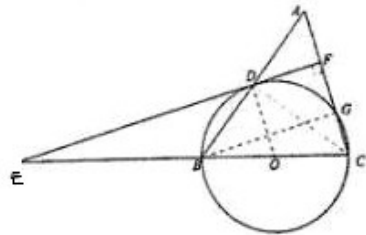
∴一次函数的解析式是 $y=x+1$6分

(2) OP 的长为 3 或 1.4分(写出一个给 2分)

- 23、(本题 12分) 解： (1) 200 (2分)；
 (2) 略 (2分)； (其中画图得 1分，标出 60得 1分)
 (3) $\frac{1}{6}$ (8分)

24、(本题 12分)

解：(1) (6分) 因为 $DE \parallel AC$ ， $DF \parallel AB$ ，
 所以四边形 $AEDF$ 是平行四边形，
 所以 $AE=DF$
 (2) (6分) 若 AD 平分 $\angle BAC$ ，四边形 $AEDF$ 是菱形，
 证明： $DE \parallel AC$ ， $DF \parallel AB$ ，
 所以四边形 $AEDF$ 是平行四边形， $\angle DAF = \angle FDA$ ，
 所以 $AF=DF$ ，
 所以平行四边形 $AEDF$ 为菱形



25、(本题 12分)
 (1) (6分) 证明：连接 OD 、 CD 。

∵ BC 是直径，∴ $CD \perp AB$
 ∵ $AB=BC$. ∴ D 是 AB 的中点。又 O 为 CB 的中点，
 ∴ $OD \parallel EF$ ， EF 是 $\odot O$ 的切线。

(2) (6分) 解：连 BG 。∵ BC 是直径，∴ $\angle BGC=90^\circ$ 。

在 $Rt\triangle BCD$ 中， $DC = \sqrt{AC^2 - AD^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$

$$\because AB \cdot CD = 2S_{\triangle ABC} = AC \cdot BG \quad \therefore BG = \frac{AB \cdot CD}{AC} = \frac{12 \times 8}{10} = \frac{48}{5}$$

∵ $BG \perp AC$, $DF \perp AC$
 ∴ $BG \parallel EF$, ∴ $\angle E = \angle CBG$,

$$\therefore \cos \angle E = \cos \angle CBG = \frac{BG}{BC} = \frac{24}{25}$$

26、(本题 14分)

解：(1) (6分) 由题意得 $\begin{cases} a - b + \frac{5}{2} = 0, \\ 16a + 4b + \frac{5}{2} = \frac{5}{2}. \end{cases}$ 解得： $\begin{cases} a = -\frac{1}{2}, \\ b = 2. \end{cases}$

$$\therefore y = -\frac{1}{2}x^2 + 2x + \frac{5}{2}$$

(2) (8分) 设直线 AB 为: $y = kx + b$, 则有 $\begin{cases} -k + b = 0 \\ 4k + b = \frac{5}{2} \end{cases}$ 解得 $\begin{cases} k = \frac{1}{2} \\ b = \frac{1}{2} \end{cases}$.

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$$

$$\text{则: } D \left(m, -\frac{1}{2}m^2 + 2m + \frac{5}{2} \right), \quad C \left(m, \frac{1}{2}m + \frac{1}{2} \right),$$

$$CD = \left(-\frac{1}{2}m^2 + 2m + \frac{5}{2} \right) - \left(\frac{1}{2}m + \frac{1}{2} \right) = -\frac{1}{2}m^2 + \frac{3}{2}m + 2 .$$

$$\therefore S = \frac{1}{2}(m+1) \cdot CD + \frac{1}{2}(4-m) \cdot CD$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times CD = \frac{1}{2} \times 5 \times \left(-\frac{1}{2}m^2 + \frac{3}{2}m + 2 \right) = -\frac{5}{4}m^2 + \frac{15}{4}m + 5 .$$

$\because -\frac{5}{4} < 0 \therefore$ 当 $m = \frac{3}{2}$ 时, S 有最大值 . ,

$$\text{当 } m = \frac{3}{2} \text{ 时, } \frac{1}{2}m + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} + \frac{1}{2} = \frac{5}{4} .$$

$$\therefore \text{点 } C \left(\frac{3}{2}, \frac{5}{4} \right) .$$